

Dg. En el siguiente circuito se sabe que

- $V = 12V$
- $R = 60\Omega$
- $L = 120mH$
- $C_1 = 0.47\mu F$
- $C_2 = 0.33\mu F$

Los capacitores se encuentran

Inicialmente descargados. Calcule:

a) las corrientes en cada rama al cerrar la llave

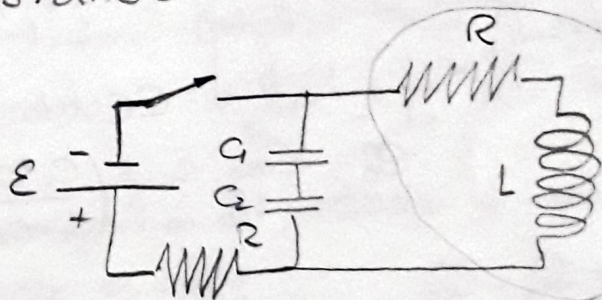
$$C \approx 0.607812833\mu F$$

a) al cerrar la llave en tiempo

$t=0$ los capacitores actúan

como dos llaves cerradas, por lo tanto,

el circuito actúa como en el gráfico siguiente: la otra parte no tendrá corriente.

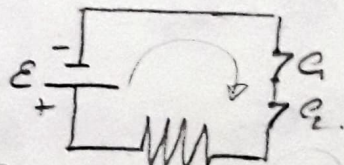


En $t=0$
 $I=0A$
 en la
 rama
 redondeada

b) la corriente en cada rama después de mucho tiempo de haber cerrado la llave.

Cuando $(t \rightarrow \infty)$.

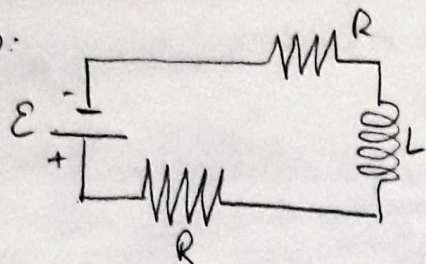
Los capacitores se cargan actuando como una llave abierta en consecuencia. \therefore se omite la toma de 1. capacitor y el circuito



$$I = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{12V}{60\Omega} = \frac{2A}{10} = \frac{A}{5}$$

$$I = 0.2A$$

queda:

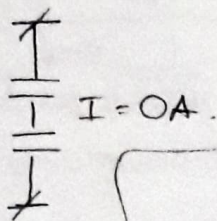


$$I(t) = I_{max} (1 - e^{-t/L})$$

com $I_{max} = \frac{\varepsilon}{R}$

$$I(t \rightarrow \infty) = \frac{\varepsilon}{R} \rightarrow \text{com } R = R_1 + R_2 = 2R = \dots = 120\Omega$$

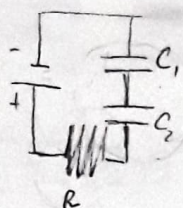
Em la rama:



c) la carga de cada capacitor:

Sabemos que

$$q(t) = Q_{max} (1 - e^{-t/RC})$$



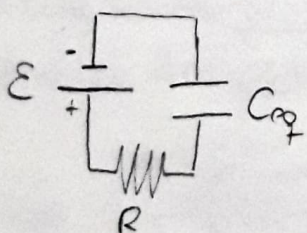
$$\Delta V_1 + \Delta V_2 = \Delta V = \Delta V_R$$

$$\frac{Q}{C_1} + \frac{Q}{C_2} = \frac{Q}{C_{eq}}$$

$$Q \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \right) = \frac{Q}{C_{eq}}$$

Carga de dos capacitores en serie.

