Universidade Federal de Lavras GCC224 - Introdução aos Algoritmos

Ordenação - Métodos simples Insertion Sort, Selection Sort e Shell Sort

Prof. Joaquim Quinteiro Uchôa Profa. Juliana Galvani Greghi Profa. Marluce Rodrigues Pereira Profa. Paula Christina Cardoso Prof. Renato Ramos da Silva



- Contextualização
- Insertion Sort
- Selection Sort
- Shell Sort
- Análise dos métodos simples



- **Definição de ordenação**: processo de rearranjar um conjunto de objetos em uma ordem ascendente ou descendente.
 - Visa facilitar a recuperação posterior, por meio de algoritmos de busca, de itens do conjunto ordenado.



 Para entender a importância desta tarefa, tente imaginar a dificuldade em encontrar uma palavra em um dicionário que não possua um ordenamento das palavras (ordem lexicográfica).



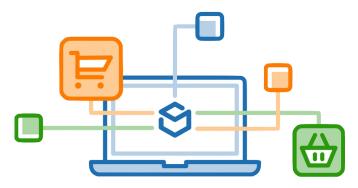
 Definição de ordenação: procedir de objetos em uma ordem ascedir

> Visa facilitar a recuperação po busca, de itens do conjunto ord

 Para entender a importância dificuldade em encontrar uma para possua um ordenamento das pala



- Outro exemplo que pode ilustrar a importância da ordenação:
 - Imagine que você foi em uma loja e perguntou o preço de um determinado produto. Você espera que o atendente digite o nome do produto em um programa e então apareçam as informações dele.



Outro exemplo que pode ilustrar a importância da ordenação:



 Para o programa encontrar as informações do produto, ele precisa percorrer um conjunto de dados (como um vetor, por exemplo) comparando o nome digitado com os dados armazenados no vetor.

- Outro exemplo que pode ilustrar a importância da ordenação:
 - Se houverem muitos produtos cadastrados e eles não estiverem ordenados, a busca irá demorar muito tempo. Se estiverem ordenados, um algoritmo de busca mais eficiente (como a busca binária, por exemplo) poderá encontrar o produto rapidamente.



Definição formal de ordenação:

Sejam os itens $\mathbf{a_1}$, $\mathbf{a_2}$, ..., $\mathbf{a_n}$. Ordenar consiste em permutar tais itens em uma ordem $\mathbf{a_{k1}}$, $\mathbf{a_{k2}}$, ..., $\mathbf{a_{kn}}$ tal que dada uma função de ordenação \mathbf{f} tem-se sempre que $\mathbf{f}(\mathbf{a_{k1}}) \leq \mathbf{f}(\mathbf{a_{k2}}) \leq ... \leq \mathbf{f}(\mathbf{a_{kn}})$.

Ordenação: valores para comparação

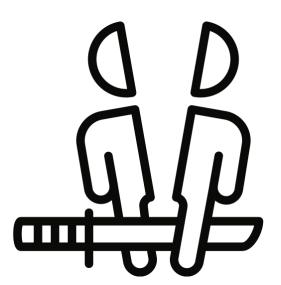
- Qualquer tipo de variável para o qual exista uma relação de ordenação bem definida pode ser utilizada para se realizar a comparação de elementos durante o processo de ordenação.
 - O mais comum são: inteiros e sequências de caracteres.
- Os valores utilizados na comparação do processo de ordenação são chamados de chaves.

- Na prática, existem dezenas de algoritmos diferentes para resolver o problema de ordenação. Os algoritmos existentes podem ser divididos em diversas categorias.
 - De acordo com o uso da memória pelos algoritmos de ordenação, tem-se:
 - Ordenação interna: quando todos os elementos a serem ordenados cabem na memória principal do computador e qualquer chave pode ser acessada imediatamente.
 - Ordenação externa: quando todos os elementos a serem ordenados não cabem na memória principal do computador e as chaves são acessadas sequencialmente ou em grandes blocos.

 Dentre os algoritmos de ordenação interna, uma segunda categorização, baseada na complexidade das soluções, ainda pode ser definida, dividindo-os em:

Algoritmos simples.

Algoritmos eficientes.



