Lucas da Mata Guimarães

Titulo do Trabalho

Lucas da Mata Guimarães

Titulo do Trabalho

Monografia apresentada na disciplina Trabalho de Conclusão de Curso, como parte dos requisitos para obtenção do título de Bacharel em Ciência da Computação.

Centro Universitário Senac - Santo Amaro Bacharelado em Ciência da Computação

Orientador: Nome do Orientador

São Paulo - Brasil2025



Agradecimentos

Texto de agradecimento.

Resumo

Texto do resumo

Palavras-chaves: palavra-chave 1, palavra-chave 2, palavra-chave 3.

Abstract

Abstract text in english

 $\mathbf{Key\text{-}words}$: keyword 1, keyword 2, keyword 3

Lista de ilustrações

Figura 1	_	Regressão Linear Simples	16
Figura 2	_	Regressão Linear Multipla	18
Figura 3	_	Curva Spline	21

Lista de tabelas

Tabela 1 – Matriz de Confusão	 18
Tabela 2 – Notação Assintótica	 21

Lista de abreviaturas e siglas

GAM Generalized Additive Models

GLM Generalized Linear Model

MARS Multivariate Adaptive Regression Spline

ML Maximum likelihood

Sumário

1 1.1 1.2 1.3 1.3.1	INTRODUÇÃO Contexto Justificativa Objetivo Objetivos Específicos	11 11 12
2 2.1 2.1.1 2.1.2 2.1.3 2.1.3.1 2.1.3.2 2.1.3.3	REVISÃO BIBLIOGRÁFICA Modelos Computacionais Modelos Lineares Acurácia Modelos de Distribuição de Especies GLM - Generalized Linear Model GAM - Generalized Addtive Model MARS - Multivariate Adaptive Regression Spline	14 14 17 19 19 20 20
2.2 2.2.1 2.2.2 2.3 2.3.1 2.4	Análise de Algoritmos Análise de Complexidade Análise de Espaço Linguagem R Packages Trabalhos relacionados	22 22 23 23
3	DESENVOLVIMENTO	
5 5.1	CONCLUSÃO	
	REFERÊNCIAS	28
	APÊNDICES	31
	APÊNDICE A – EXEMPLO DE SECÃO DE ANEXO	32

1 Introdução

1.1 Contexto

O uso de modelos computacionais, na Biologia, possibilita o avanço de diferentes estudos (COSME, 2025a). Uma destas aplicações são os modelos de distribuição de especies, que são capazes de fornecer uma visualização da situação da fauna e flora de determinada região, podendo mostrar como estas estão se comportando no decorrer do tempo (ELITH; LEATHWICK, 2009).

Entre esses modelos, os mais utilizados são o Generalized Additive Models (GAM) (HASTIE; TIBSHIRANI, 1986) e o Generalized Linear Model (GLM) (PAUL; SAHA, 2007). Esses dois modelos usam uma função para estabelecer uma relação entre a média da variável de resposta e uma função 'suavizada' das variáveis explanatórias, sendo o GLM uma extenção de modelos lineares que não forçam o dado a escalas não naturais, e o GAM uma extenção semi-parametrizada do GLM, tendo a capacidade de atuar com relações não lineares e não monótonas (GUISAN; EDWARDS; HASTIE, 2002).

Já o Multivariate Adaptive Regression Spline (MARS) combina partição recursiva e ajustes por splines, de modo a manter seus aspectos positivos, enquanto sendo menos vulneravel a suas propriedades não favoraveis. Gerando um conjunto de regras para prever valores futuros apartir de uma análise regressiva. (FRIEDMAN, 1991)

Sendo as aplicações destes modelos encontradas códificadas na linguagem de programação R, que por sua vez é a linguagem de programação mais utilizada quando tratamos de ciência de dados, sendo conhecida como a lingaugem mais robusta para a área de dados, tendo sido pensada para o uso em cálculos e análises estatísticas (AWARI, 2022).

Porém, estes modelos podem requisitar uma alta demanda de processamento e memória do computador hospedeiro, como citado por (COSME, 2025a), ponto este, que não é repassado nos trabalhos referentes a análise ou uso dos modelos citados. Logo, mesmo com a facilidade de se adquirir um computador, tais modelos requerem computadores de alto desempenho para serem treinados, tornando esse processo lento ou criando a necessidade de se alugar maquinas virtuais para está finalidade (RICHTER, 2025).

E quando se coloca a necessidade de se manter um controle das populações de espécies, dentro ou próximo a centros urbanos, a velocidade de preparo destes modelos se torna mais critica, já que é necessário ir desde a coleta dos dados, ao treino e validação do modelo, e análise dos resultados obtidos.

1.2 Justificativa

Identificar a distribuição de espécies em um dado ambiente, em um determinado intervalo de tempo, é importante para termos noção de como as espécies estão respondendo a mudanças no ambiente, no aumento ou diminuição de outra espécie.

Uma vez que essas mudanças podem ser geradas pela ação humana, na construção civil e de infraestrutura (AMETEPEY; ANSAH, 2014), conseguir estimar o impacto dessas

ações é vantajoso para a preservação de espécies.

