Atividade nº 03 - Estruturas de Dados em R

Lucas Henrique Nogueira

Lista de Exercícios

1) Matriz:

• Dado o seguinte sistema de equações:

$$\begin{cases} x + 2y + 3z = 20\\ 2x + 5y + 9z = 100\\ 5x + 7y + 8z = 200 \end{cases}$$

• Reescrevendo na forma de resolução matricial:

$$Ax = B \implies \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 5 & 9 \\ 5 & 7 & 8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 20 \\ 100 \\ 200 \end{pmatrix}$$

```
A <- matrix(c(1, 2, 3, 2, 5, 9, 5, 7, 8), nrow = 3, byrow = T)
B <- c(20, 100, 200)
```

• Foi constatado pelo cálculo do determinante que o sistema possui uma única solução:

$$det(A) = 2 > 0 \implies Solução única$$

• Por fim a solução foi determinada:

$$S = \begin{cases} x = 320 \\ y = -360 \\ z = 140 \end{cases}$$

```
if(det.A != 0){
    sol <- solve(A, B)
    sol
} else {
    print("O Sistema não possui solução")
}</pre>
```

```
## [1] 320 -360 140
```

2) Fatores:

- a) Troca de níveis de um vetor de fatores:
 - Dado um vetor de fatores:

Levels: w q r

```
z <- factor(c("p", "q", "p", "r", "q"))
```

 b) Concatenação de dois vetores de fatores e funcionamento do comando sample() com a semente 666:

```
\begin{cases} s1 < -\text{ factor(sample(letters, size=5, replace=TRUE))} \\ s2 < -\text{ factor(sample(letters, size=5, replace=TRUE))} \end{cases}  (2)
```

- Gerando números aleatórios com o comando sample():

• c) Conjunto de dados iris e a função cut() com as seguintes frequências (32, 41, 42, 24, 11):

11

##

32

41

d) Gerando uma tabela de contingência a partir do conjunto de dados iris com o fator Species:

```
categorias <- table(iris$Sepal.Length < 5, iris$Species)

rownames(categorias) <- c("FALSE", "TRUE")
colnames(categorias) <- levels(iris$Species)

categorias</pre>
```

• e) Adicionando mais um nível no vetor de fator de reposta já criado:

```
respostas <- factor(c("Concordo", "Concordo", "Concordo fortemente", "Discordo", "Concordo"))
```

• f) Encontrando os índices dos valores e combinando com os índices dos níveis do fator:

df <- data.frame(levels = unique(x), value = seq_along(unique(x)))</pre>

```
x <- factor(c("alto", "baixo", "médio", "alto", "alto", "baixo", "médio"))
x <- factor(c("alto", "baixo", "médio", "alto", "alto", "baixo", "médio"))</pre>
```

```
## 1 levels value
## 1 alto 1
## 2 baixo 2
## 3 médio 3
```

3) Listas:

a) Dado p, q e x, qual o valor de x[2]?

$$\begin{cases} p <- c(2,\,7,\,8) \\ q <- c("A",\,"B",\,"C") \end{cases} \quad x[2] = "A",\,"B",\,"C" \\ x <- \ list(p,\,q) \end{cases}$$

```
p <- c(2, 7, 8)
q <- c("A", "B", "C")
x <- list(p, q)
x[2]
## [[1]]
## [1] "A" "B" "C"</pre>
```

• b) Dado w, v e x, qual comando substituirá "A" em x por "K"?

$$\begin{cases} w < -c(2, 7, 8) \\ v < -c("A", "B", "C") \\ x < -list(w, v) \end{cases} x[1] = 2, 7, 8 \\ x[2] = "K", "B", "C"$$

```
w <- c(2, 7, 8)
v <- c("A", "B", "C")
x <- list(w, v)
x[[2]] <- replace(x[[2]], x[[2]] == "A", "K")
x

## [[1]]
## [1] 2 7 8
##
## [[2]]
## [1] "K" "B" "C"</pre>
```

c) Dado a lista a, qual comando dará a soma de todos os elementos de a?

