

Simulation d'un encombrement routier

Rémi VINCENT 24636

Lucas BARBIER 25796

Contents

1 Initialisation	2
1.1 Paramètres et Bibliothèques	2
1.2 Initialisation de la route	2
2 Corps du programme	3
2.1 Calcul d'énergie	3
2.2 Calcul du prochain déplacement	4
2.3 Exécution globale	4
3 Graphes	6
3.1 Graphes 2D	6
3.2 Graphes 3D	6

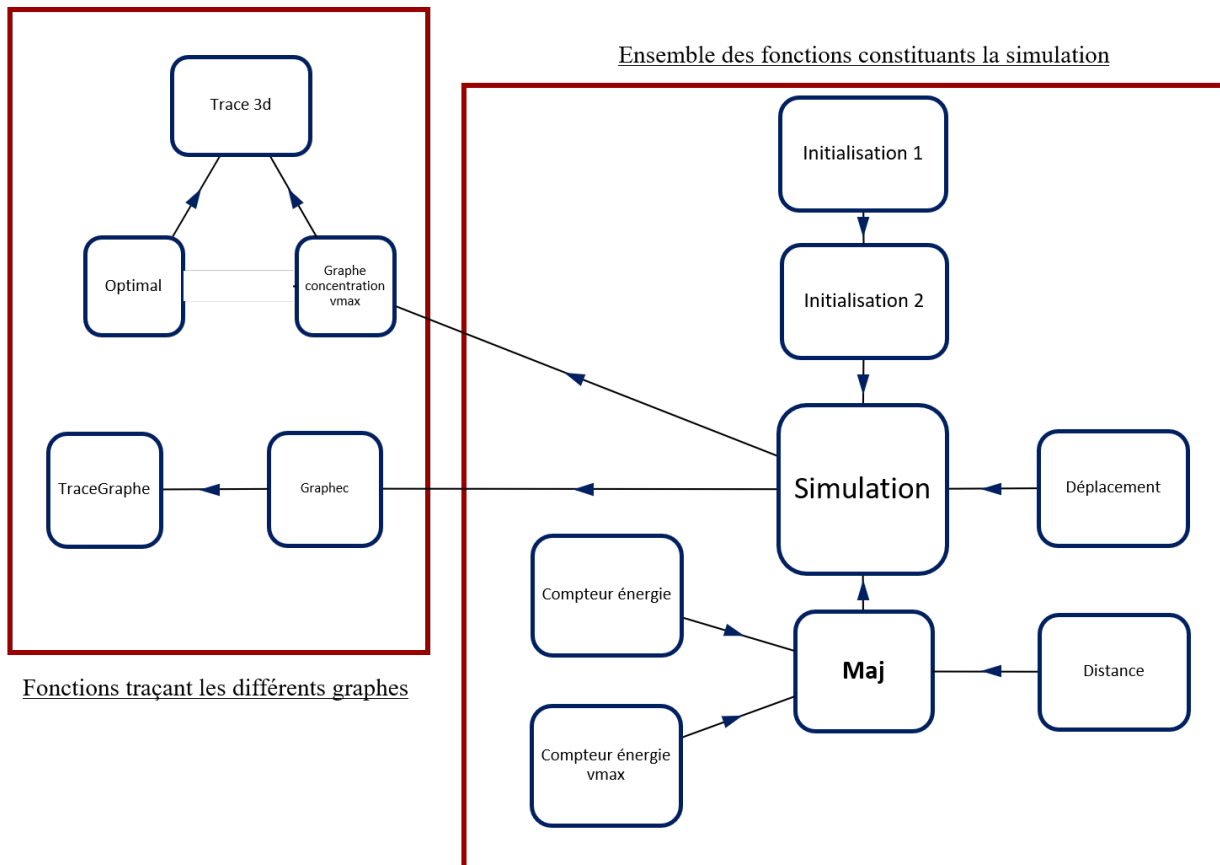


Figure 1: Liens entre les diverses fonctions du programme

1 Initialisation

1.1 Paramètres et Bibliothèques

```
import matplotlib.pyplot as plt      #imports de bibliothèques
import random
import numpy as np
import matplotlib.image as img
from IPython.display import Image

eta=0.414      #rendement du moteur
l_case=7      #longueur de la case en mètres
dt=5
rho=1.2      #masse volumique de l'air ( kg.m-3)
Cx=0.40
S=1.9
mu=0.02
m=1400      #masse d'une voiture (kg)
g=9.8
p=0.06      #facteur régissant les freinages aléatoires

#initialisation des compteurs
nb_voitures=[0] #compteur de voiture sur la section
energie=[0] #dépense énergétique
nbparcours=[0] #nombre de parcours de chaque voiture
```