Além disso, estas abordagens aumentam as possibilidades para integrar a infraestrutura necessária, contribuindo para a sobrevivência de espécies que estão em níveis populacionais baixos.

Modelos estatísticos, que tem a capacidade de demonstrar estes eventos, aplicam de maneiras diferentes algumas linhas de abordagem. O Generalized Additive Models (GAM), Generalized Linear Model (GLM), e o Multivariate Adaptive Regression Spline (MARS), ambos com uma abordagem de Maximum likelihood (ML), variando em sua capacidade de atuar com um determinado tipo de dado e o custo levado para seu treinamento e utilização (NORBERG et al., 2019).

Modelos que são utilizados na modelagem de distribuição de espécies necessitam de uma quantidade elevada de dados (WISZ et al., 2008), de ocorrência e ausência, sendo os dados de ausência não necessários em todos os tipos de modelos.

Nem todas as espécies são facilmente modeláveis devido à dificuldade de coleta de dados, seja pela sua raridade ou habitat (STOCKMAN; BEAMER; BOND, 2006). A colaboração de cidadãos na coleta de dados pode auxiliar na identificação de áreas prioritárias para pesquisa. Portanto, a identificação de bons modelos que trabalham com esses dados é vantajosa.

Dentro destes modelos, além da quantidade e tipo de dados necessários, precisamos levar em consideração, o custo necessário de processamento e o espaço de memória utilizado pelo mesmo, para este fim utilizamos a análise de complexidade e espaço (CORMEN et al., 2009), já que um modelo mais barato nesse quesito pode ser criado em computadores mais acessíveis (SEDGEWICK; FLAJOLET, 2013), e ser possível a construção de mais de um modelo de modo simultâneo.

Os pontos levantados anteriormente podem afetar a acurácia de um modelo, mesmo atendendo os requisitos, de pouco adianta se o mesmo nos entrega respostas que induzem ao erro. Identificar um modelo que tenham uma boa acurácia, quando trabalham somente com dados de ocorrência, assim como uma melhor avaliação computacional, se vê vantajoso para situações em que queremos criar uma análise inicial de um determinado senário.

1.3 Objetivo

Este trabalho tem como objetivo avaliar e comparar a implementação encontrada nas bibliotecas mda e mgcv da linguagem R, dos modelos de distribuição de espécies, GAM, GML e MARS, levantando o custo computacional de cada um destes apartir de uma análise de complexidade e espaço. Encontrando um modelo que melhor aprensente um equilibrio entre a acurácia e o custo computacional.

1.3.1 Objetivos Específicos

- 1. Análise de complexidade e espaço dos modelos.
 - Generalized Addtive Model;
 - Generalized Linear Model;
 - Multivariate Adaptive Regression Spline;

- 2. Avaliação da acurácia dos modelos com dados de ocorrência.
- $3.\ \,$ Comparação dos modelos.
- $4.\$ Avaliação dos modelos com base na relação custo x acurácia.

2 Revisão Bibliográfica

2.1 Modelos Computacionais

Modelos computacionais são modelos que representam fenômenos de modo simplificado, gerando uma aproximação do evento real, tendo em vista a visualização ou entendimento de determinado fenômeno, codificados em alguma linguagem computacional para ser executado em um computador. Estes modelos podem ser criados por especialistas utilizando de equações matemáticas ou, automaticamente utilizando de técnicas de inteligência artificial. (AUGUSTO, 2025)

Ao processo de criação destes modelos, damos o nome de modelagem computacional, podendo ser aplicado em qualquer situação onde uma análise de um sistema complexo se vê necessária, sendo suas principais aplicações encontradas nas seguintes áreas, como apresentado por (COSME, 2025b):

- 1. Ciência e Pesquisa: Permite o teste de hipóteses de maneira mais rápida e eficiente.
- 2. **Engenharia**: Essencial para projetos de larga escala, utilizada para testar estruturas antes de começar sua construção.
- 3. **Medicina**: Permite a modelagem de epidemias, assim prevendo como doenças podem se espalhar em dada população, ajudando a planejar métodos de controle.

O tipo da modelagem depende do tipo de fenômeno ou problema que queromos tratar, onde os tipos principais segundo (COSME, 2025b) são:

- 1. Modelagem determinística: O comportamento do sistema é previsível, onde os mesmos parâmetros de entrada sempre produzem os mesmos resultados. Mais visto no campo da Física e Engenharia, onde os fenômenos naturais seguem um conjunto de regras bem definido.
- 2. Modelagem estocástica: Inclui elementos de incerteza e aleatoriredade, o sistema pode apresentar resultados diferentes para o mesmo conjunto de parâmetros de entrada. Comumente usada onde o acaso desempenha um papel importante, como na Biologia e Economia.
- 3. Modelagem dinâmica: Focada em sistemas que mudam ao longo do tempo, essencial em áreas como a Ecologia e Epidemiologia, onde se é preciso prever a evolução de sistemas biológicos ou a propagação de doenças.

