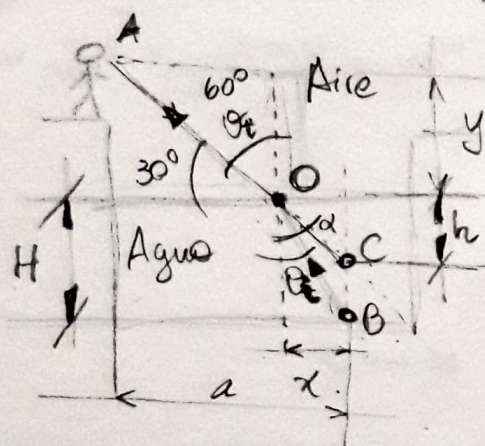


P3. Una Persona observa desde el aire un objeto que se encuentra en el fondo de una pileta llena de agua. El observador determina una profundidad aparente de $h = 1,8\text{m}$. Sabiendo que su visual forma un ángulo de 30° con la superficie del agua, determine la profundidad real H a la que se encuentra el objeto.



$$H = ?$$

$$n_t = 1 \quad \theta_t = 60^\circ$$

$$n_i = \frac{4}{3} \quad \theta_i = \arcsin\left(\frac{3}{4} \sin 60^\circ\right)$$

$$t: \sin \theta_t = \frac{O_P}{H_{iP}} = \frac{|a-x|}{AO} = \frac{|a-x|}{\sqrt{(a-x)^2 + y^2}}$$

$$i: \sin \theta_i = \frac{O_P}{H_{iP}} = \frac{x}{BO} = \frac{x}{\sqrt{x^2 + H^2}}$$

$$* n_{\text{Agua}} \sin(\theta_{\text{Agua}}) = n_{\text{Aire}} \sin(\theta_{\text{Aire}})$$

$$\sin \alpha = \frac{O_P}{H_{iP}} = \frac{x}{CO} = \frac{x}{\sqrt{x^2 + h^2}}$$

$\alpha = \theta_t$ como esto se cumple podemos demostrar está

Igualdad por snell

$$n_i \sin \theta_i = n_t \sin \theta_t *$$

$$\left. \begin{aligned} \sin(\theta_{\text{Agua}}) &= \frac{x}{\sqrt{x^2 + H^2}} \\ \sin(\theta_{\text{Aire}}) &= \frac{x}{\sqrt{h^2 + x^2}} \end{aligned} \right\}$$

$$n_{\text{Agua}} \left(\frac{x}{\sqrt{x^2 + H^2}} \right) = n_{\text{Aire}} \left(\frac{x}{\sqrt{h^2 + x^2}} \right)$$

$$\frac{4}{3} \sqrt{h^2 + x^2} = \sqrt{H^2 + x^2} \Rightarrow x \rightarrow 0 \quad \text{hacemos tender a cero a } x$$

$$\therefore \frac{4}{3} h = H \Rightarrow H = \frac{4}{3} \cdot 1,8\text{m} = \frac{4 \cdot 18}{10} \text{m} = 2,4\text{m} \quad \boxed{2,4\text{m}} = H$$