Instituto de Informática Departamento de Informática Teórica 2018/2 Prof. Luciana Salate Buriol

## Trabalho Final de Otimização Combinatória (2018/2)

## 1 Definição

O trabalho final consiste no estudo e implementação de uma meta-heurística sobre um problema  $\mathcal{NP}$ -completo, e na formulação matemática em programação linear inteira mista deste problema. O trabalho deve ser realizado em grupos, e cada grupo escolhe uma combinação (*problema*, *meta-heurística*). Não há restrições quanto a repetição de problemas e técnicas, mas cada grupo deve ter um combinação única de problema e técnica de resolução.

O trabalho é dividido em quatro partes: (i) formulação matemática, (ii) implementação da meta-heurística, (iii) relatório, e (iv) apresentação em aula das partes (i) e (ii) e dos resultados obtidos. Informações sobre cada parte são detalhadas nas seções a seguir. A definição dos problemas e instâncias, bem como alguns materiais adicionais, também se encontram neste documento.

A entrega deverá ser feita pelo *moodle* da disciplina, até a data previamente definida. As quatro partes devem ser entregues em um arquivo compactado (formatos .tar.gz, .zip, .rar, ou .7z). Note que para a implementação, deve ser entregue o código fonte e **não** o executável.

# 2 Formulação Matemática

O problema escolhido pelo grupo deve ser formulado matematicamente em Programação Linear, e esta deve ser implementada em GNU MathProg para ser executada no GLPK. O arquivo de formulação **deve** ser separado do arquivo de dados, como visto em aula de laboratório. A entrega deve conter um arquivo de modelo (arquivo .mod), e os arquivos de dados das instâncias, já convertidos para o padrão do GLPK e de acordo com a formulação proposta.

# 3 Implementação

A implementação do algoritmo proposto pode ser feita nas **linguagens de programação gratuitas** (C, C++, Java, Python, Julia, etc.), **sem o uso de bibliotecas proprietárias**. A compilação e execução dos códigos deve ser possível em ambiente Linux **ou** Windows, pelo menos. Além disso, alguns critérios básicos devem ser levados em conta no desenvolvimento:

- Critérios de engenharia de software: documentação e legibilidade, mas sem exageros;
- Todas as implementações devem fazer a leitura de uma instância no formato do problema na entrada padrão (stdin) e imprimir a melhor solução encontrada, bem como o tempo de execução, na saída padrão (stdout);

- Os parâmetros do método de resolução devem ser **recebidos via linha de comando**<sup>1</sup>, em especial a semente para o gerador de números pseudo aleatórios;
- Critérios como qualidade das soluções encontradas e eficiência da implementação serão levados em conta na avaliação (i.e., quando modificar uma solução, calcular a diferença de custo do vizinho, e não o custo de toda a solução novamente).
- O critério de parada do algoritmo não deve ser tempo de execução. Alguns dos critérios de parada permitidos são: número de iterações, número de iterações sem encontrar uma solução melhor, ou proximidade com algum limitante, ou ainda a combinação de algum dos anteriores. Estes critérios devem ser calibrados de forma a evitar que o algoritmo demore mais do que cinco minutos para executar nas instâncias fornecidas;

A entrega da implementação é o **código fonte**. Junto com ele deve haver um arquivo README informando como compilar/executar o código, e se são necessárias quaisquer bibliotecas específicas (Boost, Apache Commons, etc.).

### 4 Relatório

O relatório, a ser entregue em formato PDF, deve possuir no máximo seis páginas (sem contar capa e referências), e deve apresentar configurações adequadas de tamanhos de fonte e margens. O documento deve conter, no mínimo, as seguintes informações:

- Introdução: breve explicação sobre o trabalho e a meta-heurística desenvolvida;
- Problema: descrição clara do problema a ser resolvido, e a formulação dele em Programação Linear, devidamente explicada, ressaltando a incumbência de cada restrição do problema e a função objetivo modelada;
- Descrição **detalhada** do algoritmo proposto: em especial, com as justificativas para as escolhas feitas em cada um dos itens a seguir,
  - 1. Representação do problema;
  - 2. Principais estruturas de dados;
  - 3. Geração da solução inicial;
  - 4. Vizinhança e a estratégia para seleção dos vizinhos;
  - 5. Parâmetro(s) do método, com os valores utilizados nos experimentos;
  - 6. O(s) critério(s) de parada do algoritmo.
- Uma tabela de resultados, com uma linha por instância testada, e com no mínimo as seguintes colunas:
  - 1. Valor da relaxação linear encontrada pelo GLPK com a formulação matemática;
  - 2. Valor da melhor solução inteira encontrada pelo GLPK com a formulação matemática (reportar mesmo que não ótima);
  - 3. Tempo de execução do GLPK (com limite de 1h, ou mais);
  - 4. Valor médio da solução inicial do seu algoritmo;
  - 5. Valor médio da melhor solução encontrada pelo seu algoritmo;
  - 6. Desvio padrão das melhores soluções encontradas pelo seu algoritmo;
  - 7. Tempo de execução médio, em segundos, do seu algoritmo;

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Na linguagem C++, por exemplo, os parâmetros da linha de comando são recebidos com uso de argc e argv na função main.

- 8. Desvio percentual médio das soluções obtidas pelo seu algoritmo em relação à melhor solução conhecida. Assumindo que S seja a solução obtida por seu algoritmo e  $S^*$  seja a melhor conhecida, o desvio percentual para problemas de minimização é dado por  $100\frac{S-S^*}{S^*}$ ; e de maximização por  $100\frac{S^*-S}{S^*}$ ;
- Análise dos resultados obtidos;
- Conclusões;
- Referências utilizadas.

Os resultados da meta-heurística devem ser a média de 10 execuções (no mínimo) para cada instância. Cada execução deve ser feita com uma *semente* (do inglês, *seed*) de aleatoriedade diferente, a qual deve ser informada para fins de reprodutibilidade (uma sugestão é usar sementes no intervalo [1,k], com k o número de execuções). Note que a semente é um meio de fazer com que o gerador de números aleatórios gere a mesma sequência quando a mesma semente é utilizada <sup>2</sup>.

### 5 Problemas

Esta seção descreve os problemas considerados neste trabalho. Cada grupo deve resolver aquele que escolheu.

**Dica:** utilize o DOI (https://www.doi.org/) para obter os trabalhos de referência dos problemas!

#### Multiple Depot Vehicle Scheduling Problem (MDVSP)

Instância: é composta por um conjunto  $K=\{1,\ldots,k\}$  de garagens e um conjunto  $T=\{1,\ldots,t\}$  de viagens. Considerando  $P=\{1,\ldots,k,k+1,\ldots,k+t\}$ , a matriz de adjacências  $M_{i,j}$  indica a viabilidade de execução dos pares de viagens  $i,j\in P$ . Cada posição da matriz apresenta um valor de custo associado, ou -1 denotando uma sequência de viagens infactível. Além disso, cada garagem  $k\in K$  apresenta um número máximo de veículos disponíveis  $v_k\in \mathbb{N}^*$ .

**Solução:** diversas sequências de viagens (caminhos). Cada veículo sai de uma das garagens do problema, executa uma sequência de viagens compatíveis, e retorna para a sua respectiva garagem.

**Objetivo:** Dada uma matriz de conexões  $M_{i,j}$  e a capacidade das garagens, encontre a solução de menor custo em que cada viagem de T é executada por exatamente um dos veículos da solução. O número de veículos utilizados não deve ultrapassar a capacidade das garagens do problema.

**Referência base:** Pepin et al. (2009). A comparison of five heuristics for the multiple depot vehicle scheduling problem. Journal of Scheduling. DOI 10.1007/s10951-008-0072-x.

Arquivos de instâncias: disponíveis em https://personal.eur.nl/huisman/instances.htm. Note que somente as instâncias listadas abaixo devem ser resolvidas.

**Melhores valores de solução conhecidos:** Você também pode consultar os BKS no site em que as instâncias estão publicadas. Valores marcados em negrito

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Na linguagem C++, por exemplo, a semente é passada para o método construtor da classe std::mt19937, que implementa o gerador de números pseudo aleatórios de Mersenne

referem-se às soluções ótimas para as referidas instâncias.