$$a < -list("x" = 5, "y" = 10, "z" = 15)$$
 soma = 30

```
a <- list("x" = 5, "y" = 10, "z" = 15)
soma <- sum(unlist(a))
soma</pre>
```

d) Dado a lista nova, qual o comando irá adicionar 1 a cada elemento do primeiro vetor de nova?

```
nova <- list(a = 1:10, b = "Férias", c = "Olá") \Longrightarrow nova$a = 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11
```

```
nova <- list(a = 1:10, b = "Férias", c = "Olá")
nova$a <- nova$a + 1
nova

## $a
## [1] 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11
##
## $b
## [1] "Férias"
##
## $c
## [1] "Olá"</pre>
```

• e) Dado a lista b, qual o comando irá imprimir todos os elementos de b exceto o segundo elemento do primeiro vetor de b?

```
b \leftarrow b = 1:10, c = "Olá", d = "AA") \implies b$a = 1 3 4 5 6 7 8 9 10
```

```
b <- list(a = 1:10, c = "Olá", d = "AA")
b$a <- b$a[-2]
b</pre>
```

• f) Dado a lista x, qual o comando irá acrescentar um novo item z à lista x com z = "Novo item"?

```
x < - list(a = 5:10, c = "Olá", d = "AA") \\ \Longrightarrow x \\ x = "Novo item"
```

```
x <- list(a = 5:10, c = "Olá", d = "AA")
x$z <- "Novo item"
x</pre>
```

```
## $a

## [1] 5 6 7 8 9 10

##

## $c

## [1] "Olá"

##

## $d

## [1] "AA"

##

## $z

## [1] "Novo item"
```

• g) Dado a lista y, qual o comando irá atribuir os nomes ("um", "dois", "três") aos três elementos de y?

```
y <- \text{ list(1:10, "string", 666)} \qquad \Longrightarrow \qquad \begin{cases} y\$\text{um} = 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9\ 10 \\ y\$\text{dois} = "string" \\ y\$\text{três} = 666 \end{cases}
```

```
y <- list(1:10, "string", 666)
names(y) <- c("um", "dois", "três")
y</pre>
```

```
## $um
## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
##
## $dois
## [1] "string"
##
## $três
## [1] 666
```

• h) Dado a lista x, qual o comando irá apresentar o comprimento do vetor r, de x?

```
x < - list(y = 1:10, \, t = "Olá", \, f = "TT", \, r = 5:20) \\ \hspace*{0.5in} \Longrightarrow \hspace*{0.5in} comprimento\_r = 16
```

```
x <- list(y = 1:10, t = "Olá", f = "TT", r = 5:20)
comprimento_r <- length(x$r)
comprimento_r</pre>
```

4) Criando Data frame

• Dado os data frame df.A e df.B e o vetor var3

```
\begin{cases} df.A <- data.frame(var1=1:5, var2=LETTERS[1:5]) \\ df.B <- data.frame(var1=6:10, var2=LETTERS[6:10]) \\ var3 <- 11:20 \end{cases}
```

• a) Criando o data frame df.res a partir da vinculação por linhas de df.A e df.B:

```
df.A <- data.frame(var1 = 1:5, var2 = LETTERS[1:5])
df.B <- data.frame(var1 = 6:10, var2 = LETTERS[6:10])

df.res <- rbind(df.A, df.B)
head(df.res)</pre>
```

• b) Apresentando a classe de cada coluna:

```
classes <- sapply(df.res, class)
classes</pre>
```

```
## var1 var2
## "integer" "character"
```

• c) Construindo o data frame df.A2 e vinculando por linhas com df.B

```
df.A2 <- data.frame(var1 = 1:6, var2 = LETTERS[1:6])

df.res2 <- rbind(df.A2, df.B)
tail(df.res2)</pre>
```

```
##
       var1 var2
## 6
          6
                F
                F
## 7
          6
## 8
          7
                G
## 9
          8
                Н
## 10
          9
                Ι
                J
## 11
         10
```

Observação: Houve duplicação de valores devido a utilização da função rbind() que apenas combina os data frames por linhas e não remove as linhas duplicadas. Fato ocorreu devido ao data frame df.A2 possuir 6 linhas e o outro data frame (df.B) possuir apenas 5 linhas.

