

A.

令 $DP[a][b]$ 表示串 s 前 a 位与串 t 前 b 位的最小编辑距离。

当 $\min(a, b) = 0$ 时, $DP[a][b] = \max(a, b)$

否则有显然的转移: $DP[a][b] = \min(DP[a-1][b], DP[a][b-1], DP[a-1][b-1] + (s[a] \neq t[b]))$

只有 $\max(a, b)$ 不超过 50 的状态是有效的。只需对这些状态计算 DP 。可以用数组 $f[a][c] = DP[a][a+c-50]$ 储存, 其中 $0 \leq c \leq 100$

复杂度 $O(50 * \min(|S|, |T|))$

B.

考虑将 2 的 k 次方用以下结构体储存:

记一个大小为 200 的数组, 表示 2^k 的前 200 位。并用高精度储存 k 。

容易利用 2^k 和 2^{k+1} 计算出 2^{k+1} 对应的结构体。(由于本题仅要求 100 位精度, 200 位最后一位存在误差可以接受。)

我们试图求出前 200 位位于区间 $[L, R]$ 中的最小 k 。

考虑如下算法:

维护两个幂次 U, V 表示当前幂次中前 200 位最小的和最大的。初始设置成 $2^1, 2^3$ 。

维护当前的数 X , 初始为 1。任何时候, 如果 $X \cdot U$ 的前 200 位不超过 R , 则将 X 乘以 U 。如果落在区间 $[L, R]$ 中, 则找到了答案。

如果 $X \cdot U$ 超过, 我们计算 $U \cdot V$ 。容易发现, 它的前 200 位要么比 U 小要么比 V 大。如果比 U 小则用它更新 U , 比 V 大则用它更新 V 。

容易发现, U 的前 200 位是前缀的最小值, V 是前缀的最大值。在此基础上, 容易证明算法正确。

复杂度: $O(n^3)$

C.

考虑用一种颜色染超过 $1/3$ 的灯, 使得任何时刻没有两个该颜色相邻。

然后可以去掉这种颜色的所有灯, 对余下部分递归处理。

容易发现, 倒序贪心染色即可。

复杂度 $O(n)$