- Algoritmos simples: métodos com complexidade quadrática, ou seja, que requerem $O(n^2)$ comparações.
 - Fáceis de implementar e de entender.
 - Adequados para conjunto pequenos de elementos.
- Algoritmos eficientes: requerem uma quantidade menor de comparações, usualmente na ordem de O(n*logn).
 - Mais complexos para se implementar e entender.
 - Adequados para conjuntos grandes de elementos.

Neste curso de Introdução aos Algoritmos serão estudados os seguintes algoritmos:

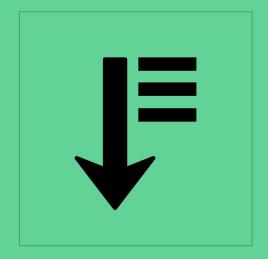
- Algoritmos simples: Selection Sort (ordenação por seleção),
 Insertion Sort (ordenação por inserção) e Shell Sort (melhoria da ordenação por inserção).
- Algoritmos eficientes: Quick Sort (ordenação por partiçionamento) e Merge Sort (ordenação por intercalação).

Não abordaremos aqui um método relativamente popular, mas bastante ineficiente, e não necessariamente mais simples que Selection ou Insertion, o Bubble Sort.

Não abordaremos aqui um método relativamente popular, mas bastante ineficiente, e não necessariamente mais simples que Selection Sort ou Insertion Sort, o **Bubble Sort** (método das bolhas).

Esse método, inclusive, deve ser evitado nas atividades da disciplina.

Selection Sort



Selection Sort

- Selection Sort, ou método da seleção, consiste na ideia de selecionar o menor elemento do arranjo e trazê-lo para a primeira posição do vetor (assumindo uma ordenação ascendente), depois o segundo menor valor para a segunda posição, e assim é feito sucessivamente com os elementos restantes.
 - Do lado esquerdo do vetor, a partir de uma posição de referência, vai-se montando um conjunto ordenado e, a cada passo, o menor elemento do lado direito é trazido para o final do conjunto ordenado do lado esquerdo.

Selection Sort - Algoritmo

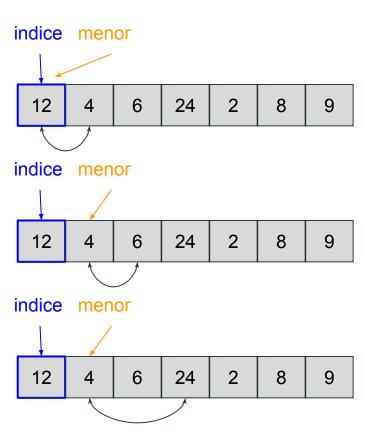
- O Selection Sort pode ser resumido por meio das seguintes ações, assumindo que V seja um arranjo não ordenado com N elementos:
 - Selecionar o elemento em V com o menor valor de chave;
 - Trocar de posição o menor elemento encontrado com o elemento que ocupa V[0];
 - Repetir as duas operações acima com os demais N-1 elementos restantes em V, fazendo a troca para a posição 1 do vetor; depois com os demais N-2 elementos restantes em V, fazendo a troca para a posição 2 do vetor; e assim sucessivamente.

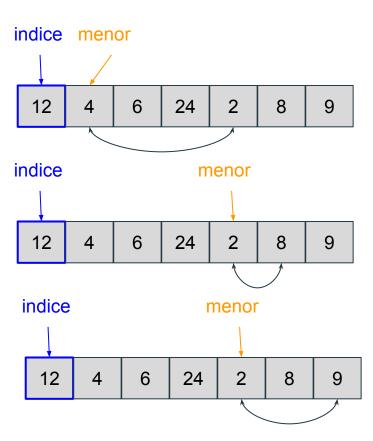
Selection Sort - Exemplo

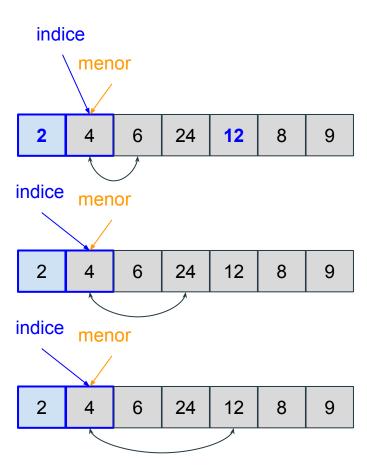
Vamos ver um exemplo prático de como o Selection Sort funciona.
 Para isso, considere que estamos interessados em ordenar o seguinte arranjo em ordem ascendente:

