Name: Luca Cordes, 444900 Name: Moritz Effen, 423755

29P/30P



### Experimentalphysik III (WS 2023/2024)

Übung 1

Tutorium: 08 Abgabe: 17.10.2023

## Aufgabe 1: Tripelspiegel 5/57

Da die Physik invariant unter Drehung und Translation des Raumes ist, kann ohne Einschränkung der Allgemeinheit angenommen werden, dass die drei Flächennormalen die drei Einheitsvektoren sind.

$$\vec{b} = \vec{a} - 2\vec{n}(\vec{n} \cdot \vec{a})$$

$$\vec{b}_1 = \vec{a} - 2\vec{e}_1(\vec{e}_1 \cdot \vec{a})$$

$$= \vec{a} - 2\vec{e}_1a_1$$

$$= \begin{pmatrix} -a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{pmatrix}$$

$$\vec{b}_{2} = \vec{b}_{1} - 2\vec{e}_{2}(\vec{e}_{2} \cdot \vec{b}_{1})$$

$$= \vec{b}_{1} - 2\vec{e}_{2}a_{2}$$

$$= \begin{pmatrix} -a_{1} \\ -a_{2} \\ a_{3} \end{pmatrix} \bigvee$$

$$\vec{b}_{3} = \vec{b}_{2} - 2\vec{e}_{3}(\vec{e}_{3} \cdot \vec{b}_{2})$$

$$= \vec{b}_{2} - 2\vec{e}_{3}a_{3}$$

$$= \begin{pmatrix} -a_{1} \\ -a_{2} \\ -a_{3} \end{pmatrix} \sqrt{$$

$$= -\vec{a}$$

Aufgabe 2: Lichtkreis beim Tauchen 415P

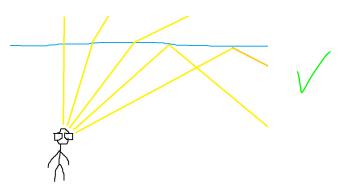


Abbildung 1: Skizze eines Tauchers unter Wasser

$$\frac{n_A}{n_B} = \frac{\sin \beta}{\sin \alpha}$$

$$\beta = \arcsin \left(\frac{n_A}{n_B} \sin \alpha\right)$$

$$\approx \arcsin \left(\frac{1}{1.\overline{3}} \sin \frac{\pi}{2}\right)$$

$$\approx 48.6^{\circ}$$

$$\tan\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \frac{r}{h} \quad \text{--1p}$$

$$r = h \tan\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right)$$

$$\approx 10 \,\text{m} \cdot \tan\left(90^\circ - 48.6^\circ\right)$$

$$\approx 24.56 \,\text{m} \quad \text{f.f.}$$

# Aufgabe 3: Lüneburg-Linse 5/50

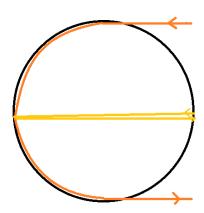


Abbildung 2: Mittlerer und äußerer Lichtweg in der Lüneburg-Linse

Außerster Lichtstrahl:

$$l_a = 2R + \frac{U}{2}$$

$$= 2R + \frac{2\pi R}{2}$$

$$= (\pi + 2) R$$

$$\approx 5.14R$$

Insgesamt sind somit die beiden Lichtwege gleichlang.