1.2 Initialisation de la route

```
def initialisation_simulation_1(longueur,temps,Concentration,vmax):
    """ crée une première répartition plus naturelle de la route afin
        d'éviter des "effets de bords" en début de simulation due à la répartition
        initiale aléatoire"""

    Route=[[0 for i in range(longueur)]for j in range(temps)] #initialisation tableau route
    Vitesses=[[0 for i in range(longueur)]for j in range(temps)] #initialisation tableau vitesses

    Proba=Concentration*l_case #probabilité de trouver une voiture par case

    Route[0]=[random.randint(1,100) for i in range(len(Route[0]))] #création de la route à t=0
    for i in range(len(Route[0])):
        if Route[0][i]<=Proba*100: #présence ou non d'une voiture selon la concentration fixée
            Route[0][i]=1
        else :
            Route[0][i]=0

    for i in range(len(Route[0])):#répartition aléatoire de vitesses initiales
        if Route[0][i]==1:
            Vitesses[0][i]=random.randint(vmax//2,vmax-2)
    return Route, Vitesses

def initialisation_simulation_2(longueur,temps,Concentration,p,vmax):
    """utilise la première initialisation pour obtenir une route initiale
        plus naturelle"""
    Route, Vitesses=initialisation_simulation_1(longueur,21,Concentration,vmax)
    for i in range(len(Route)-1): #exécution de la simulation sur route initiale
```

```

Route,Vitesses=deplacement(Vitesses, Route, maj(Route,Vitesses,p,vmax,i), i,vmax)

Route2=[[0 for i in range(longueur)]for j in range(temps)] #initialisation route
Vitesses2=[[0 for i in range(longueur)]for j in range(temps)] #initialisation vitesses
Route2[0]=Route[20] #création d'une nouvelle route naturelle

Vitesses2[0]=Vitesses[len(Vitesses)-1]
Route2[0][0]=2
Vitesses2[0][0]=random.randint(vmax//2,vmax-2)
energie=[0]
return Route2, Vitesses2

```

2 Corps du programme

```

def maj(Route,Vitesses,p,v_max,i):
    """ met à jour la liste de voiture et de vitesse et le compteur énergétique"""
    Vitesses_suivantes = np.array(Vitesses[i]) # Copie de l'état actuel
    N = len(Vitesses_suivantes)
    for j in range(N):
        if Route[i][j] == 1 or Route[i][j] == 2 : # Si il y a une voiture dans la case
            # Étape 1: Décélération si écart trop faible avec la vitesse devant
            dn = distance(Route,i,j)
            if Vitesses_suivantes[j] > dn - 1:
                Vitesses_suivantes[j] = dn - 1
                if Vitesses_suivantes[j]==0:
                    compteurenergie(Vitesses_suivantes,j,v_max)
            # Étape 2: Accélération
            elif Vitesses_suivantes[j] < v_max and Vitesses_suivantes[j] < dn-1:
                #si l'utilisateur peut encore accélérer
                Vitesses_suivantes[j] = Vitesses_suivantes[j] + 1
                compteurenergie(Vitesses_suivantes,j,v_max)
            elif Vitesses_suivantes[j]==v_max :
                compteurenergie_vmax(Vitesses_suivantes,j,v_max)
            # Étape 3: Facteur aléatoire de freinage
            if np.random.rand() < p and Vitesses_suivantes[j] > 0:
                Vitesses_suivantes[j] = Vitesses_suivantes[j] - 1
    return Vitesses_suivantes

```

2.1 Calcul d'énergie

```

def compteurenergie(Vitesses_suivantes,j,v_max):
    Vitesse=Vitesses_suivantes[j] #Vitesse suivante : chiffre entre 1 et v_max, tranche de 5 km/h
    energie[0]+=(mu*m*g*l_case)*Vitesse*1/eta
    if Vitesse !=0 :
        energie[0] +=(rho*Cx*S/2)*(((Vitesse+Vitesse-1)*5/(3.6*2))**3)*dt*1/eta
    elif Vitesse == 0:
        energie[0]+=5*10**4 #énergie dépensée par le moteur à l'arrêt cf annexe pour le calcul
    if Vitesse <= v_max and Vitesse !=0 :
        energie[0]+=1/2*m*((Vitesse*5/3.6)**2-(((Vitesse-1)*5/3.6)**2))*1/eta

