





Teoria dos Grafos e Computabilidade

— Conceitos —

Silvio Jamil F. Guimarães

Graduate Program in Informatics Image and Multimedia Data Science Laboratory – IMScience Pontifical Catholic University of Minas Gerais - PUC Minas







Teoria dos Grafos e Computabilidade

— Introdução —

Silvio Jamil F. Guimarães

Graduate Program in Informatics Image and Multimedia Data Science Laboratory – IMScience Pontifical Catholic University of Minas Gerais - PUC Minas



Capacitar o aluno a utilizar as linguagens proposicional e de predicados para expressar conhecimento.

1

Capacitar o aluno a utilizar as linguagens proposicional e de predicados para expressar conhecimento.

2

Qualificar o aluno a aplicar princípios básicos de lógica e matemática na Análise e Validação de Argumentos.

1

Capacitar o aluno a utilizar as linguagens proposicional e de predicados para expressar conhecimento.

2

Qualificar o aluno a aplicar princípios básicos de lógica e matemática na Análise e Validação de Argumentos.

3

Habilitar o aluno a compreender o Pensamento Indutivo e Dedutivo.

1

Capacitar o aluno a utilizar as linguagens proposicional e de predicados para expressar conhecimento.

2

Qualificar o aluno a aplicar princípios básicos de lógica e matemática na Análise e Validação de Argumentos.

3

Habilitar o aluno a compreender o Pensamento Indutivo e Dedutivo.

4

Reconhecer os mecanismos lógicos para formalização e dedução de problemas relacionados à computação.





Provê métodos (estruturas) convenientes para resolver problemas.





Modelagem Matemática

Provê métodos (estruturas) convenientes para resolver problemas.

MATEMÁTICA

Matemática Contínua

Matemática Discreta

MATEMÁTICA

- ► ligada ao Cálculo Infinitesimal
- ▶ permite modelar ("prever") fenômenos físicos
- ► Análise Numérica "traduz" o Cálculo para formato compatível com o computador
- ► Exemplos de aplicações:
 - ▶ na Computação: Análise Numérica, Computação Gráfica
 - ▶ na Engenharia: projetos detalhados de pontes, aviões, carros

Matemática Piggerem

- ligada a processos "discretos" (não contínuos) realizados passo-a-passo
- ▶ só interessam os "estados" em que se pode encontrar um sistema e não os detalhes da "transição" entre estes estados
- ► Exemplos de aplicações na CC: grafos, estruturas de dados, máquinas de estados finitos, codificação

Alguns elementos da Matemática Discreta relevantes para o estudo da Ciência da Computação que serão estudados em LÓGICA COMPUTACIONAL



Lógica vem do Grego logos que significa palavra, pensamento, ideia, argumento, relato, razão lógica

Lógica vem do Grego logos que significa palavra, pensamento, ideia, argumento, relato, razão lógica

► Ciência das leis do pensamento e a arte de aplicá-las à pesquisa e à demonstração da verdade.

Lógica vem do Grego logos que significa palavra, pensamento, ideia, argumento, relato, razão lógica

- ► Ciência das leis do pensamento e a arte de aplicá-las à pesquisa e à demonstração da verdade.
- ► Linguagem de organização do conhecimento

Lógica vem do Grego logos que significa palavra, pensamento, ideia, argumento, relato, razão lógica

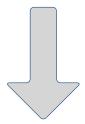
- ► Ciência das leis do pensamento e a arte de aplicá-las à pesquisa e à demonstração da verdade.
- ► Linguagem de organização do conhecimento
- ► Linguagem de representação do raciocínio

Origem

Aristóteles é considerado o PAI da lógica formal

Origem

Aristóteles é considerado o PAI da lógica formal



LÓGICA é a base para a construção de algoritmos

Paradoxos são declarações aparentemente verdadeiras que, apesar disso, contêm uma contradição lógica.

Paradoxos são declarações aparentemente verdadeiras que, apesar disso, contêm uma contradição lógica.

