Laboratorium 3.

0) Przygotowanie środowiska

W konsoli/terminalu wpisujemy kolejno

```
$ cd
$ mkdir haskell-lab3
$ cd haskell-lab3
```

1) Funkcje anonimowe i *currying*

1. W konsoli GHCi wpisujemy kolejno

```
ghci> :t (\x -> \y -> x + y)
ghci>:t (x y -> x + y) -- porównujemy wynik z poprzednim
ghci>:t (x -> y -> x + y) 1
ghci> :t (\x y -> x + y) 1 -- porównujemy wynik z poprzednim
ghci> :t (x -> y -> x + y) 1 2
ghci> :t (\x y -> x + y) 1 2 -- porównujemy wynik z poprzednim
ghci> (x -> y -> x + y) 1 2
ghci> (\x y -> x + y) 1 2 -- porównujemy wynik z poprzednim
ghci> let f1 = \x -> \y -> \x + \y
ghci> :t f1
ghci> f1 1 2
ghci> let f2 = \langle x y \rightarrow x + y \rangle
ghci> :t f2 -- porównujemy z wynikiem dla f1
ghci> f2 1 2 -- porównujemy z wynikiem dla f1
ghci> let f3 x = y \rightarrow x + y
ghci> :t f3 -- porównujemy z wynikami dla f1 i f2
ghci> f3 1 2 -- porównujemy z wynikami dla f1 i f2
ghci> let f4 \times y = x + y
ghci> :t f4 -- porównujemy z wynikami dla f1, f2 i f3
ghci> f4 1 2 -- porównujemy z wynikami dla f1, f2 i f3
ghci> let f5 = (x,y) \rightarrow x + y
ghci> :t f5 -- porównujemy z wynikami dla f1, ..., f4
ghci> f5 1
```

```
ghci> f5 (1,2) -- porównujemy z wynikami dla f1, ..., f4

ghci> let f6 (x,y) = x + y
ghci> :t f6 -- porównujemy z wynikami dla f1, ..., f5

ghci> f6 1
ghci> f6 (1,2) -- porównujemy z wynikami dla f1, ..., f5

ghci> :t (\x y -> x + y) :: Int -> Int -> Int
ghci> :t (\x y -> x + y) :: Int -> Int -> Int
```

2. Zadania:

1. Napisać funkcje anonimowe (wyrażenia lambda) odpowiadające:

•
$$f_1(x) = x - 2; x \in \mathbb{R}$$

•
$$f_2(x, y) = \sqrt{(x^2 + y^2)}; x, y \in \mathbb{R}$$

•
$$f_3(x, y, z) = \sqrt{(x^2 + y^2 + z^2)}; x, y, z \in \mathbb{Z}$$

Uwaga: Sprawdzić działanie dla wybranych wartości argumentów

2. Napisać funkcje anonimowe (wyrażenia lambda) odpowiadające:

Uwaga: jw.

3. (opcjonalne) Napisać funkcje anonimowe (wyrażenia lambda) odpowiadające:

```
sqrt, abs, log, id, const
```

Uwaga: jw.

4. Npisać funkcje anonimowe (wyrażenia lambda) odpowiadające:

```
f7 x = if x `mod` 2 == 0 then True else False

f8 x = let y = sqrt x in 2 * y^3 * (y + 1)

f9 1 = 3
f9 _ = 0
```

Uwaga: jw.

2) Funkcje wyższego rzędu: funkcje jako parametry/argumenty

1. W pliku ex2.hs wpisujemy

```
sum' :: Num a => [a] -> a
sum' [] = 0
sum' (x:xs) = x + sum' xs
```

zapisujemy zmiany i sprawdzamy działanie funkcji

- 2. Zadania:
 - Na podstawie powyższej definicji napisać funkcję sumSqr¹ (sumującą kwadraty elementów listy)
 - 2. Zdefiniować funkcję

```
sumWith :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a sumWith f ...
```

uogólniającą sum i sumSqr'

3. Wykorzystując funkcję sumwith zdefiniować

```
sum = sumWith ...
sumSqr = sumWith ...
sumCube = sumWith ...
sumAbs = sumWith ...
```

Sprawdzić działanie powyższych funkcji, dla wybranych danych wejściowych, np.

```
sumSqr [1..10]
```