• d) Adicionando o vetor var3 como uma nova variável de df.res

```
var3 <- 11:20

df.res <- cbind(df.res, var3)
head(df.res)</pre>
```

```
##
     var1 var2 var3
## 1
        1
              Α
## 2
        2
              В
                  12
## 3
        3
              С
                  13
## 4
        4
              D
                  14
        5
## 5
              Ε
                  15
## 6
        6
                  16
```

• e) Rearranjando as colunas nesse data frame (df.res) para que elas fiquem na ordem: var1, var3, var2.

```
df.res <- df.res[, c("var1", "var3", "var2")]
head(df.res)</pre>
```

```
var1 var3 var2
## 1
         1
             11
                    Α
## 2
         2
             12
                    В
                    С
## 3
         3
             13
                    D
## 4
         4
             14
## 5
         5
             15
                    Ε
## 6
         6
             16
                    F
```

5) Trabalhando com Data Frame

- Considerando o conjunto de dados state.x77{datasets}.
- a) Verificando se o objeto state.x77 é um data frame, caso contrário será transformado em um.

```
if(!is.data.frame(state.x77)){
  state.x77 <- as.data.frame(state.x77)
}
head(state.x77)</pre>
```

```
##
             Population Income Illiteracy Life Exp Murder HS Grad Frost
                                                                         Area
## Alabama
                   3615
                          3624
                                      2.1
                                             69.05
                                                    15.1
                                                            41.3
                                                                    20 50708
## Alaska
                                             69.31
                                                    11.3
                    365
                          6315
                                      1.5
                                                            66.7
                                                                   152 566432
## Arizona
                   2212
                          4530
                                      1.8
                                             70.55
                                                    7.8
                                                            58.1
                                                                  15 113417
## Arkansas
                   2110
                          3378
                                      1.9
                                             70.66
                                                    10.1
                                                            39.9
                                                                    65 51945
## California
                  21198
                                      1.1
                                             71.71
                                                    10.3
                                                            62.6
                          5114
                                                                    20 156361
                                             72.06
## Colorado
                   2541
                          4884
                                      0.7
                                                     6.8
                                                            63.9 166 103766
```

• b) Determinando quantos estados têm renda inferior a 4300.

```
estados <- sum(state.x77$Income < 4300)
estados
```

[1] 20

• c) Determinando qual é o estado com maior renda.

```
indice <- which.max(state.x77$Income)
estado_maior_renda <- rownames(state.x77)[indice]
estado_maior_renda</pre>
```

[1] "Alaska"

d) Construindo data frame state.

```
##
             Abb
                  Area
                                Division
                                               Name Region
## Alabama
             AL 51609 East South Central
                                            Alabama South
## Alaska
             AK 589757
                                 Pacific
                                                     West
                                            Alaska
## Arizona
             AZ 113909
                                Mountain
                                            Arizona
                                                     West
             AR 53104 West South Central
## Arkansas
                                           Arkansas South
## California CA 158693
                           Pacific California West
## Colorado
             CO 104247
                               Mountain Colorado West
```

e) Construindo o data frame estados.

```
state.x77 <- state.x77[order(rownames(state.x77)), ]
state <- state[order(rownames(state)), ]
estados <- cbind(state, state.x77)
head(estados)</pre>
```

```
##
              Abb
                                   Division
                                                  Name Region Population Income
                    Area
## Alabama
               AL 51609 East South Central
                                               Alabama South
                                                                     3615
                                                                            3624
## Alaska
                                                                      365
                                                                            6315
               AK 589757
                                    Pacific
                                                Alaska
                                                         West
## Arizona
               AZ 113909
                                   Mountain
                                               Arizona
                                                         West
                                                                     2212
                                                                            4530
## Arkansas
               AR 53104 West South Central
                                              Arkansas South
                                                                            3378
                                                                     2110
## California CA 158693
                                    Pacific California
                                                         West
                                                                    21198
                                                                            5114
## Colorado
               CO 104247
                                   Mountain
                                              Colorado
                                                         West
                                                                     2541
                                                                            4884
##
              Illiteracy Life Exp Murder HS Grad Frost
                                                          Area
                                            41.3
## Alabama
                     2.1
                            69.05
                                    15.1
                                                    20 50708
## Alaska
                     1.5
                            69.31
                                    11.3
                                            66.7
                                                    152 566432
## Arizona
                                            58.1
                                                    15 113417
                     1.8
                            70.55
                                    7.8
## Arkansas
                     1.9
                            70.66
                                    10.1
                                            39.9
                                                    65 51945
## California
                     1.1
                            71.71
                                    10.3
                                            62.6
                                                    20 156361
## Colorado
                     0.7
                            72.06
                                     6.8
                                            63.9
                                                  166 103766
```