Paradoxo do mentiroso

Paradoxos são declarações aparentemente verdadeiras que, apesar disso, contêm uma contradição lógica.

Um homem diz que está mentindo. O que ele diz é verdade ou mentira?

Paradoxos são declarações aparentemente verdadeiras que, apesar disso, contêm uma contradição lógica.

Um homem diz que está mentindo. O que ele diz é verdade ou mentira?



Considerando a afirmação todo o homem é mentiroso não pode ser verdadeira, porque, a sê-lo, o homem seria mentiroso e, por consequência falso tudo o que dissesse. Por outro lado, também não pode ser falsa, pois isso implicaria que os homens falam a verdade, sendo, portanto, verdadeira a afirmação do mentiroso.

Paradoxos são declarações aparentemente verdadeiras que, apesar disso, contêm uma contradição lógica.

Paradoxos são declarações aparentemente verdadeiras que, apesar disso, contêm uma contradição lógica.

Paradoxo do barbeiro

Paradoxos são declarações aparentemente verdadeiras que, apesar disso, contêm uma contradição lógica.

Faço a barba a todos os homens da cidade que não se barbeiam sozinhos, e só a esses.

Paradoxo do barbeiro

Paradoxos são declarações aparentemente verdadeiras que, apesar disso, contêm uma contradição lógica.

Faço a barba a todos os homens da cidade que não se barbeiam sozinhos, e só a esses.



Se ele próprio se barbear, pertencerá ao grupo dos que se barbeiam sozinhos, como é obvio. Mas a afirmação diz expressamente que ele nunca faz a barba de ninguém pertencente a esse conjunto. Portanto, não pode barbear-se a si próprio. Se é outra pessoa a fazer a barba ao barbeiro, então ele é um homem que não se barbeia sozinho.

Dúvidas?

Conceitos

Introdução -







Teoria dos Grafos e Computabilidade

— O que é lógica e para que serve? —

Silvio Jamil F. Guimarães

Graduate Program in Informatics Image and Multimedia Data Science Laboratory – IMScience Pontifical Catholic University of Minas Gerais - PUC Minas

A LÓGICA é uma técnica eficiente para diversos domínios

Organização de conhecimentos em qualquer área;

- ► Organização de conhecimentos em qualquer área;
- ► Inferência correta sem esforço consciente;

- ► Organização de conhecimentos em qualquer área;
- ► Inferência correta sem esforço consciente;
- Interpretação e análise rápida de informações;

- Organização de conhecimentos em qualquer área;
- Inferência correta sem esforço consciente;
- Interpretação e análise rápida de informações;
- Expressividade competência linguística (oral e escrita);

- Organização de conhecimentos em qualquer área;
- ► Inferência correta sem esforço consciente;
- Interpretação e análise rápida de informações;
- Expressividade competência linguística (oral e escrita);
- Detecção de padrões em estruturas (premissas, pressuposições, cenários, etc.)

O brinco da Princesa

O brinco da Princesa

Há não muito tempo atrás, num país distante, havia um velho rei que tinha três filhas, inteligentíssimas e de indescritível beleza, chamadas Guilhermina, Genoveva e Griselda. Sentindo-se perto de partir dessa para a melhor, e sem saber qual das filhas designar como sua sucessora, o velho rei resolveu submetê-las a um teste. A vencedora não apenas seria a nova soberana, como ainda receberia a senha da conta secreta do rei (num banco suíço), além de um fim de semana na Disneylândia. Chamando as filhas à sua presença, o rei mostrou-lhe cinco pares de brincos, idênticos em tudo com exceção das pedras neles engastadas: três eram de esmeralda, dois de rubi. O rei vendou então os olhos das moças e, escolhendo, ao acaso, colocou em cada uma elas um par de brincos.

Exemplo retirado de Mortari, C. A., Introdução à lógica, 6ª ed, São Paulo, 2001

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

Guilhermina foi a primeira a tentar

A venda dos olhos dos seus olhos foi removida. Guilhermina examinou os brincos de suas irmãs, mas não foi capaz de dizer que tipo de pedra estava nos seus (e retirou-se furiosa).