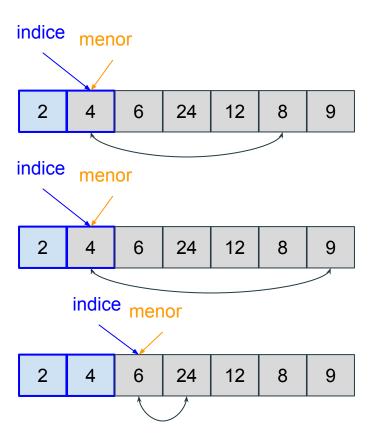


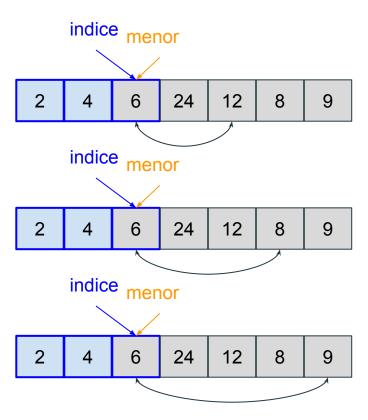
Nos próximos slides, será utilizada a variável índice para demarcar a posição de referência do vetor, a partir da qual os elementos do arranjo não estarão ordenados. A variável menor será utilizada para demarcar a posição do menor elemento a direita do índice (lembre-se que este é um processo iterativo e a posição do menor elemento muda enquanto investigamos o arranjo).

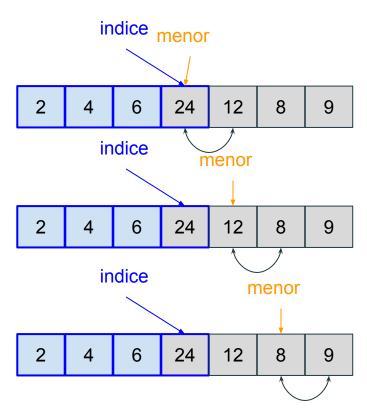


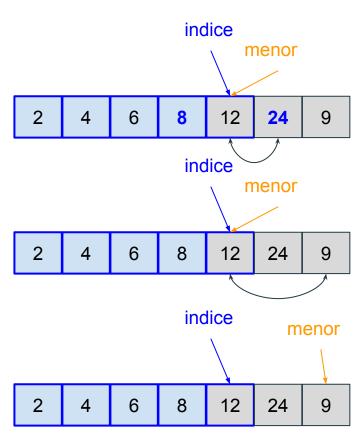


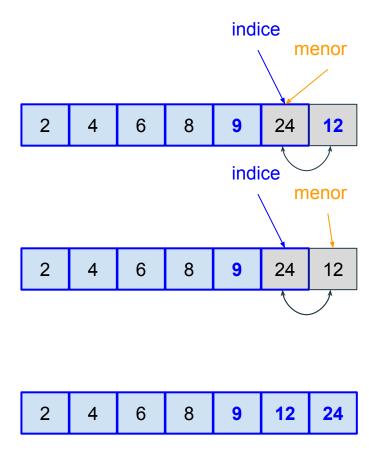












Selection Sort

Subprograma do Selection Sort



- A seguir, no próximo slide, será apresentado um exemplo de procedimento que realiza o algoritmo Selection Sort em um vetor de números inteiros.
- Atenção: o exemplo de implementação do próximo slide é apenas isso, um exemplo. É possível implementar o conceito do método da seleção de diferentes formas e utilizando vetores de diferentes tipos de dados.
 - **Recomendação**: não tente decorar a implementação do exemplo. Tente entender como o método da seleção funciona!

