Zero Contextual de Lucas: Uma Proposta de Reformulação do Comportamento do Zero na Aritmetica

Resumo O Zero Contextual (ZC) de Lucas é uma proposta de extensão ao sistema aritmético tradicional. Ao contrário do modelo clássico em que o zero é um elemento neutro na adição e um elemento anulador na multiplicação, o ZC preserva informações contextuais do número com o qual interagiu. Este artigo introduz formalmente o conceito, define suas operações, e propõe aplicações onde a aritmética tradicional falha em fornecer uma resposta coerente.

- **1. Introdução** A divisão por zero é um dos temas mais controversos da matemática. O sistema tradicional define a operação como indefinida, o que limita sua aplicabilidade em sistemas computacionais, física teórica e análises simbólicas. Este artigo propõe uma alternativa: o Zero Contextual (ZC).
- **2. Definição Formal do ZC** O ZC é um operador que representa o zero enriquecido com informações do número que participou da operação, bem como do operador que o gerou. Formalmente:

Seja $a \in \mathbb{R}$, então:

•
$$a + 0 = ZC_+(a) \Rightarrow ZC_+(a) = a$$

•
$$a \times 0 = \mathrm{ZC}_{\times}(a) \Rightarrow \mathrm{ZC}_{\times}(a) = a$$

•
$$a/0 = ZC_{\div}(a) \Rightarrow ZC_{\div}(a) = a$$

Ou seja, a operação com zero resulta em um "zero contextual" que retém o valor e o tipo da operação que o originou.

3. Propriedades do ZC

- **Identidade**: $ZC_+(a) = a$, $ZC_\times(a) = a$
- **Preservação do valor**: as operações com ZC resultam na preservação do valor operado.
- **Reversibilidade simbólica**: permite traçar de volta a origem da operação com zero.

4. Exemplo de Cálculo com ZC

$$7 \times 0 = ZC_{\times}(7) \Rightarrow ZC_{\times}(7) \times 1 = 7$$
$$0 \times 0 = ZC_{\times}(0) \Rightarrow ZC_{\times}(0) = 0$$
$$7 \times ZC_{\times}(1) = 7$$

5. Propriedade Distributiva com ZC Se a(b+c)=ab+ac for testada com b=c=0, então:

Pelo ZC:

$$a \times (ZC_{+}(0) + ZC_{+}(0)) = a \times ZC_{\times}(0) + a \times ZC_{\times}(0) \Rightarrow a + a = 2a$$

Ou seja, a propriedade distributiva se comporta de forma compatível quando ZC preserva os valores e sinais.

6. Aplicações Potenciais

- **Divisão por zero simbólica**: permite expressar e manipular divisões por zero sem gerar inconsistências.
- Modelagem em física teórica: singularidades em buracos negros ou limites de funções em relatividade podem ser tratadas com ZC.
- Análise computacional: evita estouros de exceção ao registrar operações com zero preservando informações simbólicas.
- **7. Limitações e Considerações Finais** Embora o ZC ofereça uma nova forma de interpretar operações com zero, sua integração ao sistema matemático requer uma extensão formal de axiomas e testes rigorosos de consistência.
- **8. Conclusão** O Zero Contextual de Lucas representa uma tentativa de sanar as limitações do zero tradicional. Ao preservar informações da operação, abre espaço para aplicações teóricas e computacionais, podendo inspirar o desenvolvimento de um novo sistema matemático complementar ao tradicional.

Lucas Eduardo Pedroso, criador do conceito ZC, 2025