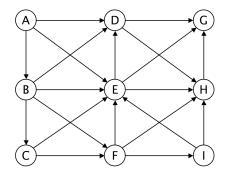
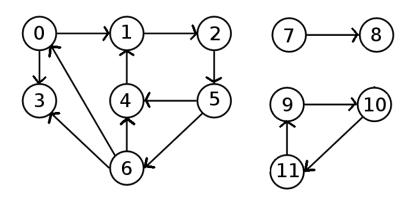
Universidade Tecnológica Federal do Paraná (UTFPR) Departamento Acadêmico de Informática (DAINF) Professora: <u>Juliana de Santi</u> (jsanti@utfpr.edu.br)

Lista de exercícios (Busca em Grafos)

1)(Princeton University) Considere o seguinte grafo direcionado:



- a) Considere a execução da busca em profundidade (DFS) comecando pelo vértice A. Assuma que as listas de adjacências estão em ordem lexográfica/alfabética, ou seja, ao explorar o vértice E, considere E-D antes de E-G ou E-H. Complete a lista de vértices da ordem de descoberta do DFS.
- 2) Modifique as funções para busca em profundidade (DFS), em anexo, para indicar quais arestas do grafo são arestas da árvore DFS e quais não são. Você deve indicar também quais vértices são visitados durante o DFS.



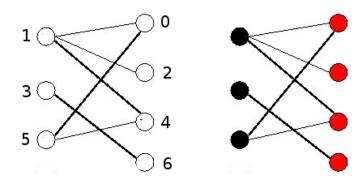
Saída esperada:

Começando do vértice 0 (DFS): 0 1 2 5 4 6 3

Começando do vértice 7 (DFS): 7 8 Começando do vértice 9 (DFS): 9 10 11

Aresta arvore: 0 - 1
Aresta arvore: 1 - 2
Aresta arvore: 2 - 5
Aresta arvore: 5 - 4
Aresta outra: 4 - 1
Aresta arvore: 5 - 6
Aresta arvore: 6 - 0
Aresta arvore: 6 - 3
Aresta outra: 6 - 4
Aresta outra: 0 - 3
Aresta arvore: 7 - 8
Aresta arvore: 9 - 10
Aresta arvore: 10 - 11
Aresta outra: 11 - 9

3) Em teoria dos grafos, um grafo bipartido ou bigrafo é um grafo cujos vértices podem ser divididos em dois conjuntos disjuntos U e V tais que toda aresta conecta um vértice em U a um vértice em V; ou seja, U e V são conjuntos independentes. Como analogia, suponha que seja necessário separar um conjunto de pessoas em dois grupos tal que dentro de um grupo não existam duas pessoas que se odeiam. O grafo abaixo é um exemplo de grafo bipartido:



Modifique as funções para busca em profundidade (DFS), em anexo, para que seja possível determinar se um dado grafo é bipartido ou não. Podemos modificar a DFS da seguinte forma: quando um novo vértice u for descoberto, atribua a ele uma cor oposta a de seu pai. Para toda aresta adjacente a u, verifique se u não tem algum vértice vizinho com a mesma cor, se ele tiver então o grafo é não bipartido. O primeiro vértice em qualquer componente conexa pode ser de qualquer cor. Para construir o grafo da figura acima crie as seguintes arestas:

```
inserir_aresta (G, 0, 1); /*Aresta 0-1 e 1-0*/
inserir_aresta (G, 1, 0);
inserir_aresta (G, 0, 5); /*Aresta 0-5 e 5-0*/
inserir_aresta (G, 5, 0);
inserir_aresta (G, 2, 1); /*Aresta 2-1 e 1-2*/
inserir_aresta (G, 1, 2);
inserir_aresta (G, 4, 1); /*Aresta 4-1 e 1-4*/
inserir_aresta (G, 1, 4);
inserir_aresta (G, 4, 5); /*Aresta 4-5 e 5-4*/
inserir_aresta (G, 5, 4);
inserir_aresta (G, 6, 3); /*Aresta 6-3 e 3-6*/
inserir_aresta (G, 3, 6);
```

Adicione uma aresta ao grafo acima de tal forma a torná-lo não bipartido e teste se sua solução realmente funciona.

Dica: você pode adicionar um inteiro pintaCor na chamada do DFS-Visit.