2.1.1 Modelos Lineares

Modelos lineares são modelos que preveem uma respota linear utilizando de base a relação entre o resultado e as propriedades dadas como parâmetros. Sendo uma opção mais simples, possuem propriedades mais fáceis de serem entendidas e um tempo de

desenvolvimento mais curto quando comparado a outros tipos de modelos, como redes neurais, ou árvores de decisão, empregadas no mesmo problema. (IBM, 2025)

A linearidade destes modelos, implica que matematicamente a variação dos parâmetros independentes não possuem relações entre si, e podem ser separados em dois grupos clássicos (ADALARDO, 2020).

- Modelos de Regressão: Este grupo é utilizado para modelar relações entre variáveis quantitativas, que são um conjunto de valores de possível representação numérica, indicando quantidade ou magnitude. Com o intuito de estimar parâmetros, explicando relação ou para fazer predições.
- Modelos de Análise de Váriancia: Estes modelos tem como questão principal comparar a importância de fatores sobre o comportamento da variável de resposta. Para encontrar a relação entre grupos de análise, de modo a indentificar oque gera a diferença entre os grupos estudados.

Ambas as abordagens ao modelo linear, irão gerar uma regressão linear, que é um modelo matemático que descrevem a relação entre as váriveis dependentes e independentes usadas, tendo a possibilidade de ser representado graficamente. Podendo ser de dois tipos, simples ou múltipla.

Na regressõa linear simples, queremos estimar os valor de a e b da equação da reta, y = a + bx, apartir de um conjunto de dados x e y, onde y representa a váriavel dependete e x á váriavel independente, que melhor represente a relação entre x e y. Em outras palavras, queremos estimar a inclinação da reta, esta que nos indica o efeito em y das mudanças ocorridas em x (CHEIN, 2019).

A essa reta, é dado o nome de reta de regressão linear, está que depende de cinco estátisticas básicas (CHEIN, 2019):

- 1. Média de $X: \overline{X} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} X_i;$
- 2. Desvio padrão de X: $S_x = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (X_i \overline{X})^2}$;
- 3. Média de $Y: \overline{Y} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} Y_i;$
- 4. Desvio padrão de $Y: S_y = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (Y_i \overline{Y})^2};$
- 5. Correlação de X e Y: $r = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{N} \frac{X_i \overline{X}}{S_X} \cdot \frac{Y_i \overline{Y}}{S_Y}$

Com estas estátisticas podemos traçar a reta de regressão, sabendo que esta passa pelo ponto médio $(\overline{X}, \overline{Y})$. A inclinação da reta será dada por:

$$\beta_1 = \frac{r.S_y}{S_x} \tag{2.1}$$

E o intercepto da reta de regressão, onde a reta corta um dos eixos do plano cartesiano, será dado por:

$$\beta_0 = \overline{Y} - \beta_1 \overline{X} \tag{2.2}$$

Assim resultamos na seguinte equação:

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X \tag{2.3}$$

Onde:

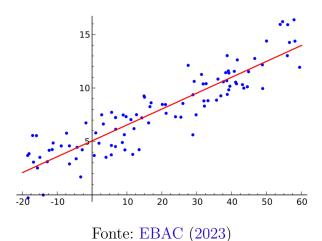
- (X) é a variável independente;
- (Y) é a variável dependente;
- (β_0) é o intercepto da reta;
- (β_1) é a inclinação da reta.

Porém, a equação 2.3 ainda não proporciona os valores de Y, mesmo possuindo os valores para β_0 e β_1 , visto que não é apenas a váriavel X que afeta os valores de Y quando tratamos de ocorrência no mundo real, assim incluimos um termo de erro ϵ , que é o erro que se comete ao estimar os valores de Y por meio da variável X (CHEIN, 2019).

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X + \epsilon \tag{2.4}$$

Agora com a equação 2.4, podemos criar a reta de regressão, que pode ser representada graficamente, possuindo uma estrutura semelhante ao gráfico a seguir:

Figura 1 – Regressão Linear Simples



A equação 2.4, pode ser escrita de forma mais geral. Visto que em nosso dados podemos trabalhar com conjuntos de valores, agrupando valores de Y distintos, para cada valor de X. Por exemplo, dados que representam a qualidade de vida nos estados brasileiro com o número de postos de saúde. Assim a equação 2.4 ficaria (CHEIN, 2019):

$$Y_i = \beta_0 +_b eta_i X_i + \epsilon_i \tag{2.5}$$

Onde:

- (i) representa um agrupamento de dados, um estado brasileiro seguindo o exemplo dado acima;
- (Y_i) é a variável dependente;
- (X_i) é a variável independente, representaria o número de postos de saúde em dado estado.
- (β_0) é o intercepto;
- (β_1) é a inclinação, e o efeito médio de X_i sobre Y_i ;
- (ϵ) é o erro médio ao se estimar Y_i por meio de X_i ;

Já quando tratamos da regressão linear múltipla, é levado em conta que outros fatores podem afetar a váriavel de resposta, este que também podem ser correlacionados com a váriavel independente. A formula para este modelo de regressão, pode ser representa da seguinte forma, onde temos k variáveis, explicativas (CHEIN, 2019):

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_k X_k + \epsilon \tag{2.6}$$

Onde:

- (β_0) é o intercepto;
- $(\beta_1,...,\beta_k)$ são "inclinações", mesmo que na prática não sejam inclinações da função
- (ϵ) é o termo de erro.