4. Wykorzystując sumwith (bez definiowania nowej funkcji) obliczyć w GHCi

$$\sum_{i=1}^{15} i^5$$

5. Wykorzystując funkcję sumWidth zdefiniować

```
listLength = sumWith ...
```

6. (opcjonalne) Na podstawie (schematu) definicji sum' napisać funkcję

```
prod' :: Num a => [a] -> a
```

obliczającą iloczyn elementów listy

7. (opcjonalne) Na podstawie definicji sumWith napisać funkcję

```
prodWith :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
```

a następnie funkcje

```
prod = prodWith ...
prodSqr = prodWith ...
prodCube = prodWith ...
prodAbs = prodWith ...
```

- 8. (opcjonalne) W jaki sposób można uogólnić funkcje sumwith i prodwith ?
- 9. (opcjonalne) Zmodyfikować deklaracje

```
sumWith :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
prodWith :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
```

tak, aby można było (na ich podstawie) zdefiniować funkcje

```
sumSqrt = sumWith ... -- suma pierwiastków (kwadratowych) elementów listy
prodSqrt = prodWith ... -- iloczyn pierwiastków (kwadratowych) elementów listy
```

3) Funkcje wyższego rzędu: funkcje jako wyniki

1. W pliku ex3.hs wpisujemy

```
sqr x = x^2

funcFactory n = case n of
1 -> id
2 -> sqr
3 -> (^3)
4 -> \x -> x^4
5 -> intFunc
_ -> const n
where
intFunc x = x^5
```

zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi i sprawdzamy działanie funkcji funcfactory, np.

```
ghci> let cub = funcFactory 3
ghci> cub 4
```

Sprawdzamy typy funcFactory i funcFactory 3

2. Zadania:

1. Napisać funkcję

```
expApproxUpTo :: Int -> Double -> Double
expApproxUpTo n = ...
generated by haroopad
```

zwracającą rozwinięcie funkcji e^x w szereg MacLaurina o długości n+1, n < 6, tzn.

expApproxUpTo n =
$$\sum_{k=0}^{n} \frac{x^k}{k!}$$

Czy da się to rozwiązanie uogólnić tak, aby funkcja expApproxUpTo zwracała rozwinięcia dla dowolnego n ?

2. (opcjonalne) Napisać funkcję

```
dfr :: (Double -> Double) -> Double -> (Double -> Double)
dfr f h = ...
```

zwracającą dla zadanej funkcji f przybliżenie jej pochodnej obliczone wg schematu różnicowego $f^{'}(x_0,h) pprox rac{f(x_0+h)-f(x_0)}{h}$.

Sprawdzić dokładność uzyskiwanych wyników w zależności od wartości h .

3. (opcjonalne) Napisać funkcję

```
dfc :: (Double -> Double) -> Double -> (Double -> Double)
dfc f h = ...
```

zwracającą dla zadanej funkcji f przybliżenie jej pochodnej obliczone wg schematu różnicowego $f^{'}(x_0,h) pprox \frac{f(x_0+h)-f(x_0-h)}{2h}$.

Sprawdzić dokładność uzyskiwanych wyników w zależności od wartości h i porównać z poprzednimi.

4. (opcjonalne) Napisać funkcję

```
d2f :: (Double -> Double) -> Double -> (Double -> Double)
d2f f h = ...
```

obliczającą przybliżenie drugiej pochodnej funkcji f

4) Funkcje jako elementy struktur danych

1. W pliku ex4.hs wpisujemy

```
funcList :: [ Double -> Double ]
funcList = [ \x -> (sin x)/x, \x -> log x + sqrt x + 1, \x -> (exp 1) ** x ]
evalFuncListAt :: a -> [a -> b] -> [b]
evalFuncListAt x [] = []
evalFuncListAt x (f:fs) = f x : evalFuncListAt x fs
```

zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi i wpisujemy w konsoli

```
ghci> evalFuncListAt 1 funcList
ghci> evalFuncListAt (-3) [ id, abs, const 5, \y -> 2 * y + 8 ]
```

2. W pliku ex4.hs dodajemy

```
displEqs :: (Double -> Double, Double -> Double)
displEqs = (\t -> 4 * t^2 + 2 * t, \t -> 3 * t^2)
```

zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi i wpisujemy w konsoli

```
ghci> let (x_t, y_t) = (fst displEqs, snd displEqs)
ghci> x_t 1
ghci> y_t 1
```

3. Zadania:

- 1. (opcjonalne) W GHCi utworzyć nową listę funkcji funcListExt poprzez dodanie do funcList funkcji $f(x) = \sqrt{(1+x)}$; sprawdzić rozmiar funcListExt i wywołać evalFuncListAt (dla wybranego punktu i listy funcListExt)
- 2. (opcjonalne) Wykorzystując zdefiniowane wcześniej funkcje dfc i d2f w konsoli GHCi obliczyć wektory reprezentujące prędkości (velocEqs) i przyspieszenia (accelEqs)

