Literaturverzeichnis

Literatur zur Zahlentheorie

- [1] BOREWICZ, S.I., SAFAREVIC, I.R.: Zahlentheorie, Birkhäuser, Basel–Stuttgart, 1966
- [2] Chahal, J.S.: Topics in Number Theory, Plenum Press, New York–London, 1988
- [3] EDWARDS, H.M.: Fermat's Last Theorem. A Genetic Introduction to Algebraic Number Theory, Springer, New York—Heidelberg—Berlin, 1977 (Corr. 3rd Printing 2000)
- [4] Frey, G.: Elementare Zahlentheorie, Vieweg, Braunschweig-Wiesbaden, 1984
- [5] Gundlach, K.B.: Einführung in die Zahlentheorie, Bibl. Institut, Mannheim-Wien-Zürich, 1972
- [6] HARDY, G.H., WRIGHT, E.M.: Einführung in die Zahlentheorie, Oldenbourg, München, 1958
- [7] HASSE, H.: Vorlesungen über Zahlentheorie, Springer, Berlin-Göttingen-Heidelberg, 1950 (2. Aufl. 1964)
- [8] HLAWKA, E., SCHOISSENGEIER, J.: Zahlentheorie, Manz, Wien, 1979 (2. Aufl. 1990)
- [9] Hua, L.K.: Introduction to Number Theory, Springer, Berlin-Heidelberg-New York, 1982
- [10] INDLEKOFER, K.-H.: Zahlentheorie, Birkhäuser, Basel-Stuttgart, 1978
- [11] IRELAND, K., ROSEN, M.: A Classical Introduction to Modern Number Theory, Springer, New York—Heidelberg—Berlin, 1982 (Corr. 2nd Printing 1993)

- [12] LANDAU, E.: Handbuch der Lehre von der Verteilung der Primzahlen, Teubner, Leipzig-Berlin, 1909 (Nachdruck: Chelsea, New York, 1974)
- [13] LANDAU, E.: Vorlesungen über Zahlentheorie, Hirzel, Leipzig, 1927 (Nachdruck: Chelsea, New York, 1950 (Band I, 1.Teil) bzw. 1969 (Band I, 2.Teil; Bände II, III))
- [14] LEVEQUE, W.J.. Fundamentals of Number Theory, Addison-Wesley, Reading/Mass. etc., 1977 (Reprint: Dover, Mineola NY, 1996)
- [15] LEVEQUE, W.J.: Topics in Number Theory, Addison-Wesley, Reading/ Mass., 1956 (Reprint: Dover, Mineola NY, 2002)
- [16] MORDELL, L.J.: Diophantine Equations, Academic Press, London–New York, 1969
- [17] NARKIEWICZ, W.: Number Theory, World Scientific, Singapore, 1983
- [18] NIVEN, I., ZUCKERMAN, H.S.: Einführung in die Zahlentheorie, Bibl. Institut, Mannheim-Wien-Zürich, 1976
- [19] PERRON, O.: Die Lehre von den Kettenbrüchen, Teubner, Leipzig-Berlin, 1929 (3. Aufl., Bände I, II, Teubner, Stuttgart, 1954, 1957)
- [20] Prachar, K.: *Primzahlverteilung*, Springer, Berlin-Göttingen-Heidelberg, 1957 (2. Aufl. 1978)
- [21] REMMERT, R., ULLRICH, P.: Elementare Zahlentheorie, Birkhäuser, Basel-Boston-Berlin, 1986 (2. Aufl. 1995)
- [22] RIBENBOIM, P.: The New Book of Prime Number Records, Springer, New York etc., 1995
- [23] RIBENBOIM, P.: 13 Lectures on Fermat's Last Theorem, Springer, New York-Heidelberg-Berlin, 1979 (2nd Printing 1994)
- [24] Rose, H.E.: A Course in Number Theory, Claredon Press, Oxford, 1988 (2nd Ed. 1994)
- [25] SCHEID, H.: Zahlentheorie, Wissenschaftsverlag, Mannheim-Wien-Zürich, 1991 (2. Aufl. 1994)
- [26] SCHMIDT, W.M.: Diophantine Approximation, Springer, Berlin-Heidelberg-New York, 1980 (2nd Printing 1996)
- [27] SCHNEIDER, T.: Einführung in die transzendenten Zahlen, Springer, Berlin-Göttingen-Heidelberg, 1957