Selection Sort - Algoritmo (Relembrando)

- O Selection Sort pode ser resumido por meio das seguintes ações, assumindo que V seja um arranjo não ordenado com N elementos:
 - Selecionar o elemento em V com o menor valor de chave;
 - Trocar de posição o menor elemento encontrado com o elemento que ocupa V[0];
 - Repetir as duas operações acima com os demais N-1 elementos restantes em V, fazendo a troca para a posição 1 do vetor; depois com os demais N-2 elementos restantes em V, fazendo a troca para a posição 2 do vetor; e assim sucessivamente.

Selection Sort

```
void selection sort(int vetor[], int tam){
  int menor, aux troca;
  for (int indice = 0; indice < tam-1; indice++) {
      menor = indice;
      for (int j = indice + 1; j < tam; j++) {
             if (vetor[i] < vetor[menor]){</pre>
                   menor = j;
       aux troca = vetor[indice];
      vetor[indice] = vetor[menor];
      vetor[menor] = aux troca;
```

Variáveis:

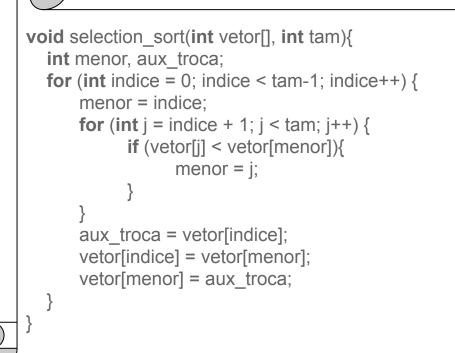
indice: demarca a posição do arranjo a partir da qual todos os elementos a sua direita ainda não foram devidamente ordenados (loop externo).

menor: demarca a posição do menor elemento do arranjo que está à direita da posição de referência **índice** (loop interno).

aux_troca: variável auxiliar para trocar de posição os elementos do vetor.

j: variável auxiliar que demarca as posições à direita da posição de referência **índice** (loop interno).

Selection Sort

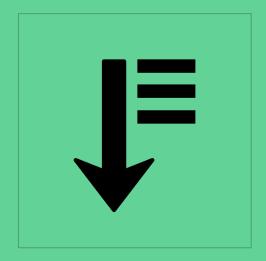




Teste este subprograma. Para isso, não se esqueça que você deve construir a função principal **main()**, realizar a leitura de um vetor de números inteiros, chamar o procedimento **selection_sort()** e exibir o vetor após a chamada do subprograma.

Após este primeiro teste, modifique o subprograma de modo que ele possa ordenar o vetor em ordem decrescente.

Insertion Sort



Insertion Sort

 Insertion Sort, ou Ordenação por Inserção, ordena um vetor (arranjo), inserindo um elemento por vez em sua posição correta.



 Assemelha-se à forma como algumas pessoas organizam um baralho num jogo de cartas, ao receber uma nova carta. Você recebe uma nova carta e deve colocá-la na posição correta da sua mão de cartas, de forma que as cartas sigam uma determinada ordenação.

Insertion Sort

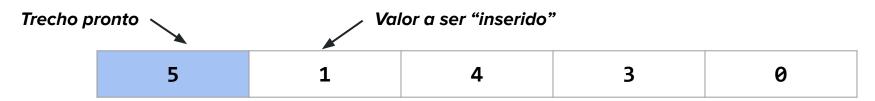
- O Insertion Sort é baseado em três ações principais, a saber:
 - Definir um elemento do conjunto de dados como pivô;
 - Comparar o elemento pivô com outro elemento do conjunto de dados;
 - Mover o maior dos dois elementos para a direita no arranjo em que se encontram (ordenação em ordem ascendente).

Insertion Sort - Algoritmo

- Dadas estas três ações principais, o algoritmo Insertion Sort pode ser expresso por meio do aninhamento de duas estruturas de repetição:
 - Estrutura de repetição externa: pegar um dos valores do conjunto não ordenado como sendo o pivô para achar sua posição correta, fazendo isso da segunda posição do arranjo até a última.
 - Estrutura de repetição interna: comparar o pivô com os elementos localizados à sua esquerda no arranjo. Enquanto o subconjunto dos elementos a sua esquerda não acabar e eles forem maiores do que o pivô, move-se os maiores valores para a direita.

Enxergando de outra forma...