5) Operator złożenia funkcji (.) (i notacja point-free)

1. W konsoli GHCi wpisujemy kolejno następujące wyrażenia i analizujemy wyniki

```
ghci> (f . gh) 3 == (fg . h) 3
ghci> (f . (g . h)) 3 == ((f . g) . h) 3
ghci> fgh 3 == (f . gh) 3
ghci> (f . g) 3 == (.) f g 3

ghci> let u2 x y = x^2 + y^2

ghci> (f . (u2 4) . g) 3
ghci> (f . u2 4 . g) 3
ghci> :t u2 4

ghci> ((u2 1) . (u2 2) . (u2 3)) 1
ghci> (u2 1 . u2 2 . u2 3) 1

ghci> ((+) 2 . g . h) 3
ghci> ((2+) . g . h) 3
```

2. Zadania:

 Wykorzystując funkcje sort i reverse oraz operator . napisać funkcję sortującą malejąco podaną listę

```
sortDesc :: Ord a => [a] -> [a]
sortDesc xs = ...
```

Uwaga: potrzebny będzie import Data.List

- 2. Przepisać funkcję sortDesc do wersji point-free
- 3. W GHCi zdefiniować funkcję

```
let w3 = \xy z ->  sqrt (x^2 + y^2 + z^2)
```

a następnie uzupełnić poniższe wyrażenie

```
(f . w3 ___ . h) 3
```

4. (opcjonalne) Napisać funkcję

```
are2FunsEqAt :: Eq a => (t -> a) -> (t -> a) -> [t] -> Bool are2FunsEqAt f g xs = ... -- are2FunsEqAt (+2) (x -> x + 2) [1..1000] = True
```

sprawdzającą, czy funkcje f i g mają równe wartości we wszystkich punktach podanych w liście xs

5. (opcjonalne) Napisać funkcję

```
infix1 9 >.>
(>.>) :: (a -> b) -> (b -> c) -> (a -> c)

generated by haroopad
```

```
g >.> f = ...
```

i sprawdzić jej działanie

6. (opcjonalne) Napisać funkcję (kompozycja/złożenie listy funkcji)

```
composeFunList :: [a -> a] -> (a -> a)
composeFunList ...
```

7. (*opcjonalne*) Przeanalizować typ operatora (.).(.) , a następnie zastosować go do złożenia wybranych funkcji (odpowiedniego typu)

6) Operator "aplikacji" funkcji (\$)

1. W konsoli GHCi wpisujemy kolejno następujące wyrażenia i analizujemy wyniki

```
ghci> :t ($)
ghci> :i ($) -- porównujemy z wynikiem ":i (.)"
ghci> :t ($!)
ghci> :i ($!)
ghci> (\$) f 3 == f \$ 3
ghci> ((\$) f 3) == (f \$ 3)
ghci> (\$) f 3 == (f \$ 3)
ghci> f (g (h (3)))
ghci> f (g (h $ 3))
ghci> f (g $ h $ 3)
ghci> f $ g $ h $ 3
ghci> (f $ g $ h $ 3) == (f $ (g $ (h $ 3)))
ghci> f \ g \ h \ 3 == (f \ g \ (h \ 3))
ghci> (f $ g $ h $ 3) == f $ (g $ (h $ 3))
ghci> :i (==) -- porównujemy z wynikiem ":i ($)"
ghci > _3 = (\$3)
ghci> f 3
ghci> _3 f -- :)
ghci> f 3 == _3 f
ghci> ((,) $ 1) 2
```

2. Zadania:

- 1. Dodać nawiasy w wyrażeniu (,) \$ 1 \$ 2 , aby otrzymać wynik (1,2)
- Sprawdzić (eksperymentalnie) równoważność poniższych wyrażeń

```
f $ g $ h 3
(f . g . h) 3 generated by haroopad
```

```
f.g.h$3
```

Które z nich jest najbardziej czytelne?