- [28] SCHWARZ, W.: Einführung in die Zahlentheorie, Wiss. Buchgesellschaft, Darmstadt, 1975 (2. Aufl. 1987)
- [29] Sierpinski, W.: Elementary Theory of Numbers, Państwowe Wydawnictwo Naukowe, Warszawa, 1964 (2nd Ed., revised and enlarged by A. Schinzel, North-Holland, Amsterdam-New York-Oxford, 1988)
- [30] VAUGHAN, R.C.: The Hardy-Littlewood method, University Press, Cambridge etc., 1981 (2nd Ed. 1997)
- [31] WALDSCHMIDT, M.: Nombres Transcendants, Springer, Berlin-Heidelberg-New York, 1974
- [32] WOLFART, J.: Einführung in die Zahlentheorie und Algebra, Vieweg, Braunschweig-Wiesbaden, 1996

Aufgabensammlungen zur Zahlentheorie

- [A1] Kaiser, H., Lidl, R., Wiesenbauer, J.: Aufgabensammlung zur Algebra, Akad. Verlagsgesellschaft, Wiesbaden, 1975
- [A2] PARENT, D.P.: Exercises de théorie des nombres, Gauthier-Villars, Paris, 1978 (Reproduction 1999)
- [A3] POLYA, G., SZEGÖ, G.: Aufgaben und Lehrsätze aus der Analysis, Band II, Springer, Berlin–Heidelberg, 1925 (4. Aufl. 1971)
- [A4] Sierpinski, W.: A Selection of Problems in the Theory of Numbers, Pergamon Press, New York, 1964
- [A5] Sierpinski, W.: 250 Problems in Elementary Number Theory, Amer. Elsevier Publ. Comp., New York, 1970
 - Zahlreiche Aufgaben sind auch in [2], [4], [10], [11], [14], [15], [17], [18], [24], [25] enthalten.

Literatur zur Geschichte der Zahlentheorie

[G1] BÜHLER, W.K.: Gauss, a biographical study, Springer, Berlin–Heidelberg–New York, 1981

- [G2] DICKSON, L.E.: History of the theory of numbers, Vols. I, II, III, Carnegie Institute, Washington D.C., 1919, 1920, 1923 (Reprint: Dover, Washington D.C., 2005)
- [G3] DIEUDONNE, J.: Geschichte der Mathematik 1700–1900, Vieweg, Braunschweig-Wiesbaden, 1985
- [G4] EUKLID: Die Elemente, Buch I-XIII, Wiss. Buchgesellschaft, Darmstadt, 1980 (Nachdruck 4. Aufl.: Deutsch, Frankfurt a.M., 2003)
- [G5] GAUSS, C.F.: Untersuchungen über höhere Arithmetik, Nachdruck: Chelsea, New York, 1965 (Deutsche Übersetzung der Disquisitiones Arithmeticae, G. Fleischer Jun., Leipzig, 1801. Hiervon Nachdruck: Springer, Berlin etc., 1986. Die Disquisitiones Arithmeticae sind identisch mit dem ersten Band der GAUSS-schen Werke.)
- [G6] Mahoney, M.S.: The mathematical career of Pierre de Fermat, University Press, Princeton, 1973
- [G7] ORE, O.: Number Theory and its History, McGraw Hill, New York etc., 1948 (Paperback: Dover, New York, 2001)
- [G8] SCHARLAU, W., OPOLKA, H.: Von Fermat bis Minkowski, Springer, Berlin-Heidelberg- New York, 1980
- [G9] THIELE, R.: Leonhard Euler, Teubner, Leipzig, 1982
- [G10] VAN DER WAERDEN, B.L.: Erwachende Wissenschaft, Birkhäuser, Basel–Stuttgart, 1956 (2. Aufl. 1966)
- [G11] Weil, A.: Number Theory; An approach through history. From Hammurapi to Legendre, Birkhäuser, Boston-Basel-Stuttgart, 1983 (4th Printing 2007)
- [G12] WUSSING, H.: Carl Friedrich Gauss, Teubner, Leipzig, 1979 (5. Aufl. 1989)