• f) Renomeando as variáveis.

```
##
             Abb
                   Area
                                       Div
                                                 Name
                                                        Reg
                                                              Pop Inc Ill
## Alabama
              AL 51609 East South Central
                                              Alabama South 3615 3624 2.1 69.05
              AK 589757
## Alaska
                                   Pacific
                                               Alaska West
                                                              365 6315 1.5 69.31
## Arizona
              AZ 113909
                                  Mountain
                                              Arizona West 2212 4530 1.8 70.55
## Arkansas
              AR 53104 West South Central
                                             Arkansas South 2110 3378 1.9 70.66
## California CA 158693
                                   Pacific California West 21198 5114 1.1 71.71
## Colorado
              CO 104247
                                  Mountain
                                             Colorado West 2541 4884 0.7 72.06
              Mur HS Fro
##
                              Are
## Alabama
             15.1 41.3 20
                            50708
## Alaska
             11.3 66.7 152 566432
## Arizona
              7.8 58.1
                        15 113417
## Arkansas
             10.1 39.9
                        65 51945
## California 10.3 62.6 20 156361
## Colorado
              6.8 63.9 166 103766
```

g) Removendo a variável div.

```
estados <- subset(estados, select = -Div)
head(estados)</pre>
```

```
##
                                            Pop Inc Ill
                                                          Lif Mur HS
              Abb
                   Area
                              Name
                                     Reg
              AL 51609
                                           3615 3624 2.1 69.05 15.1 41.3
## Alabama
                            Alabama South
## Alaska
              AK 589757
                            Alaska West
                                            365 6315 1.5 69.31 11.3 66.7 152
## Arizona
              AZ 113909
                            Arizona West 2212 4530 1.8 70.55 7.8 58.1
                           Arkansas South 2110 3378 1.9 70.66 10.1 39.9
## Arkansas
              AR 53104
## California CA 158693 California West 21198 5114 1.1 71.71 10.3 62.6
                           Colorado West 2541 4884 0.7 72.06 6.8 63.9 166
## Colorado
              CO 104247
##
                Are
## Alabama
              50708
## Alaska
             566432
## Arizona
              113417
## Arkansas
              51945
## California 156361
## Colorado
             103766
```

• h) Construindo o subconjunto estados.a.

```
colnames(estados) <- trimws(colnames(estados)) # Tirando o espaço de HS
estados.a <- subset(estados, select = -c(Lif, HS, Fro, Abb, Are))
head(estados.a)</pre>
```

```
##
                Area
                           Name
                                  Reg
                                       Pop Inc Ill Mur
## Alabama
               51609
                        Alabama South
                                       3615 3624 2.1 15.1
## Alaska
              589757
                                        365 6315 1.5 11.3
                         Alaska
                                West
## Arizona
             113909
                        Arizona
                                West
                                       2212 4530 1.8 7.8
## Arkansas
              53104
                       Arkansas South 2110 3378 1.9 10.1
## California 158693 California West 21198 5114 1.1 10.3
                       Colorado West 2541 4884 0.7 6.8
## Colorado
             104247
```

