

Labor 4: DGL-Systeme

Exercițiul 1 *Bestimme die allgemeine Lösung der folgenden DGL-Systeme und stelle etwa Lösungen graphisch dar:*

$$(a) \begin{cases} x' = x + 4y \\ y' = x + y \end{cases}$$

$$(b) \begin{cases} x' = 2x - y \\ y' = x + 2y \end{cases}$$

$$(c) \begin{cases} x' = x - y + z \\ y' = x + y - z \\ z' = -y + 2z \end{cases}$$

$$(d) \begin{cases} x' = 5x + 3y + 1 \\ y' = -6x - 4y + e^{-t} \end{cases}$$

Exercițiul 2 *Bestimme die Lösungen der folgenden AWP und stelle diese Lösungen graphisch dar:*

$$(a) \begin{cases} x' = x + 4y \\ y' = x + y \\ x(0) = 1 \\ y(0) = 2 \end{cases}$$

$$(b) \begin{cases} x' = x - y + t - 1 \\ y' = -2x + 4y + \cos(t) \\ x(0) = 0 \\ y(0) = 1 \end{cases}$$

$$(c) \begin{cases} x' = x + 2y + e^{-t} \\ y' = -2x + y + 1 \\ x(0) = 0 \\ y(0) = 1 \end{cases}$$

Exercițiul 3 *Betrachte das DGL-System::*

$$\begin{cases} x' = y \\ y' = -x - 2y \end{cases}$$

(a) *Bestimme die allgemeine Lösung des Systems.*

(b) *Berechne: $\lim_{t \rightarrow \infty} x(t)$ und $\lim_{t \rightarrow \infty} y(t)$.*

(c) Stelle das Phasenporträt dar.

Exercițiul 4 Bestimme für der folgende DGL-Systems, das Phasenporträt und entscheide (ohne die Lösung zu berechnen) ob die folgende Gleichung gilt: $\lim_{t \rightarrow \infty} x(t) = \lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 0$.