Uma forma alternativa de entender o Insertion Sort é pensar que o vetor pronto está no trecho inicial do vetor inteiro.



Inicialmente apenas um elemento está ordenado (a primeira posição). Então pegamos a segunda posição e "inserimos" nesse vetor, já de forma ordenada.

1 5	4	3	0
-----	---	---	---

Esse processo é, então, repetido para os demais elementos.

Insertion Sort - Exemplo

Vamos ver um exemplo prático de como o *Insertion Sort* funciona.
 Para isso, considere que estamos interessados em ordenar o seguinte arranjo em ordem ascendente:



 Nos próximos slides, será utilizada a variável i para demarcar a posição do pivô escolhido a cada etapa do processo de ordenação. A variável j será utilizada para demarcar a posição do elemento a esquerda do pivô que está sendo comparado com ele a cada iteração.

pivô = 4

12 4 6 24 2 8 9

$$j = 0$$
 $i = 1$

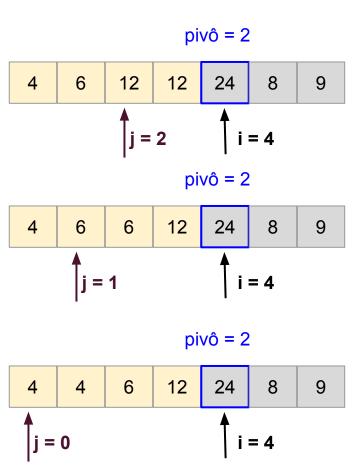
pivô = 4

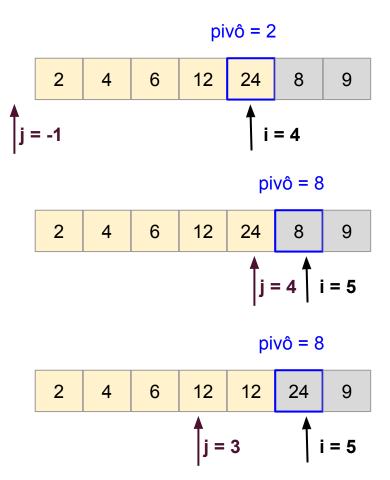
12 12 6 24 2 8 9

 $j = -1$ i

pivô = 4

4 12 6 24 2 8 9





Insertion Sort

Subprograma do Insertion Sort



- A seguir, no próximo slide, será apresentado um exemplo de procedimento que realiza o algoritmo *Insertion Sort* em um vetor de números inteiros.
- Atenção: o exemplo de implementação do próximo slide é apenas isso, um exemplo. É possível implementar o conceito da ordenação por inserção de diferentes formas e utilizando vetores de diferentes tipos de dados.
 - **Recomendação**: não tente decorar a implementação do exemplo. Tente entender <u>como a ordenação por inserção funciona!</u>

Insertion Sort - Algoritmo (Relembrando)

O algoritmo *Insertion Sort* pode ser expresso por meio do aninhamento de duas estruturas de repetição:

- Estrutura de repetição externa: pegar um dos valores do conjunto não ordenado como sendo o pivô para achar sua posição correta, fazendo isso da segunda posição do arranjo até a última.
- Estrutura de repetição interna: comparar o pivô com os elementos localizados à sua esquerda no arranjo. Enquanto o subconjunto dos elementos a sua esquerda não acabar e eles forem maiores do que o pivô, move-se os maiores valores para a direita.

Insertion Sort

```
void insertion_sort(int vetor[], int tam){
  int valor pivo, j;
  for (int i = 1; i < tam; i++) {
       valor pivo = vetor[i];
      i = i - 1:
       while ((i >= 0) and (valor pivo < vetor[i])){
             vetor[i+1] = vetor[i];
             j--;
       vetor[j+1] = valor pivo;
```

Variáveis:

vetor: arranjo que armazena os elementos a serem ordenados.

tam: quantidade de elementos armazenados no vetor

i: posição do pivô. Note que a cada iteração do loop exterior o pivô ocupa uma posição diferente.

j: posição dos elementos que serão comparados com o pivô. Note que os elementos a serem comparados sempre estarão à esquerda do pivô.

Valor_pivo: valor do elemento armazenado na posição do pivô.

