Leçon : Calcul littéral 1

Nombres et Calculs : Écrire, utiliser et simplifier une expression littérale Nombres et Calculs : Tester une égalité

Nombres et Calculs : Développer un produit avec la simple distributivité Nombres et Calculs : Réduire une expression avec ou sans parenthèses

Nombres et Calculs : Factoriser une somme ou une différence

I. <u>Simplification d'écriture</u>

Pour simplifier les écritures mathématiques, on utilise les conventions suivantes :

- On n'écrit pas le signe \times s'il est suivi d'une lettre ou d'une parenthèse.
- Les nombres s'écrivent toujours devant les lettres et les parenthèses.
- Le nombre 1 ne s'écrit pas devant une lettre ou une parenthèse.

Exemples:

- 7 × t peut s'écrire
- 8 × (6 + r) peut s'écrire et se lit
- s × (p + z) peut s'écrire et se lit et se lit
- (d j) × (11 + n) peut s'écrire et se lit et se lit

Remarques: $1 \times p = \dots$ $c \times c = \dots$ $f \times f \times f = \dots$

II. <u>Réduire une expression</u>

Réduire une expression littérale, c'est l'écrire comme somme algébrique ayant le moins de termes possibles.

Exemples: A = x + 2x + 4 + 7x + 16

$$B = 7 x \times 8 x$$

$$C = 3 \times 2 x + 8 x \times 2 x + 9 x$$

III. Calculer la valeur d'une expression littérale

Pour calculer une expression littérale pour une valeur des lettres, on remplace les lettres par les valeurs.

Exemple: Calculer A = 5x + 9 pour x = 3.

Pour tester une égalité, on remplace les valeurs par celle proposées et on vérifie l'égalité.

Exemple: Tester l'égalité 7a - 9 = 2a + 1 pour a = 2.

IV. Développer une expression avec la distributivité simple

Développer une expression consiste à l'écrire sous la forme d'une somme algébrique.

Pour développer une expression, on peut utiliser :

Distributivité simple :

Exemples:
$$A = 7 (y + 9)$$
 $B = -6 (t - 4)$ $C = x (3x - 8)$

$$B = -6 (t - 4)$$

$$C = x (3x - 8)$$

Suppression de parenthèses ٧.

a) Parenthèses précédées du signe +

On peut supprimer des parenthèses précédées du signe + (ainsi que ce signe +) sans changer l'expression entre parenthèses.

Exemples:
$$A = 3x + (7x - 4)$$

$$B = (5x - 6) + (-9x + 1)$$

b) Opposé d'une expression

Prendre l'opposé d'un nombre revient à le multiplier par -1.

Exemples:
$$A = -(11 y + 9)$$

$$B = -(-8y - 5)$$

c) Parenthèses précédées du signe -

On peut supprimer des parenthèses précédées du signe - en changeant l'expression en son opposée.

Exemples:
$$A = 9m - (8m - 2)$$
 $B = (3m - 4) - (-15m + 6)$

$$B = (3m - 4) - (-15m + 6)$$

VI. <u>Factoriser une expression avec la distributivité simple</u> Factoriser une expression consiste à l'écrire sous la forme d'un produit.

Pour factoriser une expression, on peut utiliser:

Distributivité simple :

| Exemples: | A = 2 x + 2 y | B = 4 t + 12 | | | C = 5 x + 3 x |
|---|-------------------|--------------|----------|-------------------|------------------------------------|
| | $D = 9 x^2 + 6 x$ | | | $E = 7 x^2 - x$ | |
| F = (4x + 9)(6x + 3) + (4x + 9)(5x + 2) | | | G = (9 : | x - 3)(5 x + 2) - | - (5 <i>x</i> + 2)(4 <i>x</i> - 8) |
| H = (4x + 5)(7x + 2) + 4x + 5 | | | I = (2) | x - 5)(11 x + 9) | - (2 <i>x</i> - 5) |