

③ Para que o grafo G seja Euleriano, ~~todos os vértices de G devem~~ ele ~~deve~~ deve possuir um ~~ciclo~~ ciclo Euleriano, que é um ciclo que ~~passa por todos~~ não possui arestas repetidas. Em um ciclo Euleriano o grau ~~do~~ de todos os vértices deve ser ~~par, (considerar)~~ par (+1 aresta para chegar no vértice e ~~mais~~ +1 aresta para sair do vértice), dessa forma, basta ~~se~~ inserir um vértice qualquer v_i em um grafo Euleriano e inserir 1 aresta para cada vértice ímpar do grafo ~~conectando~~ conectando ~~os dois vértices~~ ao novo vértice.

NÃO!

$$G(V, E)$$

Seja então ~~G~~ um grafo não Euleriano. ~~Seja~~ v_i um vértice qualquer tal que $v_i \notin V$. Adicione o vértice v_i ao grafo G , formando o grafo $G' = G + v_i$. ~~Para~~ Para cada vértice ~~de grau~~ $v \in G$ ~~(distin)~~ de grau ímpar, ~~ins)~~ adicione uma aresta $E(v, v_i)$, tornando ~~o~~ v um vértice de grau par. Como ~~$\sum g(v) = 2E$~~ $\sum g(v) = 2E$ para todo vértice $v \in G$ (cada aresta computa em 2 no somatório total do grau dos ~~cada~~ vértices de um grafo, 1 para cada extremo), isso indica que o somatório total ~~dos~~ do grau dos vértices ~~do~~ de um grafo é par. Ao separar os vértices de grau par e de grau ímpar, temos:

$$\sum g(v) = \sum g(v_p) + \sum g(v_i), \text{ onde } v_p \text{ são vértices de grau par e } v_i \text{ são vértices de grau ímpar.}$$

Para que esse somatório resulte em um número par, a quantidade de vértices de grau ímpar deve ser par. Sendo assim, como a quantidade de vértices de grau ímpar em um grafo é um número par, o ~~gr~~ vértice v_i ~~adicional~~ possui também grau par, então G' é um grafo onde todos os vértices possui grau par. Portanto, ~~$G' = G + v_i$~~ o grafo resultante da adição de v_i e de algumas arestas é euleriano.