Insertion Sort



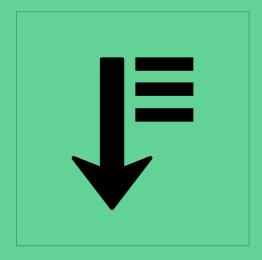
```
void insertion_sort(int vetor[], int tam){
  int valor pivo, j;
  for (int i = 1; i < tam; i++) {
       valor pivo = vetor[i];
      i = i - 1:
       while ((i >= 0) and (valor pivo < vetor[i])){
             vetor[i+1] = vetor[i];
             j--;
       vetor[j+1] = valor pivo;
```



Teste este subprograma. Para isso, não se esqueça que você deve construir a função principal **main()**, realizar a leitura de um vetor de números inteiros, chamar o procedimento **insertion_sort()** e exibir o vetor após a chamada do subprograma.

Após este primeiro teste, modifique o subprograma de modo que ele possa ordenar o vetor em ordem decrescente.

Shell Sort



Relembrando o Insertion Sort - i

O algoritmo *Insertion Sort* pode ser expresso por meio do aninhamento de duas estruturas de repetição:

- Estrutura de repetição externa: pegar um dos valores do conjunto não ordenado como sendo o pivô para achar sua posição correta, fazendo isso da segunda posição do arranjo até a última.
- Estrutura de repetição interna: comparar o pivô com os elementos localizados à sua esquerda no arranjo. Enquanto o subconjunto dos elementos a sua esquerda não acabar e eles forem maiores do que o pivô, move-se os maiores valores para a direita.

Relembrando o Insertion Sort - ii

```
void insertion_sort(int vetor[], int tam){
   int valor_pivo, j;
  for (int i = 1; i < tam; i++) {
       valor_pivo = vetor[i];
       i = i - 1;
       while ((j >= 0) and (valor_pivo < vetor[j])){</pre>
             vetor[j+1] = vetor[j];
             j--;
       vetor[j+1] = valor_pivo;
```



Relembrando o Insertion Sort - ii

O insertion sort possui a vantagem de possuir uma implementação muito simples e ser relativamente eficiente para volumes pequenos de dados, o que torna recomendado nesses casos. Em geral, na prática é mais eficiente que outros algoritmos simples, como bubble sort ou selection sort.

Além disso, insertion sort é **adaptativo**, ou seja, **aumenta a eficiência em dados que já estão parcialmente ordenados** e consegue ordenar uma lista à medida que a recebe (não precisa da lista inteira para começar a ordenação).

Relembrando o Insertion Son-i

O in: implication of the series of the serie

Alén o Insertion efici cons da li: Sort???

re amente ciente para te ciente para do nesses ic que out as rt ou selection sort.

aumenta a ordenados e la que lação).

Shell Sort

O Shell sort, proposto por Donald Shell, é uma generalização, e melhoria, do insertion sort, utilizando a ideia de um salto (*gap*) entre os elementos. Assim, começando com lacunas maiores, vai-se diminuindo o tamanho do *gap*, até permitir a comparação um a um.

A eficiência do método é, obviamente, dependente da sequência de lacunas escolhidas.

Shell Sort - Exemplo - i

Suponha o vetor

```
v = [59, 17, 30, 94, 51, 12, 28, 3, 21, 33, 16, 8] e a sequência de lacunas dada por S = [5, 3, 1].
```

59	17	30	94	51	12	28	3	21	33	16	8	
----	----	----	----	----	----	----	---	----	----	----	---	--

Nesse caso, na primeira iteração, serão ordenados por inserção os subvetores [59,12,16], [17,28,8], [30,3], [94,21] e [51,33].

Shell Sort - Exemplo - ii

Assim, após a primeira passada, obtém-se

17 30 94 51 59 28	5		33	21		3	8	12	
-------------------	---	--	----	----	--	---	---	----	--

Na segunda passada os elementos serão ordenados utilizando uma lacuna de tamanho 3:

	12	8	3	21	33	16	17	30	94	51	59	28	
--	----	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----	----	--

Nesse caso, serão ordenados por inserção os subvetores [12,21,17,51], [8,33,30,59] e [3,16,94,28]. É interessante observar que os subvetores estão semi-ordenados.