```

```
def compteurenergie_vmax(Vitesses_suivantes,j,v_max):
    """ l'énergie est calculée après mise à jour des vitesses,
    le passage de vmax-1 à vmax est traité séparément"""

    Vitesse=Vitesses_suivantes[j] #Vitesse suivante : v_max,
    energie[0]+= (mu*m*g*l_case)*Vitesse*1/eta
    if Vitesse !=0 :
        energie[0] +=(rho*Cx*S/2)*(((Vitesse)*5/(3.6))**3)*dt*1/eta
```

2.2 Calcul du prochain déplacement

```
def distance(Route,i,j):
    """calcul du nombre de case entre deux véhicules"""
    N = len(Route[i])
    d = 1
    while Route[i][(j+d)%N] != 1 and Route[i][(j+d)%N] != 2:
        # Tant qu'on ne rencontre pas d'autre voiture,
        d = d+1 # on continue à regarder devant soi
    return d

def deplacement(Vitesses,Route,Vitesses_suivantes,i,vmax):
    """ prédit la position en fonction de l'état de la route"""
    N = len(Vitesses_suivantes)
    for j in range(N):
        if Route[i][j] == 1: # Si il y a une voiture,
            # on prédit sa nouvelle position
            prochain = (j + Vitesses_suivantes[j])%N
            # et on met à jour

            Route[i+1][prochain] = 1
            Vitesses[i+1][prochain] = Vitesses_suivantes[j]

        elif Route[i][j] == 2 : #si il y a la voiture
            # on prédit sa nouvelle position
            prochain = (j + Vitesses_suivantes[j])%N
            # et on met à jour
            Route[i+1][prochain] = 2
            Vitesses[i+1][prochain] = Vitesses_suivantes[j]

    return Route, Vitesses
```

2.3 Exécution globale

```
def simulation(p,Concentration,longueur,temps,vmax):
    """ fonction-mère qui exécute la simulation"""

    energie[0]=0
    nbparcours[0]=0
    indicev2=0

    Route2,Vitesses2 = initialisation_simulation_2(longueur, temps, Concentration,p,vmax)

    for i in range(len(Route2)-1): #exécution de la simulation
        Route2,Vitesses2=deplacement(Vitesses2, Route2, maj(Route2,Vitesses2,p,vmax,i), i,vmax)
```

```

        for j in range(len(Route2[0])):
            if Route2[i][j]==2:
                if j<indicev2:
                    nbparcours[0]+=1
                    indicev2=j

positionfinale=0
for i in range(len(Route2[0])-1):
    if Route2[len(Route2)-1][i]==2:
        positionfinale=i

if positionfinale==0:
    nbparcours[0]+=1
else :
    nbparcours[0]+=(positionfinale/len(Route2[0]))
#permet grâce à la position finale de la voiture marquée de savoir combien de parcours
#ont été réalisés

plt.imshow(Route2)
plt.show()    #affiche l'évolution de la route

compi=0
compf=0
for j in range(len(Route2[len(Route2)-1])):
    if Route2[len(Route2)-1][j]==1 or Route2[len(Route2)-1][j]==2:
        compf+=1
for j in range(len(Route2[0])):
    if Route2[0][j]==1 or Route2[0][j]==2:
        compi+=1

nbvoitureinitiale=compi
nbvoiturefinale=compf

Route3=np.array(Route2)
distancetotale_m=nbparcours[0]*l_case*longueur
tempstotal_s=5.04*temps
vitesse moyenne=distancetotale_m/tempstotal_s
# energie dépensée par voiture, par mètres
energie_ind=(energie[0])/(nbvoiturefinale*distancetotale_m)
print("Une voiture a parcourue ",nbparcours[0],"boucles")
print("soit",distancetotale_m*0.001,"kilomètres en ",tempstotal_s/60,"minutes.")
print(" La vitesse moyenne est donc de,",3.6*vitesse moyenne,"km/h.)
print("La consommation totale est de ",energie[0]*1E-9,"Gigajoules")
print(nbvoitureinitiale,nbvoiturefinale)

return energie_ind, vitesse moyenne

def parcours(Route,t,vmax):
    """ permet de prendre en compte la voiture 2, compteur"""
    for presence in range(vmax):
        if Route[t][presence] == 2:
            return True
    return False

