

$$3. L = \{a^n b^n c^k \mid n, k \geq 0\}$$

Resolução:

Seja $w = a^p b^p c$, onde $|w| = 2p + 1$. Como p é um número positivo, temos $|w| \geq p$, satisfazendo a condição do lema do bombeamento.

Pelo lema do bombeamento, há de haver uma cadeia

$w = uvz$ com $|uv| \leq p$ e $|v| \geq 1$ tal que $uv^i z$ pertence a L para todo $i \geq 0$

Dado que $|uv| \leq p$ e a primeira parte da cadeia w consiste apenas em "a"s, podemos concluir que: em qualquer divisão onde $|uv| \leq p$ e $|v| \geq 1$, certamente $v = a^t$, para algum $t \geq 1$, e $u = a^r$, para algum $r \geq 0$.

Então, para $i = 2$, temos: $uvvz = a^r a^t a^t a^{p-r-t} b^p c$. Mas $r+2t+p-r-t = p+t$, o que faz $a^{p+t} b^p c$ não pertencer a L , uma contradição, pois $uv^i z$ pertence a L para todo $i \geq 0$ vale e também $p+t$ é diferente de p .

Logo, L não é regular.