Aqui temos β_1 até β_k como coeficientes parcias da regressão (CHEIN, 2019). Neste caso, a visualização por meio de um gráfico, fica comprometida, visto que temos um número k de X, para ilustrar, usemos uma situação onde temos dois X, aqui podemos representar os valores por um gráfico de três dimenções.

Quando temos mais de dois valores de X a representação gráfica fica confusa para o entendimento humano, mas ainda podemos tratar o problema como uma reta.

2.1.2 Acurácia

A acurácia é um modo de avaliar a performance de um modelo, assim identificando se seus resultados podem ser considerados válidos ou não. Para chegarmos na acurácia utilizamos da seguinte formula (FILHO, 2023):

$$A = \frac{PC}{TP} \tag{2.7}$$

Onde:

- (A) é a Acurácia
- (PC) é o total de Previsões Corretas, encontrada pela soma, (PositivosVerdadeiros+ NegativosVerdadeiros);

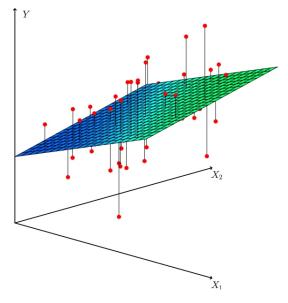


Figura 2 – Regressão Linear Multipla

Fonte: Novak (2022)

• (TP) é o Total de Previsões, encontrada pela soma, (PC + FalsosVerdadeiros + FalsosNegativos).

Como a acurácia incorpora por completo a matriz de confusão 1, em um conjunto de dados equilibrado, com uma quantidade de exempols semelhante para as duas classes, ela pode ser usada como uma médida grosseira da qualidade de um modelo (DEVELOPERS, 2024).

Onde temos mais exemplos de uma classe doque de outras, é importante considerar outras métricas de avaliação, já que esses modelos são considerados desbalanceados (FILHO, 2023).

Uma matriz de confusão, por usa vez, é uma representação binária em forma de matriz dos resultados possíveis ao se utilizar o modelo, sendo representada da seguinte forma:

Verdadeiro PositivoVerdadeiro NegativoPositivo PrevistoPositivo VerdadeiroFalsos PositivosNegativo PrevistoFalsos NegativosNegativos Verdadeiros

Tabela 1 – Matriz de Confusão

Onde:

- Positivos Verdadeiros: São as classificações positivas corretas;
- Falsos Positivos: São positivos que foram erroneamente classificados como negativos;
- Falsos Negativos: São negativos que foram erroneamente classificados como positivos;
- Negativos Verdadeiros: São as classificações negativas corretas;

2.1.3 Modelos de Distribuição de Especies

Definimos um Modelos de Distribuição de Especies, SDM (Spice Distribution Model), como um modelo que relaciona dados de distribuição de especies, com informações sobre as caraceristicas ambientais e/ou epaciais de certas localidades, podendo ser usados para entender e/ou prever a distribuição de uma espécie em uma dada locaclidade (ELITH; LEATHWICK, 2009).

SDMs comtemporaneos combinan conceitos de ecologia e historia natural com os avanços mais recentes em estatísticas e tecnologia da informação, as raizes destes modelos são encontradas nos estudos mais antigos que descrevem padrões biológicos em termos de relações com geografia e/ou gradientes ambientais, e estudos que indicam a resposta individual de especies para seus ambientais, proveem um forte argumento conceitual para se modelar especies de modo individual (ELITH; LEATHWICK, 2009).

As principais fontes de inforamções para a criação destes modelos, são (OLIVER, 2024):

- Dado de ocorrência: Geralmente coordenadas de latitude e longitude onde a especie
 foi observada, conhecida como dado de ocorrência, alguns modelos faze uso de
 dados de ausência, que são coordenadas geograficas onde se sabe que a espécie não
 ocorre;
- Dado ambiental: São a descriçção do ambiente, podendo conter medições de temperatura e precipitação, como também, a ocorrência e ausência de outras especies, como predadores, competidores ou fontes de alimento.

Dentro dos SDMs, temos varios frameworks de modelagem, sendo os mais utilizados o Generalized Linear Model (GLM), Generalized Addtive Model (GAM) e Multivariate Adaptive Regression Spline (MARS), que são encontradas nos softwares mais amigaveis ao usuário e bem documentados (NORBERG et al., 2019), assim como podem ser encontrados em bibliotecas de linguagens de programação, como R nas bibliotecas mda, onde encontramos o GLM e GAM (HASTIE et al., 2024) e mgcv onde encontramos o MARS(WOOD, 2025).

2.1.3.1 GLM - Generalized Linear Model

Generalized Linear Models agrupão uma grande quantidade de modelos discretos e continuos, sendo particularmente util para se trabalhar com dados discretos, sendo uma extenção de General Linear Models com a incerção da família exponencial de distribuições de erro junto com a normal (PAUL; SAHA, 2007).

Ao contrário dos modelos lineares classicos, que propoem uma distribuição Gaussiana (normal) e uma função de ligação dos valores de X e Y, os GLMs permitem que a função de distribuição seja alguma da família de distribuições exponenciais, Gaussiana, Poisson ou Binomial, e a função de ligação pode ser qualquer função monotonica diferenciavel, como a logaritmica (GUISAN; EDWARDS; HASTIE, 2002).

