310 **PUC Minas**

Pontificia Universidade Católica de Minas Gerais

LISTA DE EXERCÍCIOS DE CÁLCULO APLICADO 1 - FUNÇÕES

- 1- Exprimir como função de x:
 - A área de uma circulo de raio x. $\triangle = 1.3$
 - A área de um cubo de aresta x. A _ X2 b)
 - A área total de uma caixa de volume dado V, sabendo-se que a base é um quadrado de lado x. c)



- 2- Qual é a notação das seguintes funções de R em R?
 - associa cada número real ao seu oposto. associa cada número real ao seu cubo. $(x) = -x^3$ *f* a)
 - *g* b)
 - associa cada número real ao seu quadrado menos 1. $(x) = (x^2 1)$ h c)
 - associa cada número real ao número 2. k d)
- 3- Dados os conjuntos $A = \left\{1, \frac{3}{2}, \frac{3}{4}\right\}$ $e B = \left\{3, 2, 4, \frac{5}{2}\right\}$, quais das relações seguintes são funções de A em B?
 - a) $R = \{(x, y) \in A \times B | y = \frac{3}{y} \};$
 - b) $f = \{(x, y) \in A \times B | y = 4 x \}$;
 - c) $g = \{(x, y) \in A \times B | y = 2\};$
 - d) $h = \{(x, y) \in A \times B | x \in Q \text{ e } y \in N\}$;
- 4- O conjunto $f = \{(3,4), (5,8), (6,1), (3,6)\}$ é uma relação de A= $\{3,5,6\}$ num conjunto B. Essa relação é função de A em B? Por quê?
- 5- Dados os conjuntos $A=\{-1, 0, 1, 2, 3\}$ e $B=\{-1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 11\}$, determine o domínio D(f), o contra-domínio CD(f) e o conjunto imagem Im(f) da função $f = \{(x, y) \in A \times B | y = 3x + 2\}$
- 6- Dados os conjuntos $A=\{-2,-1,0,1,2\}$ e $B=\{0,3,4,5,12\}$, determine o domínio, o contra-domínio e o conjunto imagem da função $f = \{(x, y) \in A \times B | y = 3x^2\}$
- 7- Seja a função $\int_{0}^{\pi} dx = R definida por f(x) = \frac{2x-3}{5}$. Qual é o elemento do domínio que tem como imagem? $-\frac{3}{4}$

8- (Fuvest-SP) Uma função f satisfaz a seguinte condição: f(x+1) = f(x) + f(1) para qualquer valor real da variável x. Sabendo que f(2) = 1, podemos concluir que f(5) é igual a:

$$a)\frac{1}{2}$$
 $b)$ 1 $c)\frac{5}{2}$ $d)$ 5 $e)$ 10

9- (Fatec-SP) Seja a função $f: \mathbb{N}^* \to \mathbb{N}^*$ tal que $f(n+1) = (n+1) \cdot f(n)$, para todo $n \in \mathbb{N}^*$. Se $x = \frac{f(8) - f(7)}{f(7)}$, então:

a)
$$x = 8$$
 b) $x = 7$ c) $x = 6$ d) $x = 5$ e) $n.d.a$

10-Construa o gráfico cartesiano das funções de R em R. Em seguida determine o domínio e o conjunto imagem:

a)
$$y = 2x - 1$$
 b) $y = -x + 2$ c) $f(x) = \frac{4 - 3x}{2}$ d) $y = \frac{2x - 3}{2}$

- 11- Determine a função do 1° grau, cujo gráfico passa pelos pontos. Em seguida encontre a raiz dessa função:
 - a) A = (1,3) e B = (0,1);
 - b) A = (1,2) e B = (0,3);
 - c) A = (-1,2) e B = (2,-1);
 - d) A = (1,2) e B = (-2,-2);
- 12- Determine k de modo que as funções sejam abaixo crescentes.
 - a) $y = (k-3)x + \sqrt{3}$.
 - b) y = -2 + (4k 1)x.
 - c) y = (-3 k)x + 5
- 13- Determine k de modo que as funções sejam abaixo decrescentes
 - a) y = (2k 1)x + 21
 - b) y = -7 (2k + 3)x.
 - c) $y = (\frac{k}{3} 1)x + \frac{5}{4}$

14- Estude a variação de sinal de cada uma das funções:

$$a) f(x) = 2x - 5$$

$$b) f(x) = -2x - 5$$

$$c) f(x) = \frac{x}{3} + 1$$

$$d) f(x) = -\frac{x}{3} + 1$$

$$e) f(x) = \sqrt{2} x - \sqrt{6}$$

$$f) f(x) = -\sqrt{2} x - \sqrt{6}$$

é tal que f(3) = 0 e f(4) > 0. Pode-se afirmar que: 15- A função f(x) = ax + b

a)
$$a < 0$$

b)
$$f(0) = 3$$

- c) f é constante
- d)f é crescente em todo domínio

16- Um banco paga as contas de um cliente. As contas vencem, no mês de abril, segundo a função $y = -\frac{2x}{3} + 18$, em que $x \in \{1,2,3,\dots,30\}$ $y \in 6$ o saldo do cliente em US\$ 1.000,00 no dia x de abril.

