

Processos Estocásticos (PRE29006)

Engenharia de Telecomunicações

Professor: Roberto Wanderley da Nóbrega

Semestre: 2022.2

Avaliação 7

Atenção:

- Resolva apenas a questão sorteada.
- Simule todos os itens da questão no Octave/MATLAB.

Instruções gerais:

- A avaliação é individual. Não é permitida a troca de nenhum tipo de informação sobre a avaliação entre os alunos.
- Calculadoras, softwares, livros e outros materiais podem e devem ser utilizados, mas todos os seus passos devem ser justificados.
- É permitido o envio de manuscrito digitalizado (ex: foto) ou de documento digitado.
- Deverá ser enviado um único arquivo em formato **.zip** pelo SIGAA, contendo um arquivo **.pdf** e um ou mais arquivos **.m**.
- Deverá ser respeitada a data de fechamento indicada no SIGAA. Não serão aceitos envios por email.
- Dúvidas? Entre em contato.



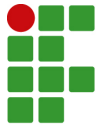
1. Considere dois processos de Poisson, $X_1(t)$ e $X_2(t)$, independentes, de taxas $\lambda_1 = 1$ e $\lambda_2 = 2$ eventos/s, respectivamente. Seja $X(t) = X_1(t) + X_2(t)$. As questões abaixo são todas referentes ao processo estocástico $X(t)$.
- (a) Determine e esboce a função média do processo estocástico.
 - (b) Determine a probabilidade de ocorrer pelo menos dois eventos entre 10 e 12 s, dado que ocorreu exatamente um evento entre 8 e 9 s.
 - (c) Determine a probabilidade de que o tempo decorrido entre o quarto evento e o quinto evento seja maior que 2 s.
 - (d) Determine a matriz covariância do vetor aleatório $[X(5) \ X(6)]^T$.



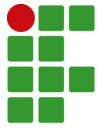
2. Considere dois processos de Poisson, $X_1(t)$ e $X_2(t)$, independentes, de taxas $\lambda_1 = 2$ e $\lambda_2 = 1$ eventos/s, respectivamente. Seja $X(t) = X_1(t) + X_2(t)$. As questões abaixo são todas referentes ao processo estocástico $X(t)$.
- (a) Determine e esboce a função média do processo estocástico.
 - (b) Determine a probabilidade de ocorrer pelo menos dois eventos entre 8 e 9 s, dado que ocorreu exatamente um evento entre 10 e 12 s.
 - (c) Determine a probabilidade de que o tempo decorrido entre o quarto evento e o quinto evento seja maior que 2 s.
 - (d) Determine a matriz covariância do vetor aleatório $[X(6) \ X(4)]^T$.



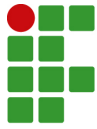
3. Considere dois processos de Poisson, $X_1(t)$ e $X_2(t)$, independentes, de taxas $\lambda_1 = 1,5$ e $\lambda_2 = 1$ eventos/s, respectivamente. Seja $X(t) = X_1(t) + X_2(t)$. As questões abaixo são todas referentes ao processo estocástico $X(t)$.
- (a) Determine e esboce a função média do processo estocástico.
 - (b) Determine a probabilidade de ocorrer pelo menos três eventos entre 4 e 5 s, dado que ocorreu exatamente dois eventos entre 2 e 3 s.
 - (c) Determine a probabilidade de que o tempo decorrido entre o quinto evento e o sexto evento seja maior que 1 s.
 - (d) Determine a matriz covariância do vetor aleatório $[X(4) \ X(7)]^T$.



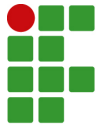
4. Considere dois processos de Poisson, $X_1(t)$ e $X_2(t)$, independentes, de taxas $\lambda_1 = 1$ e $\lambda_2 = 1,5$ eventos/s, respectivamente. Seja $X(t) = X_1(t) + X_2(t)$. As questões abaixo são todas referentes ao processo estocástico $X(t)$.
- (a) Determine e esboce a função média do processo estocástico.
 - (b) Determine a probabilidade de ocorrer pelo menos três eventos entre 2 e 3 s, dado que ocorreu exatamente dois eventos entre 4 e 5 s.
 - (c) Determine a probabilidade de que o tempo decorrido entre o quinto evento e o sexto evento seja maior que 1 s.
 - (d) Determine a matriz covariância do vetor aleatório $[X(7) \ X(4)]^T$.



