

Modulo 1 – Trabalho de Implementação (2020/1 REMOTO)

Computação Concorrente (MAB-117)

Prof. Silvana Rossetto

1- Introdução

O problema escolhido foi o cálculo de π (pi) de forma diferente da abordada em aula. Na ocasião foi solicitada uma implementação do cálculo da variável por meio de uma soma de elementos de uma série infinita e neste trabalho utilizo a integração numérica de uma semicircunferência para calcular seu valor.

2- Método

É sabido que a área de uma circunferência é dada por ($\pi * R^2$), portanto podemos calcular π como o dobro da área de uma semicircunferência de raio 1. Para tal, quebramos o objeto em retângulos de largura n de forma que a área de cada retângulo é dada pelo produto da altura (fórmula 1) pelo tamanho de cada intervalo com x no ponto médio (fórmula 2)

Fórmula 1:

$$y = \sqrt{1 - x^2}$$

Fórmula 2:

$$xi = -1 + (i + 0.5) * n$$

Desta forma a altura é calculada pelo produto ($y * n$).

Como estratégia de paralelização o programa coloca cada thread para calcular uma soma parcial dos retângulos atribuídos a elas e somente ao ter concluído todos os seus triângulos a mesma acessa a variável compartilhada (seção crítica) e soma a ela o valor que calculou.

A fim de garantir o balanceamento de carga entre as threads cada uma calcula o retângulo de acordo com seu id, pulando do total de threads até que sejam varridos todos os retângulos.

Ao final do programa, multiplicamos por 2 o valor da variável compartilhada (afinal a função calcula apenas metade da área da circunferência) e obtemos o valor de π .

3- Resultados

A seguinte tabela lista os tempos de execução (escolhi os menores dentro de 10 rodados para cada caso) e de ganho de desempenho quando comparado com o tempo sequencial (Ganho de desempenho = Tempo Concorrente / Tempo Sequencial). O tempo de uma thread foi considerado como sendo o sequencial.

	Nº de Retângulos	Tempo	Ganho desempenho (Tseq / Tconc)
1 Thread	1000	0.001248	
	1000000	0.009226	
	1000000000	8.063097	
2 Threads	1000	0.001529	0.816219751
	1000000	0.006767	1.363381114
	1000000000	4.062308	1.984856146
4 Threads	1000	0.002344	0.532423208
	1000000	0.0043	2.145581395
	1000000000	2.092757	3.852858693
8 Threads	1000	0.004947	0.252274106
	1000000	0.006358	1.451085247
	1000000000	2.063514	3.907459315

Com isso é fácil concluir que, apesar de a implementação concorrente ter performance pior para valores baixos, o ganho de desempenho para valores suficientemente grandes de operações tende a aproximadamente ao número de núcleos executando paralelamente o programa (com o ganho de desempenho teórico dado pela lei de Amdahl).