Evaluation calcul littéral : corrigé

Exercice 1. Soit $x \in \mathbb{R}$, développer les expressions suivantes. (4 points)

a) Pour cette question on utilise la double distributivité.

$$(2x-7)(4x+9) = 2x \times 4x + 2x \times 9 - 7 \times 4x - 7 \times 9$$
$$= 8x^{2} + 18x - 28x - 63$$
$$= 8x^{2} - 10x - 63$$

b) Ici on applique les opérations par ordre de priorité (carré puis produit puis somme).

$$2(3x - 5)^{2} + 25 = 2(9x^{2} - 30x + 25) + 25$$
$$= 18x^{2} - 60x + 50 + 25$$
$$= 18x^{2} - 60x + 75$$

Exercice 2. Soit $x \in \mathbb{R}$, factoriser les expressions suivantes. (4 points)

a) On se sert de l'identié remarquable $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$ où a=2x et b=3. $4x^2-12x+9=(2x)^2-2\times(2x)\times 3+3^2$ $=(2x-3)^2$

b) Pas d'identité remarquable visible donc on cherche un facteur commun.

$$(1-2x)(5x+8) + (2x-1)(7x-2) = (1-2x)(5x+8) - (1-2x)(7x-2)$$
$$= (1-2x)[(5x+8) - (7x-2)]$$
$$= (1-2x)(5x+8-7x+2)$$
$$= (1-2x)(10-2x)$$

Exercise 3. Soit $x \in \mathbb{R}$, montrer que $(3x-7)^2 - 9 = (3x-10)(3x-4) = 9x^2 - 42x + 40$. (2 points)

$$(3x - 7)^{2} - 9 = (3x - 7)^{2} - 3^{2}$$

$$= (3x - 7 - 3)(3x - 7 + 3)$$

$$= (3x - 10)(3x - 4)$$

$$= 3x \times 3x + 3x \times (-4) - 10 \times 3x - 10 \times (-4)$$

$$= 9x^{2} - 12x - 30x + 40$$

$$= 9x^{2} - 42x + 40$$