• i) Categorizando a variável Illiteracy e adicionando ao data frame estados.

```
##
             Abb
                   Area
                               Name
                                     Reg
                                           Pop Inc Ill
                                                          Lif Mur
                                                                      HS Fro
## Alabama
              AL 51609
                            Alabama South
                                         3615 3624 2.1 69.05 15.1 41.3
## Alaska
              AK 589757
                            Alaska West
                                           365 6315 1.5 69.31 11.3 66.7 152
## Arizona
              AZ 113909
                            Arizona West
                                          2212 4530 1.8 70.55 7.8 58.1
              AR 53104
                           Arkansas South 2110 3378 1.9 70.66 10.1 39.9
## Arkansas
## California CA 158693 California West 21198 5114 1.1 71.71 10.3 62.6
                           Colorado West 2541 4884 0.7 72.06 6.8 63.9 166
## Colorado
              CO 104247
                Are Illiteracy_Level
## Alabama
              50708
                                alto
## Alaska
             566432
                                algum
## Arizona
             113417
                                algum
## Arkansas
              51945
                                algum
## California 156361
                                algum
## Colorado
              103766
                                baixo
```

j) Determinando o estado com maior renda na região oeste e que possui baixo analfabetismo.

```
estados_oeste <- subset(estados, Reg == "West" & Illiteracy_Level == "baixo")
estado_maior_renda <- estados_oeste[which.max(estados_oeste$Inc), ]

(nome_renda <- estado_maior_renda$Name)</pre>
```

```
## [1] "Nevada"
```

```
(renda_maxima <- estado_maior_renda$Inc)
```

6) Trabalhando com o array Titanic{datasets}

• a) Determinando número total de passageiros com informações, número de sobreviventes, número de não sobreviventes e a taxa de sobrevivência global (%):

```
data("Titanic")
  (total_passageiros <- sum(Titanic))

## [1] 2201
   (sobreviventes <- sum(Titanic[,,,"Yes"]))

## [1] 711
   (nao_sobreviventes <- sum(Titanic[,,,"No"]))

## [1] 1490
   (taxa_sobrevivencia <- sobreviventes / total_passageiros * 100)

## [1] 32.3035</pre>
```

• b) Determinando os passageiros por sexo e por classe de bilhete:

```
(passageiros_genero <- apply(Titanic, c("Sex"), sum))</pre>
##
     Male Female
##
     1731
              470
  (passageiros_classe <- apply(Titanic, c("Class", "Sex"), sum))</pre>
##
         Sex
## Class Male Female
##
     1st
            180
                   145
                   106
##
     2nd
            179
            510
                   196
##
     3rd
     Crew
            862
                    23
```

• c) Determinando taxa de sobrevivência dos passageiros por sexo:

```
(sobreviventes_sexo <- apply(Titanic[,,,"Yes"], "Sex", sum))</pre>
##
     Male Female
##
      367
              344
  (nao_sobreviventes_sexo <- apply(Titanic[,,,"No"], "Sex", sum))</pre>
##
     Male Female
##
     1364
              126
  (total_passageiros <- sobreviventes_sexo + nao_sobreviventes_sexo)</pre>
##
     Male Female
     1731
##
              470
  (taxa<- round((sobreviventes_sexo / total_passageiros) * 100, 2))</pre>
     Male Female
    21.20 73.19
##
       d) Determinando a distribuição de idade por classe de bilhete, por sexo:
  titanic_df <- as.data.frame(Titanic)</pre>
(distrib_idade_classe_sexo <- aggregate(Freq ~ Class + Sex + Age, data = titanic_df, sum))
```

```
##
      Class
                Sex
                      Age Freq
## 1
        1st
               Male Child
                              5
## 2
        2nd
               Male Child
                             11
## 3
               Male Child
        3rd
                             48
## 4
       Crew
               Male Child
                              0
## 5
        1st Female Child
                              1
## 6
        2nd Female Child
                             13
## 7
        3rd Female Child
                             31
## 8
       Crew Female Child
                              0
## 9
        1st
               Male Adult
                            175
## 10
        2nd
               Male Adult
                            168
## 11
        3rd
               Male Adult
                            462
## 12
       Crew
               Male Adult
                            862
```

