Prova

Mario Leston

5 de outubro de 2021

Exercício 1. Usando *closures* escreva uma função media que devolve uma função que consome um número e devolve a média dos números consumidos até o momento. Eis um exemplo do comportamento de sua função:

```
const md = media()
console.log(md(7)); // escreve 7
console.log(md(6)); // escreve 6.5
console.log(md(8)); // escreve 7
console.log(md(10)); // escreve 7.75
```

A seguinte definição será útil. Dizemos que um vetor vs é válido se vs[i]!== null e vs[i]!== undefined para cada i = 0, 1, ..., vs.length - 1.

Exercício 2. Escreva uma função minBy que recebe um vetor vs válido e não-vazio e uma função key que leva cada objeto que habita vs em uma entidade comparável e devolve um habitante, digamos x, de vs para o qual key(x) é mínima.

Exercício 3. Suponha que você quer representar pontos no plano bidimensional. Cada ponto tem, então, duas propriedades, uma coordenada x e uma coordenada y.

(i) Escreva uma função makePoint(x, y) que devolve um objeto que representa um ponto de coordenadas $x \in y$ no plano bidimensional.

Você deve ter aprendido em álgebra vetorial que está definida uma operação de soma de pontos no plano bidimensional da seguinte forma: se $p = (x_1, y_1)$ e $q = (x_2, y_2)$ são pontos, então p + q é o ponto $(x_1 + x_2, y_1 + y_2)$.

(ii) Escreva uma função que recebe dois pontos e devolve a soma destes pontos.

(iii) Uma forma alternativa de implementar esta operação consiste em definir um método para o objeto que representa um ponto. Tal método recebe um outro ponto e devolve a soma destes dois pontos. Escreva-o.

A distância entre os pontos (x_1, y_1) e (x_2, y_2) é o número

$$\sqrt{(x_1-x_2)^2+(y_1-y_2)^2}$$
.

- (iv) Escreva uma função que recebe dois pontos p e q e devolve a distância entre p e q. Use a função Math.sqrt.
- (v) Defina um método distância para um ponto que recebe um outro ponto e devolve a distância entre estes pontos.
- (vi) Usando a função que você escreveu no Exercício 2, escreva uma função que recebe um ponto **q** e um vetor **ps** válido e não-vazio de pontos e devolve um ponto de **ps** que está a uma distância mínima de **q**.
- (vii) Escreva tal função como um método de um objeto que representa um ponto.
- (viii) Usando a função que você escreveu no Exercício 2, escreva uma função que recebe um ponto ${\bf q}$ e um vetor ${\bf ps}$ válido e não-vazio de pontos e devolve um ponto de ${\bf ps}$ que está a uma distância máxima de ${\bf q}$.
- (ix) Usando a função que você escreveu no Exercício 1, escreva uma função que recebe um ponto **q** e um vetor **ps** válido e não-vazio de pontos e devolve a média das distâncias de **q** até cada um dos elementos de **ps**.