3. (opcjonalne) Dodać nawiasy w wyrażeniu f. \$ g. h 3, aby otrzymać wynik 55

7) Funkcje wyższego rzędu: filter

1. W pliku ex7.hs wpisujemy funkcję

```
onlyEven [] = []
onlyEven (x:xs)
   | x `mod` 2 == 0 = x : onlyEven xs
   | otherwise = onlyEven xs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi) i sprawdzamy jej działanie

2. Zadania:

1. (opcjonalne) Napisać (wg podanego schematu) definicje funkcji only0dd i onlyUpper

```
ghci> onlyOdd [1..10] -- [1,3,5,7,9]
ghci> onlyUpper "My name is Inigo Montoya. You killed my father. Prepare to die."
```

2. Uogólnić poprzednie rozwiązania wprowadzając funkcję filter'

```
filter' :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter' p ...

onlyEven = filter' ...
onlyOdd = filter' ...
onlyUpper = filter' ...
```

3. Porównać czasy wykonania (opcja :set +s)

```
ghci> length (onlyEven [1..10^6])
ghci> length (filter even [1..10^6]) -- filter z biblioteki standardowej
```

- 4. Zmodyfikować powyższe wyrażenia tak, aby nie zawierały nawiasów (użyć . i/lub \$)
- 5. Przepisać używając list comprehensions

```
length (filter even [1..10^6])
```

Zmierzyć czas wykonania i porównać go z uzyskanym w poprzednim zadaniu

6. Obliczyć w GHCi i przeanalizować poniższe wyrażenia

generated by haroopad

```
ghci> filter (\s -> length s == 2) ["a", "aa", "aaa", "b", "bb"]
ghci> filter (\(x,y) -> x > y) [(1,2), (2,2), (2,1), (2,2), (3,2)]
ghci> filter (\xs -> sum xs > 300) [[1..5], [56..60], [101..105]]
ghci> length . filter (\f -> f 2 > 10) $ [(+5), (*5), (^5), \x -> 3 * x + 7]
```

8) Funkcje wyższego rzędu: map

1. W pliku ex8.hs wpisujemy funkcję

```
doubleElems [] = []
doubleElems (x:xs) = 2 * x : doubleElems xs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi) i sprawdzamy jej działanie

2. Zadania:

1. (opcjonalne) Napisać (wg podanego schematu) definicje funkcji sqrElems i lowerCase

```
ghci> sqrElems [1..3] -- [1,4,9]
ghci> lowerCase "ABCD" -- "abcd", konieczny import Data.Char
```

2. Uogólnić poprzednie rozwiązania wprowadzając funkcję map'

```
map' :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map' f ...

doubleElems = map' ...
sqrElems = map' ...
lowerCase = map' ...
```

- 3. Przepisać powyższe funkcje używając list comprehensions
- 4. Porównać czasy wykonania (opcja :set +s)

```
ghci> length . filter even $ doubleElems [1..10^7]
ghci> length . filter even . map (*2) $ [1..10^7] -- map z biblioteki standardowej
```

- 5. (*opcjonalne*) Przepisać powyższe wyrażenia używając *list comprehensions*, a następnie zmierzyć czasy wykonania i porównać je z uzyskanymi w poprzednim zadaniu
- 6. Obliczyć w GHCi i przeanalizować poniższe wyrażenia

```
ghci> map (*2) [1..10]
ghci> map (^2) [1..10]
ghci> map toLower "ABCD" -- konieczny import Data.Char
ghci> length . filter (>10) . map ($ 2) $ [(+5), (*5), (^5), \x -> 3 * x + 7]
generated by haroopad
```

```
ghci> map show [1..10]
ghci> map length [[1],[1,2],[1,2,3]]
ghci> map (map length) [ [[1],[1,2],[1,2,3]], [[1],[1,2]] ]
ghci> map (\(x,y) -> (y,x)) [(1,'a'), (2,'b'), (3,'c')]
ghci> map (\(x,y) -> y) [(1,'a'), (2,'b'), (3,'c')]
ghci> map (\s -> (s, length s)) ["manuscripts","do","not","burn"]
```

7. (opcjonalne) Zdefiniować funkcję evalFuncListAt wykorzystując map

```
evalFuncListAt :: a -> [a -> b] -> [b]
evalFuncListAt x = map ...
```

- 8. (opcjonalne) Napisać list comprehensions odpowiadające powyższym wyrażeniom
- 9. (*opcjonalne*) Przeanalizować z punktu widzenia złożoności obliczeniowej (czasowej i pamięciowej) dwa warianty połączenia operatorów map i filter

```
map f . filter p $ xs
filter p . map f $ xs
```

