PRIMEIRO TESTE

Universidade Federal de Goiás (UFG) - Regional Jataí Bacharelado em Ciência da Computação Teoria dos Grafos Esdras Lins Bispo Jr.

16 de maio de 2016

ORIENTAÇÕES PARA A RESOLUÇÃO

- A avaliação é individual, sem consulta;
- A pontuação máxima desta avaliação é 10,0 (dez) pontos, sendo uma das 05 (cinco) componentes que formarão a média final da disciplina: dois testes, duas provas e exercícios;
- ullet A média final (MF) será calculada assim como se segue

$$MF = MIN(10, S)$$

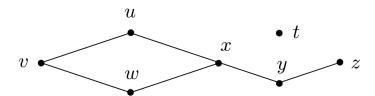
 $S = 0, 2.T_1 + 0, 1.T_2 + 0, 4.P_1 + 0, 3.P_2 + E$

em que

- -S é o somatório da pontuação de todas as avaliações,
- $-T_i$ é a pontuação obtida no teste i,
- $-P_i$ é a pontuação obtida na prova i, e
- E é a pontuação total dos exercícios.
- O somatório da pontuação de todas as questões desta avaliação é 11,0 (onze) pontos. Isto é um sinônimo de tolerância na correção. Se você por acaso perder 1,5 (um e meio), sua nota será 9,5 (nove e meio);
- O conteúdo exigido compreende os seguintes pontos apresentados no Plano de Ensino da disciplina: (1) Noções Básicas de Grafos e (2) Caminhos e Circuitos.

Nome:	
Assinatura:	

1. (5,0 pt) De acordo com o vídeo do Prof. Paulo Cezar, apresente uma justificativa para que o grafo abaixo não possa ter um circuito euleriano?



Resposta: De acordo com o Prof. Paulo Cezar, um grafo conexo tem um circuito euleriano se, e somente se, todos os vértices deste grafo têm grau par. Este grafo não pode ter um circuito euleriano porque o vértice x tem grau ímpar. Pois, para se formar o circuito euleriano, quando se passa por x, necessariamente é preciso "sair" de x. Desta forma, a quantidade de entradas tem que ser igual a quantidade de saídas, forçando que "arestas de entrada" e "arestas de saída" estejam aos pares. Logo, o grau de todos os vértices tem que ser par.

2. (5,0 pt) [E 1.6] Seja V o produto cartesiano $\{1,2,\ldots,p\} \times \{1,2,\ldots,q\}$, isto é, o conjunto de todos os pares ordenados (i,j) em que $i \in \{1,\ldots,p\}$ e $j \in \{1,\ldots,q\}$. Dizemos que dois elementos (i,j) e (i',j') são adjacentes se

$$i=i'$$
 e $|j-j'|=1$ ou
$$j=j'$$
 e $|i-i'|=1$

Essa relação de adjacência define um grafo sobre o conjunto V de vértices. Esse grafo é conhecido como grade p-por-q. Quantas arestas tem a grade p-por-q?

Resposta: Podemos calcular as arestas de uma grade p-por-q em duas partes. Primeiro, calcularemos todas as arestas que formam as colunas. Segundo, calcularemos todas as arestas que formam as linhas.

Cada coluna tem p-1 arestas, pois entre duas linhas, sempre há uma aresta. Como se tem q linhas, então temos (p-1)q arestas que formam colunas.

Cada linha tem q-1 arestas, pois entre duas colunas, sempre há uma aresta. Como se tem p colunas, então temos (q-1)p arestas que formam linhas.

Logo, a quantidade de arestas de uma grade p-por-q é a soma da quantidade de arestas que formam as linhas e a quantidade de arestas que formam as colunas. A quantidade de arestas de uma grade p-por-q é (p-1)q+(q-1)p.