13

14

15

16

1st Female Adult

2nd Female Adult

3rd Female Adult

Crew Female Adult

144

165

93

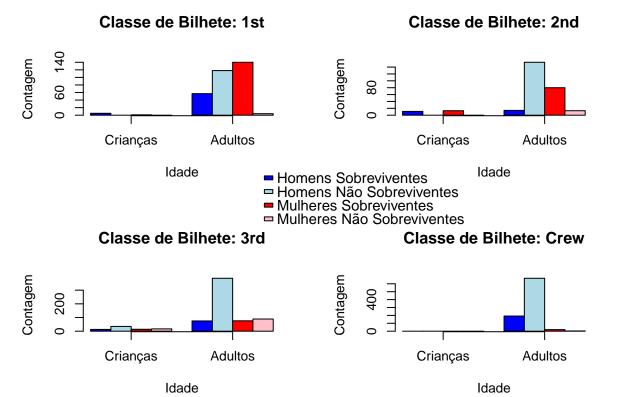
23

Observação: A distribuição de idade por classe de bilhete e sexo revela que há uma variação significativa no número de adultos e crianças, dependendo da classe e do sexo, o que pode refletir as práticas de embarque e a composição demográfica dos passageiros no Titanic. Além disso, em geral, a classe "1st" tende a ter uma proporção maior de adultos em comparação com as classes "2nd" e "3rd", onde a presença de crianças é mais significativa. Pode ser observada também que existe uma discrepância na distribuição de idade entre homens e mulheres. Entre as mulheres, a proporção de crianças é relativamente maior, especialmente nas classes "1st" e "2nd", por outro lado, entre os homens, a presença de crianças é menos proeminente, com uma distribuição de idade mais inclinada para adultos.

• e) Análise em relação a chance de sobrevivência de acordo com o sexo, a classe do bilhete e a idade(adulto ou criança):

```
distrib_idade_classe_sexo_surv <- aggregate(Freq ~ Class + Sex + Age + Survived,
                                    data = titanic_df, sum)
par(mfrow = c(2, 2), mar = c(5, 5, 5, 2) + 0.1)
classes <- unique(distrib_idade_classe_sexo_surv$Class)</pre>
for (classe in classes) {
  subset_data <- subset(distrib_idade_classe_sexo_surv, Class == classe)</pre>
  male_survived <- subset(subset_data, Sex == "Male" & Survived == "Yes") Freq
  male_not_survived <- subset(subset_data, Sex == "Male" & Survived == "No") Freq
  female_survived <- subset(subset_data, Sex == "Female" & Survived == "Yes") Freq
  female_not_survived <- subset(subset_data, Sex == "Female" & Survived == "No") Freq
  bp <- barplot(</pre>
   height = rbind(male_survived, male_not_survived, female_survived, female_not_survived),
   beside = TRUE,
   col = c("blue", "lightblue", "red", "pink"),
   main = paste("Classe de Bilhete:", classe),
   xlab = "Idade",
   ylab = "Contagem"
  axis(1, at = colMeans(bp), labels = c("Crianças", "Adultos"))
}
par(mfrow = c(1, 1))
legend("center", legend = c("Homens Sobreviventes", "Homens Não Sobreviventes",
"Mulheres Sobreviventes", "Mulheres Não Sobreviventes"), y.intersp = 1.4, x.intersp = 0.4,
fill = c("blue", "lightblue", "red", "pink"), bty = "n", inset = c(1, 1), cex = 0.9)
title(main = "Contagem de Sobreviventes e Não Sobreviventes no Titanic", line = 4.4)
```

Contagem de Sobreviventes e Não Sobreviventes no Titanic



Observação: A análise dos gráficos revela que três fatores principais - sexo, classe do bilhete e idade - tiveram um impacto significativo nas chances de sobrevivência dos passageiros do Titanic.

Sexo: A maioria das mulheres sobreviveu ao desastre, enquanto a maioria dos homens não. Isso é um reflexo da política de "mulheres e crianças primeiro" adotada durante a evacuação do navio.

Classe do Bilhete: Os passageiros da primeira classe tiveram a maior taxa de sobrevivência, seguidos pelos da segunda classe. Infelizmente, os passageiros da terceira classe tiveram a menor taxa de sobrevivência. Este padrão evidencia as desigualdades sociais existentes na época e o acesso diferenciado aos recursos de sobrevivência no navio.

Idade: As crianças tiveram uma taxa de sobrevivência relativamente alta, reforçando a prioridade dada a elas durante a evacuação. Entre os adultos, a taxa de sobrevivência variou, sendo em geral menor que a das crianças.

Esses resultados demonstram claramente como fatores sociais e demográficos influenciaram as chances de sobrevivência dos passageiros do Titanic.