No GLM as variaveis de predição X_j , onde j=1,...,p, são combinadas para se formar uma preditor linear, LP, que é relacionado ao valor esperado $\mu=E(Y)$ da váriavel de reposta Y atráves de uma função de junção g() (GUISAN; EDWARDS; HASTIE, 2002), assim podemos chegar a seguinte formula:

$$g(E(Y)) = LP = \alpha + X^{T}\beta \tag{2.8}$$

Onde:

- α: é uma constante, chamada de intercepto;
- X: é um vetor de p preditores, $(X_1, ..., X_p)$;
- β : é um vetor de p coeficientes de regressão, uma para cada preditor, $(\beta_1,...,\beta_p)$.

2.1.3.2 GAM - Generalized Addtive Model

Gerados a partir do GLM, este modelo possue uma automatização para se identificar os termos de polinomio apropriado e as transformações dos preditores que melhoram a qualidade do modelo linear. Logo podemos dizer que os GAMs estão aninhados dentro do GLMs que por usa vez estão aninhados em modelos lineares, LM (GUISAN; EDWARDS; HASTIE, 2002):

$$LM \subset GLM \subset GAM$$
 (2.9)

GAMs são parametrizados como os GLMs, porém alguns preditores podem ser modelados de modo não parametrizado em adção a termos lineares e polinomias para outros preditores. Um passo crucial para se aplicar GAMs é selecionar o nível apropriado de "suavização" para os preditores.

2.1.3.3 MARS - Multivariate Adaptive Regression Spline

O foco na modelagem por regressão, é estimar uma função $f'(x_1,...x_n)$, que melhor se assemelhe a função $f(x_1,...,x_n)$, que descreve a relação entre as propriedades de um dado fenômeno, e o seu resultado real. (FRIEDMAN, 1991).

MARS é um modelo altamente flexivel para se trabalhar com um grande fluxo de dados, tomando a forma de uma expanção de formulas spline base, onde o quantidade destas assim como os seus parametros é automaticamente determinado pelo dado, atuando melhor com dados que são quase aditivos ou possuem a interação entre vários parametros, produzindo modelos continuos (FRIEDMAN; ROOSEN, 1995).

Para se fazer o fiting do modelo, MARS utiliza de splines, sendo a o metodo mais popular o "B-Spline" usado em conjunto com o fiting por ultimo-quadrado. O processo de spline, consiste em separar os dados nos menores conjuntos possívies, assumindo um formato de um polinomio de q parametros, onde q é o quanto iremos aprofundar na regressão, limitiando de tal forma que a função atual e a função de menor q-1 são continuos em todos os grupos, resultando em uma função com fitting apropriado (FRIEDMAN; ROOSEN, 1995).

Em outras palavras, podemos definir um spline, como a aproximação de uma curva de formato complexo utilizando do menor número possivel de retas, sendo essa quantidade de retas o prametro q, como pode ser visto na figura 3.

Figura 3 – Curva Spline

Fonte: Wikipedia (2025)

2.2 Análise de Algoritmos

A análise de algoritmos é o processo de se identificar uma formula matemática que melhor represente o custo de utilização de uma dado algoritmo, podendo ser o tempo que o algoritmo leva para terminar com uma quantidade n de dados, ou de espaço, quanto da memoria do computador o algoritmo ira usar durante seu processo.

Neste processo identificamos a qual fámilia de problemas esse algoritmo pertence, que corresponde ao seu custo de computação (CORMEN et al., 2009) e assim podemos categoriza-lo com báse na notação assintótica.

Complexidade	Nome	Eficiente
O(1)	Constante	Sim
O(logn)	Logartimica	Sim
O(n)	Linear	Sim
O(nlogn)	"Linearitimica"	Sim
$O(n^2)$	Quadrática	Sim
$O(n^3)$	Cúbica	Sim
$O(2^n)$	Exponencial	Não
O(n!)	Fatorial	Não

Tabela 2 – Notação Assintótica

A formula matemática identificada como a representação do custo computacional é "arredondada" para uma das familias apresentadas acima, reduzindo a formula a sua caractereistica mais presente, visto que aqui assumimos que n sejá um valor muito grande. Por exemplos uma função que tenha a forma de n^2+n+c , onde c é uma constante, pode ser reduzida a n^2 , já que está parte tera maior peso durante a computação, a caracterizando como $O(n^2)$, onde O é a notação "O grande", que representa a complexidade do algoritmo (CORMEN et al., 2009).

Com está análise, conseguimos encontrar um algoritmo que melhor se encaixe em

determinado problema, antes de se desenvolver o mesmo em uma linguagem de programação especifica, ou de utilizarmos algoritmos já implementados de forma cega, podendo perder em tempo e em consumo desnecessário de memoria.

2.2.1 Análise de Complexidade

Na análise de complexidade, estimamos o tempo de execução de um algoritmo dado uma entrada de tamanho n, análisando seus comandos, como exemplo podemos utilizar o algoritmo de ordenação bubble-sort. O bubble-sort é um algorimo que ordena uma sequência de números, encontrando onde o valor atual se encaixa na sequencia (SEDGEWICK; FLAJOLET, 2013), sequindo os seguintes passos:

Assumimos uma sequencia númerica, de tamanho $n=5,\,51428,\,$ e tomemos dois marcadores i e j, que representam poisções na sequencia númerica.

