Trabajo práctico 3:

Resolución de ecuaciones no lineales: Método de Punto Fijo

1. Dadas las siguientes funciones, realice los posibles despejes, evalúe cuál es el más conveniente para la resolución. Encuentre las raíces de cada función con un precisión $|f(x_n)| \le 0.01$:

a)
$$f(x) = x - \frac{1}{2} sen(3x)$$

b)
$$f(x) = x^2 + 10\cos(x)$$

2. Para cada una de las siguientes ecuaciones, determine una función **g** y un intervalo [a, b] en el cual el método de Punto Fijo converja a cada solución positiva de la ecuación:

a)
$$3x^2 - e^x = 0$$

b)
$$x - \cos(x) = 0$$

Encuentre las soluciones con una precisión de 10⁻³.

- 3. Halle una aproximación con precisión de 10^{-2} , del valor de x que produce el punto de la gráfica de la función $y=x^2$ más cercano a (1,0). Sugerencia: minimice $[d(x)]^2$, donde d(x) representa la distancia de (x, x^2) a (1, 0).
- Aplique el método de Punto Fijo Sistemático para encontrar aproximaciones a las raíces pedidas con precisión dada por |f(xn)|≤ 0.001, en cada caso:

a)
$$4 \cos(x) = e^x$$
 para la raíz en el intervalo [-1, -2]

b)
$$x^5 - 1.5 = 0$$
 para la raíz en el intervalo [1,2]