9) Funkcje wyższego rzędu: foldr i foldl

1. W pliku ex9.hs wpisujemy funkcje

```
sumWith g [] = 0
sumWith g (x:xs) = g x + sumWith g xs -- (+) (g x) (sumWith g xs)

prodWith g [] = 1
prodWith g (x:xs) = g x * prodWith g xs -- (*) (g x) (prodWith g xs)
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi) i sprawdzamy ich działanie

2. W pliku ex9.hs wpisujemy funkcje

```
sumWith' :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
sumWith' = go 0
where
    go acc g [] = acc
    go acc g (x:xs) = go (g x + acc) g xs

prodWith' :: Num a => (a -> a) -> [a] -> a
prodWith' = go 1
where
    go acc g [] = acc
    go acc g (x:xs) = go (g x * acc) g xs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi) i sprawdzamy ich działanie

3. Zadania:

1. Uogólnić sumWith i prodWith wprowadzając funkcję foldr'

```
foldr' :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
foldr' f z ...

sumWith'' g = foldr' (\x acc -> g x + acc) 0
prodWith'' g = foldr' ...
```

Sprawdzić działanie nowych wersji sumWith i prodWith

2. Uogólnić sumWith' i prodWith' wprowadzając funkcję foldl'

```
foldl' :: (b -> a -> b) -> b -> [a] -> b
foldl' f z ...

sumWith''' g = foldl' (\acc x -> g x + acc) 0
prodWith''' g = foldl' ...
```

Sprawdzić działanie nowych wersji sumWith' i prodWith'

3. (opcjonalne) Porównać czasy wykonania (opcja :set +s)

```
ghci> foldr' (+) 0 [1..10^6]
ghci> foldr (+) 0 [1..10^6] -- foldr z biblioteki standardowej
```

4. (opcjonalne) Porównać czasy wykonania (opcja :set +s)

```
ghci> foldr (\x acc -> x + 1 + acc) 0 [1..10^6]
ghci> foldl (\acc x -> x + 1 + acc) 0 [1..10^6]
ghci> foldl' (\acc x -> x + 1 + acc) 0 [1..10^6] -- konieczny import Data.List
ghci> sum . map (+1) $ [1..10^6]
ghci> sum [x + 1 | x <- [1..10^6]]</pre>
```

5. Obliczyć w GHCi i przeanalizować poniższe wyrażenia

```
ghci> let strList1 = ["My", "name", "is", "Inigo", "Montoya"]
ghci> foldr (++) [] strList1
ghci> foldr (\x acc -> x ++ " " ++ acc) [] strList1
ghci> foldr1 (\x acc -> x ++ " " ++ acc) strList1
ghci> foldr (\_ acc -> 1 + acc) 0 list1To5
```

```
ghci> let list1To5 = [1..5]
ghci> foldr (:) [] list1To5
ghci> foldl (:) [] list1To5
ghci> foldl (\acc x -> x : acc) [] list1To5
ghci> foldr (\x xs -> xs ++ [x]) [] list1To5
ghci> let listRand = [1,4,2,6,5,3]
ghci> foldr1 max listRand
ghci> foldr1 min listRand
ghci> let listBool = [True, False, True, False]
ghci> foldr (||) False listBool
ghci> foldr (&&) True listBool
ghci> foldr (+) 0 list1To5 == foldl (+) 0 list1To5
ghci> foldr (*) 0 list1To5 == foldl (*) 0 list1To5
ghci> foldr (-) 0 list1To5 == foldl (-) 0 list1To5
ghci> let list321 = [3,2,1]
ghci> foldr (-) 0 list321
ghci> foldr1 (-) list321
ghci> foldl (-) 0 list321
ghci> foldl1 (-) 0 list321
```

6. Obliczyć w GHCi i przeanalizować wyrażenia

```
ghci> foldr (\x acc -> "(" ++ x ++ " f " ++ acc ++ ")") "z" ["1","2","3"]
ghci> foldr1 (\x acc -> "(" ++ x ++ " f " ++ acc ++ ")") ["1","2","3"]
ghci> foldl (\acc x -> "(" ++ acc ++ " f " ++ x ++ ")") "z" ["1","2","3"]
ghci> foldl1 (\acc x -> "(" ++ acc ++ " f " ++ x ++ ")") ["1","2","3"]
```

- 7. (opcjonalne) Napisać definicje funkcji:
 - map wykorzystując foldr
 - map wykorzystując foldl
 - filter wykorzystując foldr
 - filter wykorzystując foldl
 - foldl wykorzystując foldr
 - foldr wykorzystując foldl