Instância	Núm. garagens	Núm. viagensBKS		BKS
	Training gurung en a	Train. Tagens	Valor obj.	Núm. veículos
m4n500s2	4	500	1283811	123
m4n500s4	4	500	1317077	126
m8n500s0	8	500	1292411	124
m4n1000s3	4	1000	2490812	237
m4n1000s4	4	1000	2519191	238
m8n1000s0	8	1000	2422112	232
m8n1000s2	8	1000	2556313	247
m4n1500s1	4	1500	3559176	338
m8n1500s1	8	1500	3802650	366
m8n1500s4	8	1500	3704953	360

#### **Weighted Tardiness**

Instância: Considere um conjunto de tarefas  $N = \{1, \ldots, j\}$  que devem ser processadas sequencialmente por uma máquina. Interrupções não são permitidas, e uma vez iniciado o processamento, uma tarefa devem ser executada integralmente. Todas as tarefas estão disponíveis para processamento no tempo 0, e cada tarefa  $j \in N$  demanda de um tempo de processamento positivo  $p_j$ . Além disso, cada tarefa possui um peso  $w_j$  e um tempo máximo ideal para entrega  $d_j$ .

**Solução:** ordem de execução das tarefas. Considere  $c_j$  o tempo em que a tarefa  $j \in N$  foi finalizada. Assim, o atraso para finalização da tarefa  $j \in N$  é dado por  $t_j = \max\{c_j - d_j, 0\}$   $(t_j \text{ vale } 0 \text{ caso a tarefa seja entregue } \mathbf{até} \text{ o tempo máximo ideal de finalização da tarefa } j).$ 

**Objetivo:** todas as tarefas devem ser executadas pela máquina, e deve-se escolher a ordem de execução que minimize a expressão  $\sum_{j \in N} w_j t_j$ .

**Referência base:** Congram et al. (2002). An Iterated Dynasearch Algorithm for the Single-Machine Total Weighted Tardiness Scheduling Problem. INFORMS Journal on Computing. DOI 10.1287/ijoc.14.1.52.7712.

Arquivos de instâncias: disponíveis em http://people.brunel.ac.uk/~mastjjb/jeb/orlib/wtinfo.html. Cada um dos arquivos de instância possui 125 casos de teste. Note que somente as instâncias e casos de teste listados abaixo devem ser resolvidas.

Melhores valores de solução conhecidos: Você também pode obter os melhores valores de solução conhecidos dos arquivos wtopt40.txt, wtopt50.txt, wtbest100a.txt e wtbest100b.txt, disponíveis juntamente aos arquivos de instância. Valores marcados em negrito referem-se às soluções ótimas para as referidas instâncias.

Arquivo	N	Caso de teste	BKS
wt40	40	9	16225
wt40	40	28	15
wt40	40	105	0
wt50	50	41	71111
wt50	50	77	0
wt50	50	119	106043
wt100	100	26	8
wt100	100	30	50
wt100	100	46	829828
wt100	100	80	0

#### Aircraft landing

Instância: Considere um conjunto de aeronaves  $P = \{1, \ldots, i\}$  que precisam aterrisar em um aeroporto. Cada uma das aeronaves  $i \in P$  possui um horário mínimo  $(E_i)$ , máximo  $(L_i)$  e ideal  $(T_i)$  de aterrisagem. Há um custo  $g_i$  para cada unidade de tempo em que a aeronave pousa **antes** do horário ideal. De maneira semelhante, há um custo  $h_i$  para cada unidade de tempo que a aeronave pousa **após** o horário ideal. Por questões de segurança, há um tempo de espera entre o pouso das aeronaves  $i, j \in P$ , definido pelo parâmetro  $S_{ij}$  (unidades de tempo). Esse tempo de espera é definido entre todos os pares de aeronaves do problema.

**Solução:** ordem de aterrisagem das aeronaves. Todas as aeronaves devem pousar conforme seus horizontes de tempo mínimo e máximo de aterrisagem, respeitando o tempo de separação entre o pouso das aeronaves.

**Objetivo:** Considere  $x_i$  o tempo em que a aeronave  $i \in P$  aterrisa no aeroporto. Busca-se uma solução de menor custo que minimiza os atrasos e adiantamento dos pousos das aeronaves, conforme a expressão  $\sum_{i \in P} g_i \max\{T_i - x_i, 0\} + h_i \max\{x_i - T_i\}$ .