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

Guilhermina foi a primeira a tentar

A venda dos olhos dos seus olhos foi removida. Guilhermina examinou os brincos de suas irmãs, mas não foi capaz de dizer que tipo de pedra estava nos seus (e retirou-se furiosa).

Genoveva foi a segunda a tentar

Após examinar os brincos de Griselda, Genoveva se deu por conta de que também não sabia determinar se seus brincos eram de esmeralda ou de rubi e, saiu da mesma forma furiosa que sua irmã.

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

Griselda foi a última a tentar

Antes mesmo que o rei tirasse-lhe a venda dos olhos, anunciou corretamente, em alto e bom som, o tipo de pedra de seus brincos dizendo ainda o porquê de sua afirmação.

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

Griselda foi a última a tentar

Antes mesmo que o rei tirasse-lhe a venda dos olhos, anunciou corretamente, em alto e bom som, o tipo de pedra de seus brincos dizendo ainda o porquê de sua afirmação.



O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

Opção	GUILHERMINA	GENOVEVA	GRISELDA
C1	esmeralda	esmeralda	esmeralda
C2	esmeralda	esmeralda	rubi
C3	esmeralda	rubi	rubi
C4	esmeralda	rubi	esmeralda
C5	rubi	rubi	esmeralda
C6	rubi	esmeralda	esmeralda
C7	rubi	esmeralda	rubi

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

Opção	Guilhermina	GENOVEVA	Griselda
C1	esmeralda	esmeralda	esmeralda
C2	esmeralda	esmeralda	rubi
C3	esmeralda	rubi	rubi
C4	esmeralda	rubi	esmeralda
C5	rubi	rubi	esmeralda
C6	rubi	esmeralda	esmeralda
C7	rubi	esmeralda	rubi

Única chance de Guilhermina ser a vencedora está em C3, pois as duas irmãs estão com rubi, mas ela errou

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

Opção	GUILHERMINA	GENOVEVA	Griselda
C1	esmeralda	esmeralda	esmeralda
C2	esmeralda	esmeralda	rubi
C3	esmeralda	rubi	rubi
C4	esmeralda	rubi	esmeralda
C5	rubi	rubi	esmeralda
C6	rubi	esmeralda	esmeralda
C7	rubi	esmeralda	rubi

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

Opção	GUILHERMINA	GENOVEVA	Griselda
C1	esmeralda	esmeralda	esmeralda
C2	esmeralda	esmeralda	rubi
Ç3	esmeralda	rubi	rubi
C4	esmeralda	rubi	esmeralda
C5	rubi	rubi	esmeralda
C6	rubi	esmeralda	esmeralda
C7	rubi	esmeralda	rubi

C2 e C7 estão expostas as chances de Genoveva saber qual era a pedra de seu brinco, pois era necessário que Griselda estivesse usando um Rubi.

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

Opção	GUILHERMINA	GENOVEVA	Griselda
C1	esmeralda	esmeralda	esmeralda
<u>Ç</u> 2	esmeralda	esmeralda	rubi
<u>C3</u>	esmeralda	rubi	rubi
C4	esmeralda	rubi	esmeralda
C5	rubi	rubi	esmeralda
C6	rubi	esmeralda	esmeralda
<i>9</i> .7	rubí	esmeralda	rubí

O teste consistia no seguinte: aquela que pudesse dizer, sem sombra de dúvida, qual tipo de pedra que havia em seus brincos herdaria o reino (e a conta na Suíça etc).

OPÇÃO	GUILHERMINA	GENOVEVA	GRISELDA
C1	esmeralda	esmeralda	esmeralda
ÇŹ	esmeralda	esmeralda	rubi
<i>S</i> 3	esmeralda	rubi	rubi
C4	esmeralda	rubi	esmeralda
C5	rubi	rubi	esmeralda
C6	rubi	esmeralda	esmeralda
<i>92</i> 1	rubi	esmeralda	rubí



Dúvidas?

