Evaluation fonction carré: corrigé

Exercice 1. Vrai ou Faux? Justifier. (5 points)

1. Les solutions de $x^2 = -4$ sont 2 et -2.

Réponse : Faux, on a vu qu'un carré était positif ou nul donc $x^2 = -4$ n'admet pas de solution.

2. La forme factorisée de $49x^2 - 81$ est $(7x - 9)^2$.

Réponse : Faux. Si on développe $(7x-9)^2$ on obtient $49x^2-126x+81$. Remarquons que l'on aurait aussi pu factoriser l'autre terme à l'aide de la formule $a^2-b^2=(a-b)(a+b)$.

3. L'image de -5 par la fonction carré est 25.

Réponse : Vrai car $(-5)^2 = 25$.

4. Un antécédent de 2 par la fonction carré est $\sqrt{2}$.

Réponse : Vrai car $(\sqrt{2})^2 = 2$.

5. 2020 admet un unique antécédent par la fonction carré.

Réponse : Faux puisque $(\sqrt{2020})^2 = (-\sqrt{2020})^2 = 2020$. 2020 admet donc **deux** antécédents par la fonction carré.

Exercice 2. Résoudre les inéquations suivantes. (5 points)

1.
$$x^2 \le 5$$

Réponse : $x \le \sqrt{5}$ ou $x \ge -\sqrt{5}$ donc l'ensemble solution de cette inéquation est $[-\sqrt{5}; \sqrt{5}]$.

$$2. x^2 > -8$$

Réponse : On sait que pour tout $x \in \mathbb{R}$, $x^2 \geq 0$. Or ici on on veut savoir quand x^2 est strictement supérieur à -8 qui est lui même strictement négatif. Ainsi on peut affirmer que l'ensemble solution de cette inéquation est \mathbb{R} .