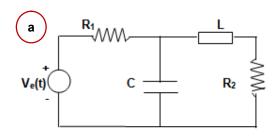
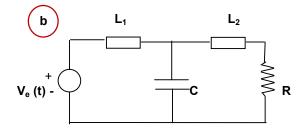


# **TRABAJO PRÁCTICO 1:**

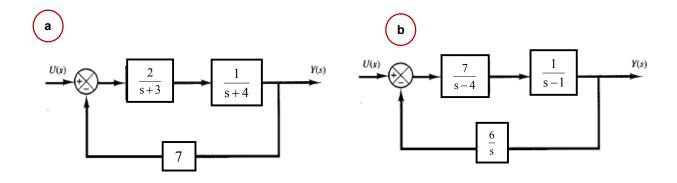
## MODELO EN EL ESPACIO DE ESTADO - INTERCONEXIÓN SERIE

1. Plantear las ecuaciones de estado correspondientes a los siguientes circuitos.





- 2. Dada la ecuación diferencial  $\frac{d^2y}{dt^2} + 5\frac{dy}{dt} + 4y = u(t)$ . Encontrar la función de transferencia y hacer el correspondiente diagrama de bloques
- 3. Dados los siguientes diagramas de bloque:
  - Hallar la función de trasferencia
  - Obtener la ecuación diferencial que modela el sistema representado.
  - Plantear las ecuaciones de estado



#### **MODELOS Y SIMULACIÓN**

MATEMÁTICA APLICADA A LA INGENIERÍA

### UM UNIVERSIDAD DE MENDOZA

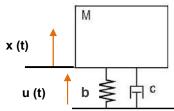
#### UNIVERSIDAD DE MENDOZA

#### **FACULTAD DE INGENIERÍA**

**4.** A partir del modelo en el espacio de estado, encontrar la ecuación diferencial que modela el sistema representado.

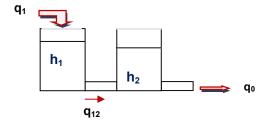
Matriz de estado 
$$\begin{bmatrix} \dot{\mathbf{x}}_1 \\ \dot{\mathbf{x}}_2 \\ \mathbf{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{0} & \mathbf{1} \\ -\mathbf{2} & -\mathbf{3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{x}_1 \\ \mathbf{x}_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \mathbf{0} \\ \mathbf{2} \end{bmatrix}$$
 **u(t)** Matriz de salida **y (t) =**  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{x}_1 \\ \mathbf{x}_2 \end{bmatrix}$ 

5. La siguiente figura representa un sistema simplificado de amortiguación de un automóvil o se puede utilizar para modelar un sismógrafo simple. Encontrar el modelo en el espacio de estado



**6.** Para el sistema de tanques interconectados de la figura, encontrar el modelo en el espacio de estado y hacer el correspondiente diagrama de bloques.

Considere que q<sub>12</sub> depende de la diferencia de nivel entre los dos tanques.



<u>Capacitancia del tanque:</u> Se define como el cambio necesario en la cantidad de líquido almacenado, para producir un cambio de una unidad en el potencial (altura)

C = cambio en el líquido almacenado / cambio en la altura [m²]

**Resistencia:** Cambio en la diferencia de nivel necesaria para producir un cambio de una unidad en la velocidad del flujo.

R = cambio en la diferencia de nivel / cambio en la velocidad del flujo [seg/m²]

### INTERCONEXIÓN DE SISTEMAS LINEALES -SERIE

6. Encontrar el modelo en el espacio de estado y la ecuación diferencial que modela el sistema.