#### Aufgabe 4: Regenbogen

$$\frac{n_A}{n_B} = \frac{\sin \beta}{\sin \alpha}$$
$$\beta = \arcsin \left(\frac{n_A}{n_B} \sin \alpha\right)$$

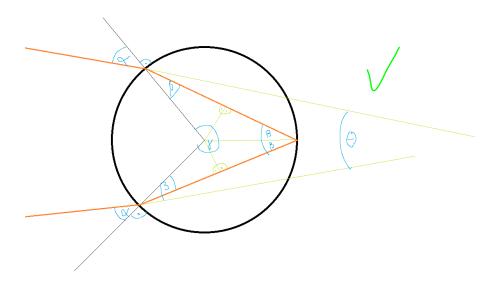


Abbildung 3: Skizze der Geometrie im Regentropfen

$$\begin{cases} \text{I. } 2\pi = 4\beta + \gamma \\ \text{II. } 2\pi = 2\alpha + \gamma + \theta \checkmark \end{cases} \Longrightarrow \theta = 4\beta - 2\alpha \checkmark$$

$$\theta = 4\arcsin\left(\frac{n_A}{n_B}\sin\alpha\right) - 2\alpha \checkmark$$

$$0 = \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}\alpha}, \quad \text{für } \alpha_0 \checkmark$$

$$= \frac{4}{\sqrt{1 - \left(\frac{n_A}{n_B}\sin\alpha_0\right)^2}} \frac{n_A}{n_B}\cos\alpha_0 - 2 \checkmark$$

$$1 - \frac{n_A^2}{n_B^2}\sin^2\alpha_0 = \frac{4n_A^2}{n_B^2}\cos^2\alpha_0 \checkmark$$

$$1 = c\sin^2\alpha_0 + 4c\cos^2\alpha_0 \checkmark$$

$$1 = \frac{c}{2}\left(1 - \cos2\alpha_0\right) + 2c\left(1 + \cos2\alpha_0\right) \checkmark$$

$$\frac{1}{c} - \frac{5}{2} = \frac{3}{2}\cos2\alpha_0 \checkmark$$

$$\alpha_0 = \frac{1}{2}\arccos\left(\frac{2}{3c} - \frac{5}{3}\right) \checkmark, c = \frac{n_A^2}{n_B^2} \approx \frac{1^2}{\left(\frac{4}{3}\right)^2} = \frac{9}{16}$$

$$\approx \frac{1}{2}\arccos\left(\frac{32}{27} - \frac{5}{3}\right)$$

$$= \frac{1}{2}\arccos\left(-\frac{13}{27}\right)$$

$$\approx 1.04 = 59.4^\circ \checkmark$$

$$\theta_0 = 4\beta(\alpha_0) - 2\alpha_0$$

$$\theta_0 = 4\beta(\alpha_0) - 2\alpha_0$$

$$\theta_0 = 4\beta(\alpha_0) - 2\alpha_0$$
  
 
$$\approx 0.734 = 42.0^{\circ}$$

5/5

# Aufgabe 5: Lichtstrahl durch Atmosphäre 70 P/16 P

```
Python code
import numpy as np
from scipy.optimize import minimize
import matplotlib.pyplot as plt
# Baro Formel
p0 = 101325 \# Pa
rho0 = 1.292 \# kg m^{-3}
g = 9.81 \# m s^{-2}
H = (p0)/(rho0*g) * 1e-3 # km
# Brechungsindex Meereshöhe
n0 = 1.00029
# Höhe
h0 = 0.0 \# km
# Stützstellen
L = 100.0 \# km
N = 100 + 1
p = lambda h: p0 * np.exp(-h/H)
n = lambda h: (n0 - 1) / p0 * p(h) + 1
def optischeWeglaenge(H, start=0, end=0, dx=1):
    H = [start, *H, end]
    dL = np.sqrt(np.diff(H)**2 + dx**2)
    N = [n(h) \text{ for } h \text{ in } H[:-1]]
    l_{optisch} = np.sum(N * dL)
    return l_optisch
print("%.6f km" % optischeWeglaenge([0]*(N-2)))
res = minimize(optischeWeglaenge, [0]*(N-2))
print(res.message)
print("%.6f km" % res.fun)
h_stuetz = res.x
plt.plot(np.linspace(0,100,101), [0, *res.x, 0])
plt.xlabel("l in [km]")
plt.ylabel("h in [km]")
plt.grid()
plt.show()
```