Namen- und Sachverzeichnis

Namenverzeichnis

ADLEMAN, L.M. 100, 101
ALFORD, W.R. 100
APERY, R. 40
ARCHIMEDES 186
ARMENGAUD, J. 143
ARTIN, E. 113, 146
ARYABHATA 32, 94
AUGUSTINUS 10

Bachet, C.G. 172 BACHMANN, P. 50, 146, 183 Baker, A. 174, 254, 280 Balasubramanian, R. 163 Barnes, E.S. 74 Basmakova, I.G. 29 Bell, E.T. 53 Bernoulli, D. 52 Bernoulli, Jakob 52 Bernoulli, Johann 52 Bertrand, J. 285 Betti, E. 53 BÖHMER, P.E. 251 BOHMAN, J. 289 Borewicz, S.I. 324 Brahmagupta 32, 94 Bressoud, D.M. 101 Brun, V. 291 Buck, R.C. 284

BÜHLER, W.K. 326

Buhler, J. 183 Burckhardt, J.C. 287

Cameron, M. 143 Cantor, G. 212, 216, 247 CARCAVI, P. DE 180 Cashwell, E.D. 58 Cataldi, P.A. 142 Cauchy, A.L. 172 Cayley, A. 196 Cesaro, E. 52 Chahal, J.S. 324 Chatland, H. 74 CHEIN, E.Z. 12 Chen, J.-R. 163, 291 Chernac, L. 287 CLARKSON, R. 143 COHEN, H. 100 Colquitt, W.N. 143 Conrey, J.B. 318 Crandall, R. 101, 183 Czwalina, A. 29

Dase, Z. 287
Davenport, H. 74
Dedekind, R. 76
Deligne, P. 318
Denning, D.E.R. 102
Deshouillers, J.-M. 163

Diaz, G. 281 Dickson, L.E. 163, 186, 327 Dieudonne, J. 327 Diophant 28, 170, 179 Dirichlet, P.G.L. 52, 95, 139, 181, 187

DIXON, J.D. 101

Dress, F. 163

EDWARDS, H.M. 182, 316, 324
EISENSTEIN, G. 136, 146
ENCKE, J.F. 293
ERATOSTHENES 186, 286
ERDÖS, P. 322
ERNVALL, R. 183
EUKLID 5, 11, 12, 20, 21, 23, 28, 168, 186, 327
EULER, L. 11, 52, 80, 97, 109, 131,

139, 143, 145, 155, 158, 172, 177, 181, 191, 227, 240, 242, 257, 272, 282, 289, 295, 315

EVERETT, C.J. 58

Faltings, G. 177, 183, 185
Fauquembergue, E. 143
Fel'dman, N.I. 254
Fermat, P. 52, 80, 97, 155, 179, 184
Fibonacci, L. (= Pisano, L.) 194, 287
Fourier, J.B. 220
Frey, G. 184, 324
Frobenius, G. 116
Fueter, R. 174

Gage, P. 143 Gauss, C.F. 8, 13, 53, 65, 75, 76, 81, 87, 94, 103, 110, 115, 132, 134, 145, 148, 162, 165, 199, 293, 327 Gel'fond, A.O. 272, 279, 323 Gerstenhaber, M. 146 Gillies, D.B. 143 Girard, A. 155 Glaisher, J. 287 Goldbach, C. 52, 80, 88, 282, 291 Granville, A. 100 Gundlach, K.B. 324

Hadamard, J. 302 Hagis, P. Jr. 12 Hajratwala, N. 143 Halberstam, H. 291 Hardy, G.H. 50, 292, 307, 322, 324 Hasse, H. 8, 146, 324 Heath-Brown, D.R. 113, 316 Hecke, E. 274 Hensel, K. 8, 182 Hermes, J. 88 HERMITE, C. 257, 263 Hilbert, D. 14, 146, 162 Hlawka, E. 324 Hooley, C. Hua, L.K. 324 Hurwitz, A. 143

237

I-HSING 94
IKEHARA, S. 321
INDLEKOFER, K.-H. 324
INGHAM, A.E. 284, 321
IRELAND, K. 324
IVIC, A. 316
IVORY, J. 97
IWANIEC, H. 140

Huygens, C.