Shell Sort - Exemplo - iii

Após a segunda passada, obtém-se

Por fim, os elementos serão agora ordenados com lacuna de tamanho um, ou seja, um insertion sort normal:

12 8 3 17 30 16 21 33 28 51 59 94

A maioria dos elementos já encontra-se em sua posição ou próxima a ela. Isso significa que haverá menos trocas e o algoritmo terminará mais cedo.

Sequências para o Shell Sort

A velocidade/eficiência do Shell sort é dependente da sequência utilizada para as lacunas. Segue-se algumas sequências utilizadas mais frequentemente:

- $2^k 1 \Rightarrow \{1, 3, 7, 15, 31, 63, ...\}$
- $2^k + 1$, prefixado por $1 \Rightarrow \{1, 3, 5, 9, 17, 33, 65, ...\}$
- $(3^k 1)/2 => \{1, 4, 13, 40, 121, ...\}$
- $a(n) = ceil ((9 * (9/4)^n 4) / 5)) => {1, 4, 9, 20, 46, 103, ... }$
- Ciura (experimental) => {1, 4, 10, 23, 57, 132, 301, 701, **1750**}

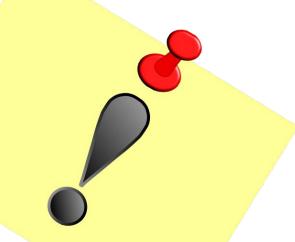
Sequências para o Shell Sort

A velocidade/eficiência do Shell sort é dependente da sequência utilizada para as lacunas. Segue-se algumas sequências utilizadas mais frequentemente:

- $2^k 1 \Rightarrow \{1, 3, 7, 15, 31, 63, ...\}$
- $2^k + 1$, prefixado por $1 \Rightarrow \{1, 3, 5, 9, 17, 33, 65, ...\}$
- $(3^k 1)/2 => \{1, 4, 13, 40, 121, ...\}$
- $a(n) = ceil ((9 * (9/4)^n 4) / 5)) => {1, 4, 9, 20, 46, 103, ... }$
- Ciura (experimental) => {1, 4, 10, 23, 57, 132, 301, 701, **1750**}

Sequências para o Shell So

A velocidade/eficiência do Shell sort é sequência utilizada para as lacunas. S sequências utilizadas mais frequentem



- A sequência de Ciura foi a que
- melhor produziu resultados em
- estudo experimental
 - => {1, 4, 9, 20, 46, 103, ... }

5, 9, 17, 33, 65, ...

Ciura (experimental) => {1, 4, 10, 23, 57, 132, 301, 701, **1750**}

Shell Sort - Algoritmo - i

```
void shell sort(int vet[], int size) {
    // sequência de Ciura, a que tem os melhores resultados experimentais
    // para vetores maiores usar recursão -> h[k] = floor(2.25 * h[k-1]).
    int gaps[9] = \{1, 4, 10, 23, 57, 132, 301, 701, 1750\};
    int pos gap = 8;
   while (gaps[pos gap] > size) {
        pos gap--;
    int value;
    int j;
   while ( pos_gap >= 0 ) {...
```



Shell Sort - Algoritmo - ii

```
while ( pos gap >= 0 ) {
    int gap = gaps[pos_gap];
    cout << "gap: " << gap << endl;</pre>
    for (int i = gap; i < size; i++) {</pre>
        value = vet[i];
        j = i;
        while ((j >= gap) and (value < vet[j - gap])) {</pre>
             vet[j] = vet[j - gap];
             j = j - gap;
        vet[j] = value;
    pos_gap--;
```



Shell Sort - Algoritmo - ii

```
while ( pos_gap >= 0 ) {
    int gap = gaps[pos_gap];
    cout << "gap: " << gap << endl;</pre>
    for (int i = gap; i < size; i++) {</pre>
        value = vet[i];
        j = i;
        while ((j >= gap) and (value < vet[j - gap])) {</pre>
             vet[j] = vet[j - gap];
             j = j - gap;
        vet[j] = value;
    pos_gap--;
```

Insertion sort tradicional, mas usando comparações pulando uma lacuna (gap).