10) Funkcje: zip , unzip i zipWith

1. W konsoli GHCi wpisujemy kolejno

```
ghci> zip [1,2,3] ['a','b']
ghci> unzip [(1,'a'),(2,'b')]
generated by haroopad
```

```
ghci> unzip (zip [1,2,3] ['a','b'])
ghci> zip [1,2] [10,20] == zipWith (,) [1,2] [10,20]

ghci> let endlessList = [1..]
ghci> take 5 (zip endlessList (tail endlessList))
```

i analizujemy wyniki

2. Zadania:

1. Wykorzystując zip lub zipwith napisać funkcję

```
isSortedAsc :: Ord a => [a] -> Bool
isSortedAsc xs ... -- isSortedAsc [1,2,2,3] -> True, isSortedAsc [1,2,1] -> False
```

2. Napisać funkcję

```
everySecond :: [t] -> [t]
everySecond xs = ... -- everySecond [1..8] -> [1,3,5,7]
```

3. (opcjonalne) Napisać funkcje

```
zip3' :: [a] -> [b] -> [c] -> [(a,b,c)]
zip3' ...

unzip3' :: [(a, b, c)] -> ([a], [b], [c])
unzip3' ...

isSortedDesc :: Ord a => [a] -> Bool
isSortedDesc xs ... -- isSortedDesc [3,2,2,1] -> True, isSortedDesc [1,2,3] -> Fal
isSorted :: Ord a => [a] -> Bool
isSorted xs ... -- isSorted [1,2,2,3] -> True, isSorted [3,2,1] -> True
```

4. (opcjonalne) Przeanalizować następującą definicję ciągu Fibonacciego

```
fibs = 0 : 1 : zipWith (+) fibs (tail fibs) :: [Int]
```

Uwaga: Pomocne może być porównanie z definicjami

```
ones = 1 : ones
nats = 1 : map (+1) nats
```

11) Funkcje concat i concatMap

W pliku ex11.hs definiujemy funkcję

```
concat' :: [[a]] -> [a]
concat' [] = []
concat' (x:xs) = x ++ concat' xs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi) i sprawdzamy jej działanie

```
ghci> concat' ["abc", "def"]
ghci> concat' [[1,2],[3,4]]
ghci> (concat' . concat') [ [[1,2], [3,4]] , [[5,6], [7,8]] ]
```

2. W konsoli GHCi sprawdzamy typ funkcji bibliotecznej concat i sprawdzamy jej działanie, np.

```
ghci> concat' ["abc", "def"] == concat ["abc", "def"]
```

- 3. W konsoli GHCi sprawdzamy typ funkcji bibliotecznej concatMap . Jaki jest związek funkcji concatMap z funkcjami map i concat ? Czy jest to zwykłe złożenie?
- 4. Zadania:
 - 1. (opcjonalne) Napisać definicję funkcji concat wykorzystując
 - list comprehension
 - foldr
 - 2. (opcjonalne) Uzupełnić poniższe wyrażenia

```
concat ___ map (___) ___ [1..5] -- [2,4,6,8,10]
concatMap (___) [1..5] -- [2,4,6,8,10]
concatMap (___) ["Ready", "Steady", "Go"] -- "Ready!Steady!Go!"
```

12) Wzorzec Collection pipeline

1. W pliku ex12.hs wpisujemy

```
ghci> formatStr "tomasz t , bogdan anna . Jerzy j maria"
```

2. W pliku ex12.hs wpisujemy

```
prodPrices p = case p of
 "A" -> 100
 "B" -> 500
 "C" -> 1000
     -> error "Unknown product"
products = ["A","B","C"]
-- basic discount strategy
discStr1 p
 | price > 999 = 0.3 * price
 | otherwise = 0.1 * price
where price = prodPrices p
-- flat discount strategy
discStr2 p = 0.2 * prodPrices p
totalDiscout discStr =
foldl1 (+) .
map discStr .
filter (\p -> prodPrices p > 499)
```

zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi i sprawdzamy działanie

```
ghci> totalDiscout discStr1 ["A", "B", "C"]
ghci> totalDiscout discStr2 ["A", "B", "C"]
```

- 3. Zadania:
 - (opcjonalne) Poprawić (zrefaktoryzować) powyższy kod (aspekty: czytelności, ogólności, wydajności)
 - 2. Obliczyć w GHCi i przeanalizować wyrażenia

```
ghci> replicate 2 . product . map (*3) $ zipWith max [4,2] [1,5]
ghci> sum . takeWhile (<1000) . filter odd . map (^2) $ [1..]
ghci> length . fromList . Prelude.map toLower $ "thirteen men must go" -- potrzebr
```