

Tópico: Complexidade de Algoritmos Iterativos e Recursivos

1. Encontre fórmula $T(n)$ para expressar a complexidade de tempo dos algoritmos a seguir:

- (a)

```
int exerc1(int n) {  
    int soma = 0;  
    for(int i = 1; i <= n; i++)  
        soma += i*i*i;  
    return soma;  
}
```
- (b)

```
int exerc2(int n) {  
    int a = 0;  
    for(int i = 0; i < n; i+=2)  
        a +=i;  
    return a;  
}
```
- (c)

```
int exerc3(int n) {  
    int a = 0;  
    for(int i = 1; i < n; i++)  
        for(int j = i+1; j <= n; j++)  
            for(int k = 1; k <= i; k++)  
                a += i + j + k;  
    return a;  
}
```
- (d)

```
int exerc4(int n) {  
    int a = 0;  
    for(int i = 0; i < n; i++)  
        for(int j = 0; j <= n-i ; j++)  
            a += i + j;  
    return a;  
}
```
- (e)

```
int exerc5(int n) {  
    int a = 0;  
    for(int i = 0; i < n; i++)  
        for(int j = 0; j <= n-i ; j++)  
            a += i + j;  
    return a;  
}
```
- (f)

```
int exerc6(int n) {  
    int a = 0;  
    for(int i = 1; i < n; i=i*2)  
        a += i;  
    return a;  
}
```
- (g)

```
int exerc7(int n) {  
    int a = 0;  
    for(int i = 0; i < n*n; i++)  
        for(int j = 0; j <= i; j++)  
            a +=i;
```

```

        return a;
    }
(h) int exerc(int n) {
    if n = 0
        then return 1;
    else return n + exerc(n-1);
}
(i) int exerc(int n) {
    if n = 0
        then return 1;
    else return 2*exerc(n-1);
}
(j) int exerc(int n) {
    if n = 0
        then return 1;
    else return exerc(n-1) + exerc(n-1);
}
(k) int exercL(int n) {
    if n = 0
        then return 1;
    else return n*exerc(n-1);
}
(l) int exerc(int n) {
    if n <= 1
        then return 1;
    else return exerc(n div 2) + n;
}
(m) int exerc(int n) {
    if n = 0
        then return 1;
    else {
        int a = 0;
        for(i = 1; i <= n; i++)
            a += i;
        return exerc(n-1) + a;
    }
}
(n) int exerc(int n) {
    if n = 0
        then return 1;
    else {
        int a = 0;
        for(i = 1; i <= n; i++)
            a += exerc(n-i);
        return a;
    }
}
(o) int exerc(int n) {
    if n = 0
        then return 1;
    else return exerc(n-1) + exerc(n-1) +
        exerc(n-2) + exerc(n-2) + exerc(n-2);
}

```

```

(p) int exerc(int n) {
    if n = 0
        then return 1;
        else return 2*exerc(n-1) + 3*exerc(n-2);
    }
(q) int exerc(int n) {
    if n = 0
        then return 1;
        else return exerc(exerc(n-1)) + n;
    }

```

2. Considere algoritmos A, B e C de complexidade de tempo $T_A \in O(n \lg n)$, $T_B \in O(n)$ e $T_C \in O(n^2)$. Calcule a complexidade do melhor caso e do pior caso dos algoritmos abaixo:

```

(a) Algoritmo P1
    if A
        then B
        else C
    endif
end
(b) Algoritmo P2
    A;
    B;
    C;
end
(c) Algoritmo P3
    for i = 1 to n do
        A;
    od
    B;
    C;
end
(d) Algoritmo P4
    if B
        then A
    endif
    C;
end
(e) Algoritmo P5
    for i = 1 to n do
        B;
        C;
    od
    A;
end

```

3. Projete um algoritmo para calcular a moda (valor mais frequente) de um vetor não ordenado. Calcule a complexidade de tempo de seu algoritmo.
4. Projete um algoritmo para calcular a moda de um vetor ordenado. Calcule a complexidade de seu algoritmo.