```

3 Graphes

3.1 Graphes 2D

```
def graphec(bornes:tuple,vmax,Concentration,longueur,temps):
    """ renvoie énergie en fonction de concentration sous forme de deux listes"""
    #bornes contient l'intervalle [cmin,cmax] et le pas de calcul
    #bornes=(cmin,cmax,pas)
    mini,maxi,pas=bornes
    c=mini
    Liste_simulation=[]
    C=[]
    E=[]
    while c<=maxi:
        for i in range(10):
            energie,vitessemoyenne=simulation(p,c,longueur,temps,vmax)
            if (energie > 1e5 or energie == 0) and Liste_simulation != []:
                energie = Liste_simulation[-1]
            elif energie > 1e5 or energie == 0 and Liste_simulation == []:
                energie=E[-1]
            Liste_simulation.append(energie)
            E.append(np.mean(Liste_simulation))
            C.append(c)
            print(int((c*100/(maxi-mini))),'%')
            c+=pas
            Liste_simulation=[]
    return C,E

def trace_graphe(fonction,bornes:tuple,vmax,Concentration,longueur,temps):
    """ trace énergie en fonction d'un paramètre ( C ici par exemple ) """
    P,E=fonction(bornes,vmax,Concentration,longueur,temps)
    plt.plot(P,E)
    plt.grid(color='black', linestyle='--', linewidth=0.5)
    plt.xlabel("Concentration (voiture/mètre)")
    plt.ylabel("Vitesse moyenne (km/h)")
    plt.show()
    plt.show()
```

3.2 Graphes 3D

```
def graphe_concentration_vmax(bornes_concentration:tuple,bornes_vmax:tuple,longueur,temps):
    #bornes_concentration contient l'intervalle [cmin,cmax] et le pas de calcul
    #bornes_vmax contient l'intervalle [vmax(min),vmax(max)] et le pas de calcul
    #bornes_concentration=(cmin,cmax,pas)
    cmini,cmaxi,cpas=bornes_concentration
    vmini,vmaxi,vpas=bornes_vmax
    c=cmini
    v=vmini
    v2=vmini
    Liste_simulation=[]
    Energie_temp=[]
    E=[]
    C=np.arange(cmini,cmaxi,cpas)
    V=np.arange(vmini,vmaxi,vpas)
```

```

C3=[[C[j] for i in range(len(V))] for j in range(len(C))]
V3=[[V[i] for i in range(len(V))] for j in range(len(C))]
R=[] for i in range (len(C))
for i in range(len(C)):
    for j in range(len(V)):
        for k in range(50):
            energie,vitesse moyenne=simulation(p,C[i],longueur,temps,V[j])
            if (energie > 1e5 or energie == 0) and Liste_simulation != []:
                energie = Liste_simulation[-1]
            elif energie > 1e5 or energie == 0 and Liste_simulation == []:
                energie=E[-1]
            Liste_simulation.append((C[i]*vitesse moyenne)/(energie))
            Energie_temp.append(energie)
        E.append(np.mean(Energie_temp))
        R[i].append(np.mean(Liste_simulation))
        Liste_simulation=[]
        Energie_temp=[]
Vitesseopti=optimal(C3,V3,R)
return C3,V3,R,Vitesseopti

def trace_3d(bornes_concentration,bornes_vmax,longueur,temps):

    C,V,R,Vitesseopti=graphe_concentration_vmax(bornes_concentration,bornes_vmax,longueur,temps)

    C2=np.array(C)
    V2=np.array(V)
    R2=np.array(R)

    print("La vitesse optimale est : ",Vitesseopti*5,"km/h")

    fig = plt.figure()
    ax = fig.gca(projection='3d') # Affichage en 3D
    ax.plot_surface(C2, V2, R2, cmap=cm.coolwarm, linewidth=2) # Tracé d'une surface
    ax.set_xlabel('')
    ax.set_ylabel('')
    ax.set_zlabel('')
    plt.tight_layout()
    plt.show()

def optimal(C,V,R):
    maximum=0
    Liste_Moyenne=[]
    Liste_temp=[] for i in range(len(R[0]))
    Vitesseopti=0
    for j in range (len(R[0])):
        for i in range (len(R)):
            Liste_temp[j].append(R[i][j])
    for k in range(len(Liste_temp)):
        Liste_Moyenne.append(np.mean(Liste_temp[k]))
    for j in range(len(Liste_Moyenne)):
        if Liste_Moyenne[j]>maximum:
            maximum=Liste_Moyenne[j]
            Vitesseopti=V[0][j]
    return Vitesseopti

```