Conceitos

– O que é lógica e para que serve? –







Teoria dos Grafos e Computabilidade

— Motivação —

Silvio Jamil F. Guimarães

Graduate Program in Informatics Image and Multimedia Data Science Laboratory – IMScience Pontifical Catholic University of Minas Gerais - PUC Minas

A LÓGICA pode ser usada em diferentes áreas da Ciência da Computação

► inteligência artificial

- ► inteligência artificial
- projeto de circuito lógico

- ► inteligência artificial
- projeto de circuito lógico
- ► engenharia de software

- ► inteligência artificial
- ▶ projeto de circuito lógico
- ► engenharia de software
- ▶ sistemas de informação

- ► inteligência artificial
- ▶ projeto de circuito lógico
- ► engenharia de software
- ▶ sistemas de informação
- ▶ teoria de autômatos e computabilidade;

- ► inteligência artificial
- ► projeto de circuito lógico
- ► engenharia de software
- ▶ sistemas de informação
- teoria de autômatos e computabilidade;
- processamento de linguagens;

- ► inteligência artificial
- ► projeto de circuito lógico
- ► engenharia de software
- ▶ sistemas de informação
- teoria de autômatos e computabilidade;
- processamento de linguagens;
- ► teoria de sistemas distribuídos.

Como usar de modelos e métodos matemáticos para analisar problemas em Ciência da Computação?

Provas possuem um papel fundamental na CC pois elas são usadas para certificar que software e hardware sempre irão se comportar corretamente.

Como usar de modelos e métodos matemáticos para analisar problemas em Ciência da Computação?

Provas possuem um papel fundamental na CC pois elas são usadas para certificar que software e hardware sempre irão se comportar corretamente.

Uma PROVA é um método para estabelecer a verdade



No sistema judicial, esta verdade é decidida por um juri baseado em evidências permitidas que foram coletadas.

Verdade legal

No sistema judicial, esta verdade é decidida por um juri baseado em evidências permitidas que foram coletadas.

Verdade autoritária

Nos negócios, esta verdade é especificada pour uma pessoa ou organização confiável (ou até mesmo por um chefe).



No sistema judicial, esta verdade é decidida por um juri baseado em evidências permitidas que foram coletadas.

Verdade autoritária

Nos negócios, esta verdade é especificada pour uma pessoa ou organização confiável (ou até mesmo por um chefe).

Verdade científica

Na física ou biologia , esta verdade é confirmada por meio de experimentos. Na ciência prefere-se teoria ao invés de verdade.

Verdade legal

No sistema judicial, esta verdade é decidida por um juri baseado em evidências permitidas que foram coletadas.

Verdade autoritária

Nos negócios, esta verdade é especificada pour uma pessoa ou organização confiável (ou até mesmo por um chefe).

Verdade científica

Na física ou
biologia , esta
verdade é
confirmada por
meio de
experimentos.
Na ciência
prefere-se teoria
ao invés de
verdade.

Verdade provável

No campo da
estatística,
esta verdade é
estabelecida por
meio de análise
estatística de
um conjunto de
dados.

Diferentes tipos de provas

PROVA FILOSÓFICA

Envolve exposição cuidadosa e peruasiva tipicamenet baseada em uma séries de argumentos pequenos e plausíves.

Diferentes tipos de provas

Prova filosófica

Envolve exposição cuidadosa e peruasiva tipicamenet baseada em uma séries de argumentos pequenos e plausíves.

Prova matemática

A prova matemática de uma proposição é uma cadeia de deduções lógicas conduzindo a uma proposição a partir de um conjunto base de premissas verdadeiras (axiomas).

Dúvidas?

Conceitos

Motivação –

Agradecimentos

Alguns slides foram baseados nos slides desenvolvidos por Carlos Teixeira and Daniel S. Freitas

Por favor, veja Discrete Mathematics and Its Applications (Kenneth H. Rosen) e Fundamentos da matemática discreta (David J. Hunter) para informações adicionais.