

# Funcții recursive

## Laborator 2

Scrieți următoarele funcții:

1. funcții peste Bool: și logic, sau logic, negație, nand, nor, implicație, dublă implicație;

```
and :: Bool -> Bool -> Bool
and False _ = False
and _ False = False
and _ _ = True
```

2. test de primalitate: `isPrime :: Integer -> Bool`;

Folosiți o funcție auxiliară `hasDivisors` astfel încât `hasDivisors n a b` testeaza daca numarul natural `n` are divizori intre numerele natural `a` si `b`.

```
hasDivisors :: Integer -> Integer -> Integer -> Bool
hasDivisors n a b | a > b           = False
hasDivisors n a b | n `mod` a == 0 = ...
hasDivisors n a b                 = ...
```

```
isPrime :: Integer -> Bool
isPrime n = hasDivisors n ...
```

3. implementați diferiți algoritmi pentru calculul cmmdc (algoritmul lui Euclid prin scăderi/împărțiri repetate, algoritmul binar).
4. este posibilă aplicarea unei optimizări pentru aducerea apelurilor recursive în poziție de coadă?
5. implementați algoritmi pentru calculul celui de-al  $n$ -lea număr Fibonacci.

```
fibo :: Integer -> Integer
fibo ... = ...
...
```

Implementați varianta cu acumulatori:

```
fiboaux :: Integer -> Integer -> Integer -> Integer
fiboaux 0 a _ = a
fiboaux n a b = fiboaux ... ..
-- a si b sunt doua numere Fibonacci consecutive

fibo' :: Integer -> Integer
fibo' n = fiboaux n 0 1
```

Implementați varianta care funcționează în timp  $O(\log(n))$ .

6. implementați algoritmul extins al lui Euclid.
7. implementați funcția `succ :: Integer -> Integer`.
8. implementați recursiv (chiar dacă sunt ineficiente) următoarele funcții: • adunarea a două numere naturale, folosind `succ`; • înmulțirea a două numere naturale, folosind adunarea; • ridicarea la putere, folosind înmulțirea.
9. implementați funcțiile `mod` și `div` pentru numere naturale.