JACOBSTHAL, E. 155 JACOBI, C.G.J. 113, 146, 164, 177 JAMES, R.D. 14 JENSEN, K.L. 182 JORDAN, C. 48

Kaiser, H. 326 Kanada, Y. 214 Karatsuba, A.A. 316 Keller, W. 144 Koblitz, N. 102 Kondo, S. 214 Korobov, N.M. 318, 321 Kranakis, E. 101, 102 Krüger, J.G. 287 Kubina, J.M. 163 Kummer, E.E. 182 Kuz'min, R.O. 272

Lagarias, J.C. 289 LAGRANGE, J.L. 103, 145, 158, 185, 228, 232 Lambert, J.H. 110, 243, 257, 287 Landau, E. 50, 157, 162, 315, 325 LANG, S. 177 Laurent, M. 273 LEGENDRE, A.M. 8, 130, 139, 145, 162, 181, 232, 243, 257, 293 Lehmer, D.H. 143, 289 Lehmer, D.N. 287 Leibniz, G.W. 52, 97, 103, 216 Lenstra, H.W., Jr. 100 Lessing, G.E. 186 Leveque, W.J. 325 Lidl, R. 326 LINDEMANN, F. 257 LINNIK, YU.V. 323 LIOUVILLE, J. 162, 244 LITTLEWOOD, J.E. 50, 292 Lucas, E. 100, 140

Mahler, K. 94, 163, 212, 221, 258, 263
Mahoney, M.S. 327
Mangoldt, H. Von 302, 315
Matijasevic, Yu.V. 255, 284
Meissel, E.D.F. 289
Mengoli, P. 52
Mersenne, M. 80
Mertens, F. 46, 51, 299
Metsänkylä, T. 183

MILLER, J.C.P. 113 MILLER, V.S. 289 MILLS, W.H. 284 MÖBIUS, A.F. 53 MORDELL, L.J. 175, 177, 325

Napier, J. (=Neper, J.) 206 Narkiewicz, W. 325 Neper, J. (= Napier, J.) 206 Newman, D.J. 321 Nicely, T.R. 285 Nickel, L. 143 Nikomachos 286 Niven, I. 14, 325 Noll, C. 143

Odlyzko, A.M. 46, 289 Olivera e Silva, T. 292 Opolka, H. 327 Ore, O. 327

Pagliarulo, S. 214 Parent, D.P. 326 Patterson, S.J. 316 Paxson, G.A. 100 Pell, J. 185 Perron, O. 24, 192, 232, 240, 325 PERVUSIN, J. 141, 143 Pieper, H. 147 Pintz, J. 46 PISANO, L. (= FIBONACCI, L.) 194, Poincare, H. 175 Polya, G. 326 Pomerance, C. 100 Powers, R.E. 143 Prachar, K. 120, 325 Pythagoras 10, 28, 167

RABINOWITSCH, G. 283 REMMERT, R. 325 RIBENBOIM, P. 183, 325 RIBET, K. 184
RICHELOT, F.J. 88
RICHERT, H.-E. 140, 291
RIELE, H.J.J. TE 46
RIEMANN, B. 52, 175, 301, 316
RIESEL, H. 143
RIESZ, M. 307
RIVEST, R. 101
RIVOAL, T. 40
ROBINSON, R.M. 143
ROSE, H.E. 325
ROSEN, M. 324
ROTH, K.F. 248, 291
RUMELY, R. 100

Safarevic, I.R. 146, 324 Schanuel, S. 281 Scharlau, W. 327 Scheid, H. 325 Schinzel, A. 326 SCHMIDT, W.M. 255, 325 Schneider, T. 250, 272, 279, 325 Schoeneberg, B. 199 Schoissengeier, J. 324 Scholz, A. 199 SCHOOTEN, F. VAN 287 Schwarz, W. 291, 326 Selberg, A. 318, 322 Selfridge, J.L. 143 Sesiano, J. 29 Shallit, J.O. 251 Shamir, A. 101 SHIMURA, G. 184 SIEGEL, C.L. 177, 248, 271 Sierpinski, W. 285, 326 SLOWINSKI, D. 143 Spence, G. 143 STARK, H.M. 75 STEMMLER, R.M. 163 STEVIN, S. 216 STICKELBERGER, L. 116

STIELTJES, T.J. 46, 240

STIRLING, J. 52
STOLZ, O. 216
SUNDMAN, K.F. 240
SUN-TSU 90
SWINNERTON-DYER, H.P.F. 74
SYLVESTER, J.J. 52, 301
SZEGÖ, G. 326

