

5–22 Determine o limite, se existir, ou mostre que o limite não existe.

5. $\lim_{(x,y) \rightarrow (1,2)} (5x^3 - x^2y^2)$

6. $\lim_{(x,y) \rightarrow (1,-1)} e^{-xy} \cos(x+y)$

7. $\lim_{(x,y) \rightarrow (2,1)} \frac{4-xy}{x^2+3y^2}$

8. $\lim_{(x,y) \rightarrow (1,0)} \ln\left(\frac{1+y^2}{x^2+xy}\right)$

9. $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^4 - 4y^4}{x^2 + 2y^2}$

10. $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2 + \sin^2 y}{2x^2 + y^2}$

11. $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{xy \cos y}{3x^2 + y^2}$

12. $\lim_{(x,y) \rightarrow (1,0)} \frac{xy - y}{(x-1)^2 + y^2}$

13. $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{xy}{\sqrt{x^2 + y^2}}$

14. $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^4 - y^4}{x^2 + y^2}$

15. $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2 y e^y}{x^4 + 4y^2}$

16. $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2 \sin^2 y}{x^2 + 2y^2}$

17. $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2 + y^2}{\sqrt{x^2 + y^2 + 1} - 1}$

18. $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{xy^4}{x^2 + y^8}$

19. $\lim_{(x,y,z) \rightarrow (\pi, \theta, 1)} e^{y^2} \operatorname{tg}(xz)$

20. $\lim_{(x,y,z) \rightarrow (0,0,0)} \frac{xy + yz}{x^2 + y^2 + z^2}$

21. $\lim_{(x,y,z) \rightarrow (0,0,0)} \frac{xy + yz^2 + xz^2}{x^2 + y^2 + z^4}$

22. $\lim_{(x,y,z) \rightarrow (0,0,0)} \frac{yz}{x^2 + 4y^2 + 9z^2}$

29–38 Determine o maior conjunto no qual a função é contínua.

29. $F(x, y) = \frac{xy}{1 + e^{x-y}}$

30. $F(x, y) = \cos \sqrt{1 + x - y}$

31. $F(x, y) = \frac{1 + x^2 + y^2}{1 - x^2 - y^2}$

32. $H(x, y) = \frac{e^x + e^y}{e^{xy} - 1}$

37. $f(x, y) = \begin{cases} \frac{x^2 y^3}{2x^2 + y^2} & \text{se } (x, y) \neq (0, 0) \\ 1 & \text{se } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$

38. $f(x, y) = \begin{cases} \frac{xy}{x^2 + xy + y^2} & \text{se } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & \text{se } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$