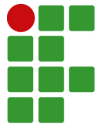
5. Considere dois processos de Poisson, $X_1(t)$ e $X_2(t)$, independentes, de taxas $\lambda_1 = 2,5$ e $\lambda_2 = 2$ eventos/s, respectivamente. Seja $X(t) = X_1(t) + X_2(t)$. As questões abaixo são todas referentes ao processo estocástico $X(t)$.
- (a) Determine e esboce a função média do processo estocástico.
 - (b) Determine a probabilidade de ocorrer pelo menos dois eventos entre 10 e 13 s, dado que ocorreu exatamente um evento entre 6 e 9 s.
 - (c) Determine a probabilidade de que o tempo decorrido entre o segundo evento e o terceiro evento seja maior que 2,5 s.
 - (d) Determine a matriz covariância do vetor aleatório $[X(3) \ X(4)]^T$.



6. Considere dois processos de Poisson, $X_1(t)$ e $X_2(t)$, independentes, de taxas $\lambda_1 = 2$ e $\lambda_2 = 2,5$ eventos/s, respectivamente. Seja $X(t) = X_1(t) + X_2(t)$. As questões abaixo são todas referentes ao processo estocástico $X(t)$.
- (a) Determine e esboce a função média do processo estocástico.
 - (b) Determine a probabilidade de ocorrer pelo menos dois eventos entre 6 e 9 s, dado que ocorreu exatamente um evento entre 10 e 13 s.
 - (c) Determine a probabilidade de que o tempo decorrido entre o segundo evento e o terceiro evento seja maior que 2,5 s.
 - (d) Determine a matriz covariância do vetor aleatório $[X(4) \ X(3)]^T$.



7. Considere dois processos de Poisson, $X_1(t)$ e $X_2(t)$, independentes, de taxas $\lambda_1 = 2$ e $\lambda_2 = 1,5$ eventos/s, respectivamente. Seja $X(t) = X_1(t) + X_2(t)$. As questões abaixo são todas referentes ao processo estocástico $X(t)$.
- (a) Determine e esboce a função média do processo estocástico.
 - (b) Determine a probabilidade de ocorrer pelo menos quatro eventos entre 9 e 11 s, dado que ocorreu exatamente um evento entre 2 e 5 s.
 - (c) Determine a probabilidade de que o tempo decorrido entre o segundo evento e o terceiro evento seja maior que 3 s.
 - (d) Determine a matriz covariância do vetor aleatório $[X(3) \ X(4)]^T$.



8. Considere dois processos de Poisson, $X_1(t)$ e $X_2(t)$, independentes, de taxas $\lambda_1 = 1,5$ e $\lambda_2 = 2$ eventos/s, respectivamente. Seja $X(t) = X_1(t) + X_2(t)$. As questões abaixo são todas referentes ao processo estocástico $X(t)$.
- (a) Determine e esboce a função média do processo estocástico.
 - (b) Determine a probabilidade de ocorrer pelo menos quatro eventos entre 2 e 5 s, dado que ocorreu exatamente um evento entre 9 e 11 s.
 - (c) Determine a probabilidade de que o tempo decorrido entre o segundo evento e o terceiro evento seja maior que 3 s.
 - (d) Determine a matriz covariância do vetor aleatório $[X(4) \ X(3)]^T$.



9. Considere dois processos de Poisson, $X_1(t)$ e $X_2(t)$, independentes, de taxas $\lambda_1 = 0,5$ e $\lambda_2 = 1,5$ eventos/s, respectivamente. Seja $X(t) = X_1(t) + X_2(t)$. As questões abaixo são todas referentes ao processo estocástico $X(t)$.
- (a) Determine e esboce a função média do processo estocástico.
 - (b) Determine a probabilidade de ocorrer pelo menos três eventos entre 5 e 6 s, dado que ocorreu exatamente quatro eventos entre 11 e 12 s.
 - (c) Determine a probabilidade de que o tempo decorrido entre o sexto evento e o sétimo evento seja maior que 2,5 s.
 - (d) Determine a matriz covariância do vetor aleatório $[X(10) \ X(12)]^T$.



10. Considere dois processos de Poisson, $X_1(t)$ e $X_2(t)$, independentes, de taxas $\lambda_1 = 1,5$ e $\lambda_2 = 0,5$ eventos/s, respectivamente. Seja $X(t) = X_1(t) + X_2(t)$. As questões abaixo são todas referentes ao processo estocástico $X(t)$.
- (a) Determine e esboce a função média do processo estocástico.
 - (b) Determine a probabilidade de ocorrer pelo menos três eventos entre 11 e 12s, dado que ocorreu exatamente quatro eventos entre 5 e 6s.
 - (c) Determine a probabilidade de que o tempo decorrido entre o sexto evento e o sétimo evento seja maior que 2,5s.
 - (d) Determine a matriz covariância do vetor aleatório $[X(12) \ X(10)]^T$.