- Passo 1: Iniciamos com i = 0 e j = 1;
- Passo 2: Compara se o valor na posição *i* é maior que o valore na posição *j*, até *j* ser igual a *n*;
- Passo 3: Se sim, incrementa o valor de j, e retorna ao passo 2;
- Passo 4: Se não, troca os valores de i e j-1, incrementa i, atribui j=i+1 e retorna ao passo 2;
- Passo 6: Repete os passos 2 a 4 até que i seja igual a n;

Com estes passo, podemos desenvolver um psceudo código que realiza o bubble-sort.

```
func bubble-sort(vetor)
for i = 0 to n-1 do
for j = i to n-1 do
if vetor[j] > vetor[j+1] do
swap(vetor[j], vetor[j+1])
```

Apartir do psceudo código acima, conseguimos realizar a análise de complexidade. Na linha 2 "fori = 0ton - 1do" temos uma interação sobre o vetor de tamanho n, logo dizemos que nesta linha temos uma complexidade O(n), na linha 3 "forj = iton - 1" encontramos novamente uma interação pelo vetor, assumimos aqui que temos uma complexidade O(n).

A linha 4 atribuimos uma complexidade de O(1) visto que ela roda uma vez para cada laço gerado pela linha 3. Também assumimos O(1) para a linha 5, assumindo que a troca é uma ação constante.

No final, temos uma complexidade de $O(n^2)$ visto que percorremos o vetor de entrada duas vezes, e este ponto é oque apresenta maior impacto no desempenho com vetores de tamanho n muito grande.

2.2.2 Análise de Espaço

Na análise de espaço, levamos em conta as váriaveis que o algoritmo utiliza e/ou cria, como por exemplo estruturas auxiliares como vetores ou matrizes, conseguimos representar

o consumo esperado de memória atravez de uma formula matemática (SEDGEWICK; FLAJOLET, 2013), assim como ná análise anterior, como exemplo tomemos o algortimo bubble-sort.

No algoritmo de bubble-sort, temos as seguintes váriaveis:

- vetor a sequencia de n inteiros;
- i um valor inteiro que representa uma posição na sequencia;
- j um valor inteiro que representa uma posição na sequencia;

Assim, o algoritmo não cria nenhuma variavel a mais durante sua execução, acarretando em um custo de memoria costante durante a sua execução. Sendo o tamanho de 2 inteiros mais o tamanho de um inteiro multiplicado pelo tamanho n da sequencia de inteiros.

Logo o consumo de memoria pode ser descrito por uma função linear, f(n) = n + 2, onde n é o tamanho da sequencia de entrada.

2.3 Linguagem R

R foi desenvolvido e pensado como uma linguagem e ambiente para computação estatística e gráficos, possue a capacidade de trabalhar com vários processos estatísticos, como modelagem linear e não-linear, testes classicos de estatística, sériese temporais, entre outros, e ser altamente extensível (THE..., 2025).

Devido ao seu desenvolvimento focado em aplicações de computação estatística, ser semelhante e compativel com a lingaugem S já existente, e capaz de atuar com códigos feitos nas linguagens C, C++ e Fortran (THE..., 2025), tornou o R uma linguagem popular dentro da área de computação estatística (AWARI, 2022).

O ambiente do R, pode ser fácilmente incrementado, se utilizando de bibliotecas, nomeadas como packages, por padrão, temos oito packages que são encontrados junto da distribuição comum do R, outros packages podem ser encontrados em sites especializados na distribuição dos mesmos (THE..., 2025).

Além de ser de facil incrementação, o ambeinte R, possue um interface de desenvolvimento gratuita, o R Studio, onde a utilização da linguagem fica concnetrada em uma unica aplicação, facilitando a visualização dos dados, gráficos, alteração e manutenção do código e packages (RSTUDIO..., 2025).

2.3.1 Packages

Packages, também conhecidos como bibliotecas ou pacotes, dentro do cenario de computação, se refere a agrupamentos de códigos desenvolvidos por terceiros ou por si mesmo, para encapsular alguma atividade ou processo, que pode ser utilizado em mais de um projeto.

Como exemplo, podemos utilizar os packages, mda e mgcv, presentes neste trabalho, o package mda engloba funções para se aplicar um grupo de modelagem de dados, sendo estes o Mixture and Flexible Discriminant Analysis, Multivariate Adaptive Regression

Splines (MARS) e Vector-response Smoothing Splines (HASTIE et al., 2024), já o mgcv, engloba Generalized Additive Models e algumas de suas variações , Generalized Cross Validation e similares (WOOD, 2025).

Estes packages permitem ao usuário, apenas chamar a função que representa o processo a ser executado, não precisando se preocupar com os pormenores da execução em si, apenas passar os parametros necessários de modo correto.