Shell Sort - Algoritmo - ii

```
while ( pos gap >= 0 ) {
   int gap = gaps[pos_gap];
   cout << "gap: " << gap << endl;</pre>
       [joukim@harpia tmp]$ ./shellsort
       gap: 10
       gap:
       -4 -2 0 0 1 1 2 4 8 12 23 55 199 [joukim@harpia tmp]$
   pos gap--;
```

Análise dos Métodos Simples



Breve Análise dos Métodos Simples - i

Os métodos simples possuem problemas de eficiência em grandes volumes de dados, sendo indicado nesses casos a utilização de algoritmos mais avançados, como quick sort, merge sort ou heap sort, dependendo o caso.

Entretanto, apesar do problema de eficiência, alguns desses métodos possuem espaço em diversas aplicações.

Breve Análise dos Métodos Simples - ii

O insertion sort possui a vantagem de possuir uma implementação muito simples e ser relativamente eficiente para volumes pequenos de dados, o que torna recomendado nesses casos. Em geral, na prática é mais eficiente que outros algoritmos simples, como bubble sort ou selection sort.

Além disso, insertion sort é adaptativo, ou seja, aumenta a eficiência em dados que já estão parcialmente ordenados e consegue ordenar uma lista à medida que a recebe (não precisa da lista inteira para começar a ordenação).

Breve Análise dos Métodos Simples - iii

Selection sort é muito similar ao insertion sort, que geralmente possui mais vantagens. Entretanto, insertion requer mais operações de escrita o que faz com que o selection sort seja preferido em casos em que a escrita na memória é mais caro que a leitura, com em EEPROMs ou memórias flash.

Assim, para pequeno volume de dados, em dispositivos com limitação de escrita (um Arduino ou ESP32, por exemplo), o selection sort é uma opção a ser considerada.

Breve Análise dos Métodos Simples - iv

Infelizmente, quanto ao bubble sort, pesa a favor apenas o fato que ele é popular e relativamente fácil de entender. Alguns autores, como Owen Astrachan, chegam inclusive a recomendar que ele não seja ensinado, o que está sendo adotado nesta disciplina.

Sua única vantagem sobre a maioria dos outros algoritmos é a capacidade de detectar que os dados estão ordenados, interrompendo o processo. Mas exceto em poucos casos usuais, na maioria das vezes ele **é menos eficiente** que o insertion sort ou selection sort, mesmo com essas melhorias.

Breve Análise dos Métodos Simples - iv

Infelizmente, quanto ao bubble sort, pesa a favor apenas o fato que ele é popular e relativamente fácil de entender. Alguns autores, como Owen Astrachan, chegam inclusive a recomendar que ele na facil de entender. Em síntese:

Sua única não use o bubble sort!

capacidade de detectar que os dados estão ordenados, interrompendo o processo. Mas exceto em poucos casos usuais, na maioria das vezes ele **é menos eficiente** que o insertion sort ou selection sort, mesmo com essas melhorias.

tmos é a

Análise do Shell Sort



Shell sort pode ser implementado com pouco código e tem a vantagem de não utilizar uma pilha de chamadas (*call stack*), o que ocorre em métodos recursivos, como quick sort ou merge sort.

Assim, algumas implementações de ordenação em bibliotecas padrões utilizam o shell sort em sistemas embarcados. O kernel do Linux, utiliza uma implementação do Shell sort para ordenação, por razões similares.

Análise do Shell Sort



Shell sort pade ser implementado com pouco É uma boa opção a ser con considerada, caso o volume de dados não seja muito código e chama rec pac *grande!* embarcados. O kerner do Linux, utiliza uma impiementação do Shell sort para ordenação, por razões similares.

Sobre o Material



Sobre este material

Material produzido coletivamente, principalmente pelos seguintes professores do DCC/UFLA:

- Janderson Rodrigo de Oliveira
- Joaquim Quinteiro Uchôa
- Juliana Galvani Greghi
- Renato Ramos da Silva

Inclui contribuições de outros professores do setor de Fundamentos de Programação do DCC/UFLA.

Esta obra está licenciado com uma Licença Creative Commons Atribuição 4.0 Internacional.