$$C_{eq} = \frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2} = \left(\frac{0,33 \cdot 0,47}{0,33 + 0,47} \right) \mu F = \frac{1551}{800} \mu F$$



$$Q_t = C_{eq} \Delta V \Rightarrow ?$$

$$Q(t) = Q_{max} (1 - e^{-t/RC})$$

$$Q(t) = C \varepsilon (1 - e^{-t/RC})$$

$$\varepsilon - \Delta V_C - \Delta V_R = 0$$

$$\varepsilon = \Delta V_C + \Delta V_R$$

$$\varepsilon = \frac{Q}{C_{eq}} + I \cdot R$$

$$\therefore Q_{max} = C_{eq} \cdot \varepsilon = \left(\frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2} \right) \varepsilon = \left(\frac{0,33 \cdot 0,47}{0,33 + 0,47} \right) \mu F \cdot 12V = \left(\frac{0,33 \cdot 0,47}{0,8} \right) \mu F \cdot 12V$$

$$Q_{total} = Q_1 = Q_2 \quad C_1 \perp C_2 \quad C_{eq} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$

$$\Delta V = \Delta V_1 + \Delta V_2$$

$$Q = \Delta V C_{eq} \quad \Delta V = \Delta V_1 + \Delta V_2$$

$$Q = C_{eq} \varepsilon \rightarrow \Delta V = \varepsilon$$

$$\Delta V_1 + \Delta V_2 = \varepsilon$$

$$\frac{Q}{C_1} + \frac{Q}{C_2} = \varepsilon$$

$$\Delta V_1 = \varepsilon \frac{C_2}{C_1 + C_2} \cdot \frac{1}{C_1} = 12V \cdot \frac{0,33}{0,8} = 4,95V$$

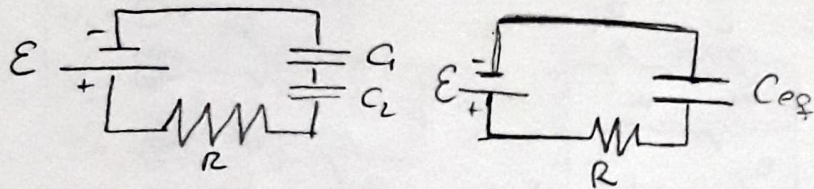
$$\frac{\varepsilon C_{eq}}{C_1} + \frac{\varepsilon C_{eq}}{C_2} = \varepsilon$$

$$2,326 \mu C \quad 2,326 \mu C$$

$$\Delta V_2 = \varepsilon \frac{C_1}{C_1 + C_2} \cdot \frac{1}{C_2} = 12V \cdot \frac{0,47}{0,8} = 7,05V \quad Q_1 = Q_2 =$$

PS c)

15



$$Q_1 = Q_2 = Q_{\text{total}}$$

$$\Phi = C \Delta V$$

$$C_{eq} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$

$$\Delta V = \Delta V_1 + \Delta V_2$$

$$Q = Q_{\text{max}} (1 - e^{-\frac{t}{RC}}) \Rightarrow Q = C \varepsilon (1 - e^{-\frac{t}{RC}})$$

$$Q = C_{eq} \varepsilon = \left(\frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} \right) \cdot \varepsilon$$

$$\Delta V_1 = \left[\frac{C_2}{C_1 + C_2} \cdot \varepsilon \right] \cdot \frac{1}{C_1} = \left[\frac{Q}{C_1} \right] = \frac{\varepsilon C_2}{C_1 + C_2} \Rightarrow \Phi_1 = \Delta V_1 \cdot C_1 = C_1 \left[\frac{\varepsilon C_2}{C_1 + C_2} \right]$$

$$\Delta V_2 = \frac{Q}{C_2} = \left[\frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} \right] \varepsilon \cdot \frac{1}{C_2} = \frac{\varepsilon C_1}{C_1 + C_2} \Rightarrow \Phi_2 = \Delta V_2 \cdot C_2 = C_2 \left[\frac{\varepsilon C_1}{C_1 + C_2} \right]$$

|| Equates

$$\Phi_1 = \Phi_2$$