- a) Em que dia do mês de abril o saldo do cliente chega a US\$ 0,00?
- b) Em que intervalo de tempo, no mês de abril, o saldo é positivo?
- c) Em que intervalo de tempo, no mês de abril, o saldo é negativo?

17- Resolva em R as inequações:

$$a)(2x-1)(x-2) \ge 0$$

$$b) (1 - x)(x + 2) < 0$$

$$c)x(x-1) \le 0$$

$$d)(3x - 9)(x + 2) < 0$$

$$e)(6-2x)(x-1) \le 0$$

$$f)x(1-x) \ge 0$$

$$g)\frac{4}{2x-1} > 0$$

$$h)\frac{2x-3}{x-5} > 0$$

$$h)\frac{2x-3}{x-5} > 0$$

$$i)\frac{5x+1}{1+x} \ge 0$$

$$j)\frac{3-2x}{7-2x} < 0$$

Para os números 18 a 20, encontre uma fórmula para a função descrita.

- 18- Um retângulo tem um perímetro de 20 metros. Expresse a área do retângulo como uma função do comprimento de um de seus lados.
- 19- Expresse a área de um triângulo equilátero como uma função do comprimento de um lado.
- 20- Uma caixa retangular aberta com volume de $2m^3$ tem uma base quadrada. Expresse a área superficial da caixa como uma função do comprimento de um lado da base.

RESPOSTAS:

3) a) R é função de A em B; b) f não é função de A em B; c) g é função de A em B; d) h não é função de A em B; 4) não;

5)
$$D(f) = \{-1, 0, 1, 2, 3\}; CD(f) = \{-1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 11\}; Im(f) = \{-1, 2, 5, 8, 11\};$$

6)
$$D(f) = \{-2,-1, 0, 1,2\}; CD(f) = \{0, 3, 4, 5, 12\}; Im(f) = \{0, 3, 12\}$$

7)
$$x = -\frac{3}{8}$$
; 8) c); 9) b);

11) a)
$$f(x) = 2x + 1$$
; b) $f(x) = -x + 3$; c) $f(x) = -x + 1$ d) $f(x) = \frac{4}{3}x + \frac{2}{3}$;

12)
$$a)k > 3$$
; $b) k > \frac{1}{4}$ $c)k < -3$; $13)k < \frac{1}{2}$; $b) k > -\frac{3}{2}$ $c)k < 3$

14) a)
$$x = \frac{5}{2} \Rightarrow f(x) = 0; \ x > \frac{5}{2} \Rightarrow f(x) > 0; \ x < \frac{5}{2} \Rightarrow f(x) < 0;$$

b)
$$x = -\frac{5}{2} \Rightarrow f(x) = 0$$
; $x > -\frac{5}{2} \Rightarrow f(x) < 0$; $x < -\frac{5}{2} \Rightarrow f(x) > 0$;

c)
$$x = -3 \Rightarrow f(x) = 0$$
; $x > -3 \Rightarrow f(x) > 0$; $x < -3 \Rightarrow f(x) < 0$;

d)
$$x = 3 \Rightarrow f(x) = 0$$
; $x > 3 \Rightarrow f(x) < 0$; $x < 3 \Rightarrow f(x) > 0$;

e)
$$x = \sqrt{3} \Rightarrow f(x) = 0$$
; $x > \sqrt{3} \Rightarrow f(x) > 0$; $x < \sqrt{3} \Rightarrow f(x) < 0$;

$$f(x) = -\sqrt{3} \Rightarrow f(x) = 0; \ x > -\sqrt{3} \Rightarrow f(x) < 0; \ x < -\sqrt{3} \Rightarrow f(x) > 0;$$

$$17)a)S = \left\{ x \in R \middle| x \le \frac{1}{2} \text{ ou } x \ge 2 \right\}; \qquad b) S = \left\{ x \in R \middle| x < -2 \text{ ou } x > 1 \right\};$$

c)
$$S = \{x \in R | 0 \le x \le 1\};$$
 d) $S = \{x \in R | -2 < x < 3\};$

e)
$$S = \{x \in R | x \le 1 \text{ ou } x \ge 3\};$$
 $f)S = \{x \in R | 0 \le x \le 1\};$

g)
$$S = \left\{ x \in R \middle| x > \frac{1}{2} \right\};$$
 $h) S = \left\{ x \in R \middle| x < \frac{3}{2} \text{ ou } x > 5 \right\}$

i)
$$S = \left\{ x \in R \middle| x < -1 \text{ ou } x \ge -\frac{1}{5} \right\}$$
 j) $S = \left\{ x \in R \middle| \frac{3}{2} < x < \frac{7}{2} \right\}$

18)
$$A(L) = 10L - l^2$$
 19) $A(x) = \frac{\sqrt{3}x^2}{4}$ 20) $S(x) = x^2 + \frac{8}{x}$