2.4 Trabalhos relacionados

3 Desenvolvimento

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Sed sollicitudin tempor sapien in maximus. Quisque in vulputate dui, ac vestibulum sem. Suspendisse urna velit, dapibus nec egestas a, rhoncus vitae neque. Mauris quis efficitur augue. Aliquam quis tellus eget orci aliquet aliquam. Sed luctus, quam vitae elementum malesuada, quam lacus imperdiet urna, sed ullamcorper libero magna non elit. Cras laoreet arcu a augue volutpat, suscipit pretium tellus tempus. Sed eros tortor, imperdiet eu neque id, interdum egestas tortor.

4 Resultados

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Sed sollicitudin tempor sapien in maximus. Quisque in vulputate dui, ac vestibulum sem. Suspendisse urna velit, dapibus nec egestas a, rhoncus vitae neque. Mauris quis efficitur augue. Aliquam quis tellus eget orci aliquet aliquam. Sed luctus, quam vitae elementum malesuada, quam lacus imperdiet urna, sed ullamcorper libero magna non elit. Cras laoreet arcu a augue volutpat, suscipit pretium tellus tempus. Sed eros tortor, imperdiet eu neque id, interdum egestas tortor.

5 Conclusão

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Sed sollicitudin tempor sapien in maximus. Quisque in vulputate dui, ac vestibulum sem. Suspendisse urna velit, dapibus nec egestas a, rhoncus vitae neque. Mauris quis efficitur augue. Aliquam quis tellus eget orci aliquet aliquam. Sed luctus, quam vitae elementum malesuada, quam lacus imperdiet urna, sed ullamcorper libero magna non elit. Cras laoreet arcu a augue volutpat, suscipit pretium tellus tempus. Sed eros tortor, imperdiet eu neque id, interdum egestas tortor.

5.1 Trabalhos Futuros

- Trabalho Futuro 1
- Trabalho Futuro 2
- Trabalho Futuro 3

Referências

ADALARDO. 7. Modelos Lineares. 2020. Acesso em: 26 de Abril de 2025. Disponível em: http://ecor.ib.usp.br/doku.php?id=03_apostila:06-modelos#:: ~:text=SÃčo%20chamados%20modelos%20lineares%20aqueles,dos%20demais%20parÃćmetros%20do%20modelo.> Citado na página 15.

AMETEPEY, S. O.; ANSAH, S. K. Impacts of construction activities on the environment: the case of ghana. *Journal of Construction Project Management and Innovation*, v. 4, n. sup-1, p. 934–948, 2014. Disponível em: https://journals.co.za/doi/abs/10.10520/EJC162729. Citado na página 11.

AUGUSTO, D. A. Entenda o que são modelos computacionais e como o SISS-Geo os utiliza. 2025. Acesso em: 25 de Abril de 2025. Disponível em: https://www.biodiversidade.ciss.fiocruz.br/entenda-o-que-sao-modelos-computacionais-e-como-o-siss-geo-os-utiliza. Citado na página 14.

AWARI. Conheça as principais linguagens de programação para Ciência de Dados. 2022. Acesso em: 25 de Abril de 2025. Disponível em: https://awari.com.br/linguagens-de-programacao-para-ciencia-de-dados/. Citado 2 vezes nas páginas 11 e 23.

CHEIN, F. *Introdução aos Modelos de Regressão Linear*. Enap, 2019. ISBN 9788525601155. Disponível em: https://repositorio.enap.gov.br/bitstream/1/4788/1/Livro_Regressão% 20Linear.pdf>. Citado 3 vezes nas páginas 15, 16 e 17.

CORMEN, T. et al. *Introduction to Algorithms, third edition*. MIT Press, 2009. (Computer science). ISBN 9780262033848. Disponível em: https://books.google.com.br/books?id=i-bUBQAAQBAJ. Citado 2 vezes nas páginas 12 e 21.

COSME, A. L. Modelagem computacional: o que é, qual sua aplicação. 2025. Acesso em: 17 de Abril de 2025. Disponível em: https://123ecos.com.br/docs/modelagem-computacional/. Citado na página 11.

COSME, A. L. Modelagem computacional: o que é, qual sua aplicação. 2025. Acesso em: 25 de Abril de 2025. Disponível em: https://123ecos.com.br/docs/modelagem-computacional/#:~:text=Os%20principais%20tipos%20sÃčo%20a,em%20diferentes%20Ãąreas%20do%20conhecimento. Citado na página 14.

DEVELOPERS, G. for. Classificação: precisão, recall, precisão e métricas relacionadas. 2024. Acesso em: 3 de Maio de 2025. Disponível em: https://developers.google.com/machine-learning/crash-course/classification/accuracy-precision-recall?hl=pt-br. Citado na página 18.

EBAC. Regressão Linear: teoria e exemplos. 2023. Avesso em: 27/04/2025. Disponível em: https://ebaconline.com.br/blog/regressao-linear-seo. Citado na página 16.

ELITH, J.; LEATHWICK, J. R. Species distribution models: Ecological explanation and prediction across space and time. *Annual Review of Ecology, Evolution, and Systematics*, Annual Reviews, v. 40, n. Volume 40, 2009, p. 677–697, 2009. ISSN 1545-2069. Disponível

Referências 29

em: https://www.annualreviews.org/content/journals/10.1146/annurev.ecolsys.110308. 120159>. Citado 2 vezes nas páginas 11 e 19.