TAGAKI, T. 146
TANIYAMA, Y. 184
TAYLOR, R. 184

Taylor, R. 184
Tchebychef, P.L. 284, 295, 299
Thiele, R. 327
Thue, A. 155, 174, 248
Titchmarsh, E.C. 316
Tietze, H. 214
Tuckerman, B. 143

Ullrich, P. 325

Vallee Poussin, C. De La 302, 318, 321 Vaughan, R.C. 167, 293, 326 Vega, G. 287 Vinogradov, I.M. 292, 318, 321 Voronin, S.M. 316

Waerden, B.L. Van Der 216, 327

Waldschmidt, M. 280, 326

Wallis, J. 52, 237

Wang, T. 292

Wang, Y. 293

Wantzel, P. 243

Waring, E. 103, 162

Weierstrass, K. 260

Weil, A. 184, 318, 327

Weisstein, E.W. 237

Welsh, L., Jr. 143

Western, A.E. 113

Wieferich, A. 162

WIENER, N. 321

WIESENBAUER, J. 326 WILES, A. 183 WILSON, J. 103 WOLFART, J. 326 WOLTMAN, G. 143 WRIGHT, E.M. 284, 324 Wunderlich, M.C. 163 Wussing, H. 327

ZERMELO, E. 8 ZUCKERMAN, H.S. 325 Sachverzeichnis 333

Sachverzeichnis

Abspaltungslemma 64 algebraisch (un-)abhängig 260 algebraische Kurve 172 Grad einer —n — 172 rationaler Punkt einer —n — 172 algebraische Zahl 66 Haus einer —n — 263	direkte Summe von Ringen 92 DIRICHLET-Reihe 307 DIRICHLETsches Schubfachprinzip 95 Division mit Rest 15 Divisionsalgorithmus 16, 60 duale (= dyadische) Darstellung 100, 202
Konjugierte einer —n — 67 Minimalpolynom einer —n — 66	Einheit 53
Nenner einer —n — 263	Einheitengruppe 53
Norm einer —n — 68, 69	euklidischer Algorithmus 23
algebraischer Zahlkörper 68	EULER-Produkt 52
Ganzheitsbasis eines —n —s 274	EULERsches Kriterium 131
Grad eines —n —s 68	Eulersche Phifunktion 48
Approximationssatz	Eulersche Summenformel 298
Dirichletscher — 186	Exponential polynom 266
LIOUVILLEscher — 244	
Thue-Siegel-Rothscher — 163,	Faltung 41
249	FERMAT-EULERscher Satz 98
ARTINsche Vermutung 113	Fermatscher Satz
assoziiert 54	großer — — 180
asymptotisch gleich 49	kleiner — 96
_	FERMATsche Vermutung 180
BERTRANDsches Postulat 284	FERMAT-Zahl 80
beste Näherung 235	FIBONACCI–Folge 194
birational äquivalent 176	Fundamentalsatz der Arithmetik 7
CANTORsche Entwicklung 217	g–adische Darstellung
Carmichael-Zahl 100	— — natürlicher Zahlen 202
chinesischer Restsatz 89	Stellenzahl der — — — 202
	— — reeller Zahlen 206
Deszendenzmethode 174, 180	Ziffern der — — — 206
dezimale Darstellung	Ganzheitsbasis 274
— — natürlicher Zahlen 201	Ganzheitsring 70
— reeller Zahlen 206	GAUSSscher Zahlring 76
diophantische Gleichung 29	GAUSSsches Lemma 132
lineare — 29	gebrochener Teil 186
polynomiale — 29	GEL'FONDsche Vermutung 281
direktes Produkt von Gruppen 92	gemischtperiodisch 207

