

Lista de Exercícios – Introdução à Integral

Seção 5.3 – pág. 357

7–18 Use a Parte 1 do Teorema Fundamental do Cálculo para encontrar a derivada da função.

7.  $g(x) = \int_1^x \frac{1}{t^3 + 1} dt$

8.  $g(x) = \int_3^x e^{t^2-t} dt$

13.  $h(x) = \int_1^{e^x} \ln t dt$

14.  $h(x) = \int_1^{\sqrt{x}} \frac{z^2}{z^4 + 1} dz$

19–44 Calcule a integral.

19.  $\int_{-1}^2 (x^3 - 2x) dx$

20.  $\int_{-1}^1 x^{100} dx$

21.  $\int_1^4 (5 - 2t + 3t^2) dt$

62. Se  $f(x) = \int_0^{\sin x} \sqrt{1+t^2} dt$  e  $g(y) = \int_3^y f(x) dx$ , encontre  $g''(\pi/6)$ .

63. Se  $f(1) = 12$ ,  $f'$  é contínua e  $\int_1^4 f'(x) dx = 17$ , qual é o valor de  $f(4)$ ?

79. Uma empresa possui uma máquina que se deprecia a uma taxa contínua  $f = f(t)$ , onde  $t$  é o tempo medido em meses desde seu último condicionamento. Como a cada vez em que a máquina é recondicionada incorre-se em um custo fixo  $A$ , a empresa deseja determinar o tempo ideal  $T$  (em meses) entre os recondicionamentos.

(a) Explique por que  $\int_0^t f(s) ds$  representa a perda do valor da máquina sobre o período de tempo  $t$  desde o último recondicionamento.

(b) Seja  $C = C(t)$  dado por

$$C(t) = \frac{1}{t} \left[ A + \int_0^t f(s) ds \right]$$

O que representa  $C$  e por que a empresa quer minimizar  $C$ ?

(c) Mostre que  $C$  tem um valor mínimo nos números  $t = T$  onde  $C(T) = f(T)$ .

1–4 Verifique, por derivação, que a fórmula está correta.

1.  $\int \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} dx = \sqrt{x^2 + 1} + C$

2.  $\int \cos^2 x dx = \frac{1}{2}x + \frac{1}{4}\sin 2x + C$

5–18 Encontre a integral indefinida geral.

5.  $\int (x^2 + x^{-2}) dx$       6.  $\int (\sqrt{x^3} + \sqrt[3]{x^2}) dx$

7.  $\int (x^4 - \frac{1}{2}x^3 + \frac{1}{4}x - 2) dx$       8.  $\int (y^3 + 1,8y^2 - 2,4y) dy$

1–6 Calcule a integral fazendo a substituição dada.

1.  $\int \cos 3x dx, \quad u = 3x$

3.  $\int x^2 \sqrt{x^3 + 1} dx, \quad u = x^3 + 1$

5.  $\int \cos^3 \theta \sin \theta d\theta, \quad u = \cos \theta$

6.  $\int \frac{\sec^2(1/x)}{x^2} dx, \quad u = 1/x$

7–48 Calcule a integral indefinida.

7.  $\int x \sin(x^2) dx$

8.  $\int x^2 e^{x^3} dx$

11.  $\int (x + 1)\sqrt{2x + x^2} dx$

31.  $\int e^{\tan x} \sec^2 x dx$

43.  $\int \frac{dx}{\sqrt{1 - x^2} \sin^{-1} x}$

44.  $\int \frac{x}{1 + x^4} dx$

53–73 Avalie a integral definida.

53.  $\int_0^1 \cos(\pi t/2) dt$

54.  $\int_0^1 (3t - 1)^{50} dt$

59.  $\int_1^2 \frac{e^{1/x}}{x^2} dx$

3–36 Calcule a integral.

4.  $\int x e^{-x} dx$

11.  $\int \arctg 4t dt$

24.  $\int_0^1 (x^2 + 1) e^{-x} dx$

27.  $\int_1^3 r^3 \ln r dr$

**1–3** Calcule a integral usando a substituição trigonométrica indicada. Esboce e coloque legendas no triângulo retângulo associado.

$$1. \int \frac{1}{x^2\sqrt{x^2-9}} dx; \quad x = 3 \sec \theta \qquad 3. \int \frac{x^3}{\sqrt{x^2+9}} dx; \quad x = 3 \operatorname{tg} \theta$$

**7–38** Calcule a integral.

$$9. \int \frac{x-9}{(x+5)(x-2)} dx \qquad 25. \int \frac{4x}{x^3+x^2+x+1} dx \qquad 35. \int \frac{dx}{x(x^2+4)^2}$$

**5–40** Determine se cada integral é convergente ou divergente. Calcule aquelas que são convergentes.

$$5. \int_3^{\infty} \frac{1}{(x-2)^{3/2}} dx \qquad 7. \int_{-\infty}^0 \frac{1}{3-4x} dx$$

$$33. \int_0^9 \frac{1}{\sqrt[3]{x}-1} dx \qquad 35. \int_0^3 \frac{dx}{x^2-6x+5}$$