**Referência base:** Beasley et al. (2004). Displacement problem and dynamically scheduling aircraft landings. Journal of the Operational Research Society. DOI 10.1057/palgrave.jors.2601650.

Arquivos de instâncias: disponíveis em http://people.brunel.ac.uk/~mastjjb/jeb/orlib/airlandinfo.html. Note que somente as instâncias listadas abaixo devem ser resolvidas. Para todos os casos de teste, considere a existência de uma pista de pouso apenas.

**Melhores valores de solução conhecidos:** Você também pode obter os melhores valores de solução conhecidos das Tabelas 1 e 2 da referência base. Valores marcados em negrito referem-se às soluções ótimas para as referidas instâncias.

BKS	Núm. aeronaves	Instância
700	10	airland1
820	20	airland2
2520	20	airland4
3100	20	airland5
24442	30	airland6
1550	44	airland7
1950	50	airland8
66427.28	200	airland11
81916.40	250	airland12
178725.16	500	airland13

### 6 Material auxilar

Algumas referências auxiliares sobre as meta-heurísticas:

- Simulated Annealing: 'Optimization by simulated annealing, by Kirkpatrick, Scott, C. Daniel Gelatt, and Mario P. Vecchi. Science 220.4598 (1983): 671-680'. (http://leonidzhukov.net/hse/2013/stochmod/papers/ KirkpatrickGelattVecchi83.pdf)
- 2. Tabu Search: 'Tabu Search: A Tutorial, by Fred Glover (1990), Interfaces.' (http://leeds-faculty.colorado.edu/glover/Publications/TS%20-%20Interfaces%20Tutorial%201990%20aw.pdf)
- 3. Genetic Algorithm: 'A genetic algorithm tutorial, by D. Whitley, Statistics and computing 4 (2), 65-85.' (http://link.springer.com/content/pdf/10.1007%252FBF00175354.pdf)
- 4. GRASP: 'T.A. Feo, M.G.C. Resende, and S.H. Smith, A greedy randomized adaptive search procedure for maximum independent set, Operations Research, vol. 42, pp. 860-878, 1994' (http://mauricio.resende.info/doc/gmis.pdf).
- 5. VNS: 'A Tutorial on Variable Neighborhood Search, by Pierre Hansen (GERAD and HEC Montreal) and Nenad Mladenovic (GERAD and Mathematical Institute, SANU, Belgrade), 2003.' (http://www.cs.uleth.ca/~benkoczi/OR/read/vns-tutorial.pdf)
- 6. ILS: 'Iterated local search. Lourenço, Helena R., Olivier C. Martin, and Thomas Stutzle. International series in operations research and management science (2003): 321-354.' (https://arxiv.org/pdf/math/0102188.pdf).

## 7 Dicas

A seguir algumas dicas gerais para o trabalho:

- 1. Uma boa vizinhança é aquela que permite alcançar qualquer solução do problema, dado um número suficiente iterações (a vizinhança imediata de uma determinada solução **não deve** conter todas as possíveis soluções);
- 2. No caso de vizinhos com mesmo valor de solução, utilizar escolhas aleatórias como critério de desempate pode trazer bons resultados (pode-se usar *reservoir sampling*);
- 3. É importante **analisar bem** a complexidade assintótica das operações do algoritmo, considerando as estruturas de dados escolhidas e as vizinhanças usadas;
- 4. Para mais informações e dicas sobre experimentos com algoritmos: Johnson, David S. "A theoretician's guide to the experimental analysis of algorithms." (2001). (https://www.cc.gatech.edu/~bader/COURSES/GATECH/CSE6140-Fall2007/papers/Joh01.pdf);
- 5. Veja a apresentação do Professor Marcus Ritt sobre "como perder pontos" (disponível em https://www.inf.ufrgs.br/~MRPRITT/lib/exe/fetch.php?media=inf05010:tp20171.pdf);
- 6. Em caso de dúvidas, não hesitem em contatar a Prof. Luciana Buriol ou o Doutorando Alberto Kummer (Lab. 207 do prédio 43424 alberto.kummer@gmail.com);