Gesamtgrad 62	elliptische — 177
ggT 15, 54	rationale — 177
GOLDBACH-Probleme 292	Kürzungsregel 82
Grad	
— einer algebraischen Zahl 66	Legendre-Symbol 130
— eines Polynoms 62	LIOUVILLE–Abschätzung 264
— -Satz 63	
Gradfunktion 60	Mersenne-Zahl 141
	Mertenssche Vermutung 46
Hauptideal 58	MÖBIUSsche Funktion 45
Hauptidealring 58	MÖBIUSsche Umkehrformel 46
HILBERT-Probleme 146	
	O(), o() 49
Ideal	Ordnung modulo m 96
— eines kommutativen Rings 58	
— in \mathbb{Z} 18	partielle Summation 297
imaginär-quadratische Irrationalität	PELLsche Gleichung 185
71	Minimallösung der —n — 190
Index 122	Periode 208
Integrallogarithmus 295	Periodenlänge 95, 207
Integritätsring 3, 53	periodische Folge 207
invers modulo m 84	modulo m — 95
irreduzibel 55	Polynom 61
	Höhe eines —s 263
Jacobsthalsche Summe 149	Koeffizienten eines —s 61
	Leitkoeffizient eines —s 62
kanonische (Primfaktor-)Zerlegung 9	normiertes — 62
Kettenbruch 24, 223	Polynomring 62
— einer rationalen Zahl 24	ganzzahliger — 65
Element eines —s 24	Potenzrest 124
Näherungsbruch eines —s 224	Primelement 55
Näherungsnenner eines —s 224	Primfaktor 8
Näherungszähler eines —s 224	Primitivwurzel modulo m 109
kgV 25, 55	Primzahl 5
kongruent modulo m 79, 107	(ir-)reguläre — 182
Kongruenz	Primzahlsatz 52, 295, 302
lineare — 83	Primzahltafeln 286
Modul einer — 84	Primzahlzwilling 290
polynomiale — 104	Prinzip des kleinsten Elements 3
simultane lineare —en 89	pythagoräisches Dreieck 177
Kurve	pythagoräisches Tripel 167
algebraische — 172	primitives — — 167

quadratfrei 46	— — Hermite-Lindemann 259
—er Kern 128	— — Јасові 166
quadratischer (Nicht-)Rest 124	— — Lagrange über
quadratisches Reziprozitätsgesetz 134	den Kettenbruch reell-quadratischer
Ergänzungssätze zum —n — 134	Zahlen 229
	vier Quadrate 158
reduzibel 55	— — LINDEMANN-WEIERSTRASS
reell–quadratische Irrationalität 71	260
reinperiodische Folge 207	— — Wilson 102
modulo m — 95	Schanuelsche Vermutung 281
Restklasse modulo m 79	Sekantenmethode 174
prime — — 86	Sieb des Eratosthenes 286
prime —ngruppe — 86	Siegelsches Lemma 275
Restsystem modulo m	summatorische Funktion 44
absolut kleinstes — — 83	
kleinstes nichtnegatives — — 83	Tangentenmethode 173
primes — — 86	teilbar 3, 53
vollständiges — — 83	Teiler 3, 53
reziprok modulo m 84	echter — 55
RIEMANNsche Fläche 175	größter gemeinsamer — $15, 54$
Geschlecht einer —n — 175	Teileranzahlfunktion 4, 10
RIEMANNsche Vermutung 318	teilerfremd 19, 54
RIEMANNsche Zetafunktion 39	paarweise — 19
Funktionalgleichung der — n —	Teilersummenfunktion 10
316	Thue-Gleichung 252
Ring	Thuesches Lemma 155
euklidischer — 60	
faktorieller — 57	unzerlegbar 55
ZPE- — 58	
	Vielfaches 3
Satz von	kleinstes gemeinsames — 25, 55
— — DIRICHLET 138	Vielfachheit 9
— — Euklid über	Vorperiode 208
Primzahlen 5	Vorperiodenlänge 95, 207
pythagoräische Tripel 168	
— — Euler über	Waring-Problem 162
Kongruenzen 97	Wurzel eines Polynoms modulo m
periodische Kettenbrüche 227	104
— — Fermat 96	
— — Gauss 115	77 - 1.1
	Zahl
— Gel'fond-Schneider 272	algebraische — 66
— — Gel'fond-Schneider 272 — — Hermite 258	

ganzalgebraische — 70 natürliche — 2	(streng) multiplikative — — 36 Zahlkörper
transzendente — 66	algebraischer — 68
vollkommene - 10	imaginär-quadratischer — 71
zusammengesetzte - 5	quadratischer — 71
zahlentheoretische Funktion 35	reell-quadratischer - 71
$ Mittelwert\ einer\n\\ \ 315 $	zerlegbar 55
(streng) additive — — 36	