- FILHO, M. O Que É Acurácia Em Machine Learning? 2023. Acesso em: 3 de Maio de 2025. Disponível em: https://mariofilho.com/o-que-e-acuracia-em-machine-learning/>. Citado 2 vezes nas páginas 17 e 18.
- FRIEDMAN, J. H. Multivariate Adaptive Regression Splines. The Annals of Statistics, Institute of Mathematical Statistics, v. 19, n. 1, p. 1 67, 1991. Disponível em: $\frac{\text{https:}}{\text{doi.org}/10.1214/\text{aos}/1176347963}$. Citado 2 vezes nas páginas 11 e 20.
- FRIEDMAN, J. H.; ROOSEN, C. B. An introduction to multivariate adaptive regression splines. *Statistical Methods in Medical Research*, v. 4, n. 3, p. 197–217, 1995. PMID: 8548103. Disponível em: https://doi.org/10.1177/096228029500400303. Citado na página 20.
- GUISAN, A.; EDWARDS, T. C.; HASTIE, T. Generalized linear and generalized additive models in studies of species distributions: setting the scene. *Ecological Modelling*, v. 157, n. 2, p. 89–100, 2002. ISSN 0304-3800. Disponível em: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0304380002002041. Citado 3 vezes nas páginas 11, 19 e 20.
- HASTIE, T.; TIBSHIRANI, R. Generalized Additive Models. *Statistical Science*, Institute of Mathematical Statistics, v. 1, n. 3, p. 297 310, 1986. Disponível em: https://doi.org/10.1214/ss/1177013604. Citado na página 11.
- HASTIE, T. et al. *Package 'mda'*. 0.5-5. ed. [S.l.], 2024. Https://CRAN.R-project.org/package=mda. Disponível em: https://cran.r-project.org/web/packages/mda/mda.pdf>. Citado 2 vezes nas páginas 19 e 24.
- IBM. *Modelos lineares*. 2025. Acesso em: 26 de Abril de 2025. Disponível em: https://www.ibm.com/docs/pt-br/spss-modeler/18.5.0?topic=node-linear-models. Citado na página 15.
- NORBERG, A. et al. A comprehensive evaluation of predictive performance of 33 species distribution models at species and community levels. *Ecological Monographs*, v. 89, n. 3, p. e01370, 2019. Disponível em: https://esajournals.onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1002/ecm.1370. Citado 2 vezes nas páginas 12 e 19.
- NOVAK, H. Modelos de Regressão Linear e como aplicamos a técnica na Loft. 2022. Avesso em: 27/04/2025. Disponível em: https://medium.com/loftbr/regressÃčo-linear-65fc8caeb729. Citado na página 18.
- OLIVER, J. 2024. Acesso em: 4 de Maio de 2025. Disponível em: Citado na página 19.
- PAUL, S.; SAHA, K. K. The generalized linear model and extensions: a review and some biological and environmental applications. *Environmetrics*, v. 18, n. 4, p. 421–443, 2007. Disponível em: https://onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1002/env.849. Citado 2 vezes nas páginas 11 e 19.

Referências 30

RICHTER, F. Amazon and Microsoft Stay Ahead in Global Cloud Market. 2025. Acesso em: 19 de Abril de 2025. Disponível em: https://www.statista.com/chart/18819/ worldwide-market-share-of-leading-cloud-infrastructure-service-providers/>. Citado na página 11.

RSTUDIO Desktop. 2025. Acesso em: 10 de Maio de 2025. Disponível em: https://posit.co/download/rstudio-desktop/>. Citado na página 23.

SEDGEWICK, R.; FLAJOLET, P. An Introduction to the Analysis of Algorithms. Pearson Education, 2013. ISBN 9780133373486. Disponível em: https://books.google.com.br/books?id=P3tCB8Q7mA8C. Citado 3 vezes nas páginas 12, 22 e 23.

STOCKMAN, A. K.; BEAMER, D. A.; BOND, J. E. An evaluation of a garp model as an approach to predicting the spatial distribution of non-vagile invertebrate species. *Diversity and Distributions*, v. 12, n. 1, p. 81–89, 2006. Disponível em: https://onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1111/j.1366-9516.2006.00225.x. Citado na página 12.

THE R Project for Statistical Computing. 2025. Acesso em: 10 de Maio de 2025. Disponível em: https://www.r-project.org. Citado na página 23.

WIKIPEDIA. *B-Spline*. 2025. Acesso em: 13 de Maio de 2025. Disponível em: https://en.wikipedia.org/wiki/B-spline. Citado na página 21.

WISZ, M. S. et al. Effects of sample size on the performance of species distribution models. *Diversity and Distributions*, v. 14, n. 5, p. 763–773, 2008. Disponível em: https://onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1111/j.1472-4642.2008.00482.x. Citado na página 12.

WOOD, S. *Package 'mgcv'*. 1.9-3. ed. [S.l.], 2025. Https://CRAN.R-project.org/package=mgcv. Disponível em: https://cran.r-project.org/web/packages/mgcv/mgcv.pdf>. Citado 2 vezes nas páginas 19 e 24.



APÊNDICE A – Exemplo de seção de anexo

1 EXEMPLO DE CODIGO A SER ADICIONADO