Universidade Federal de Sergipe - CCET - Departamento de Computação Grafos e Algoritmos Computacionais - Turma T02 - 2025.1 - Prova 1
Professor: Breno Piva Ribeiro Aluno: Davi Bittencourt de Almeida

- 1) (valor: 2,0) Em todo grafo *G* simples e conexo, dois caminhos de comprimento máximo possuem, pelo menos, um vértice em comum. Provar ou dar contra-exemplo.
- 2) (valor: 2,0) Seja *G* um grafo conexo. Provar que *G* é uma árvore se e somente se toda aresta de *G* é uma aresta de corte.
- 3) (Valor: 2,0) Seja *G* um grafo conexo que não é Euleriano. Prove que é possível adicionar um único vértice juntamente com algumas arestas ligando este novo vértice a vértices antigos de modo que o novo grafo seja Euleriano.
- O<sub>L</sub>O 4) (valor: 2,0) Um grafo G(V,E) é maximal k-colorível quando G for k-colorível e para todo par de vértices v, w pertencentes a V, o grafo G+(v,w) não é k-colorível. Mostrar que G é maximal 2-colorível se e somente se G for bipartido completo.
- $O_{\ell O}$  5) (Valor: 2,0) Seja G um grafo simples com 11 vértices. Prove que G ou seu complemento deve ser não planar. (Fórmula de Euler: n+f=m+2)

