

4.4. Einige häufig benötigte FT-Paare

44

4. Zeitkontinuierliche Fourier-Transformation FT

$$\begin{aligned}
 1) \quad e^{j\omega_0 t} &\leftrightarrow 2\pi \delta(\omega - \omega_0) \\
 2) \quad \frac{1}{a} \delta(t - a) &\leftrightarrow e^{-j\omega a} \\
 3) \quad u(t+a) - u(t-a) &\leftrightarrow 2\pi \frac{a}{\omega} \delta(\omega - a) \\
 4) \quad X(\omega) &\leftrightarrow 2\pi x_1(t) \leftrightarrow 2\pi \delta(t-h) \leftrightarrow 2\pi e^{-j\omega h}
 \end{aligned}$$

$$x(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} X(\omega) e^{j\omega t} d\omega \quad \xleftrightarrow{F} \quad X(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t) e^{-j\omega t} dt \quad (4.54)$$

$x(t)$	$X(\omega)$
$u(t+a) - u(t-a) ; a > 0$	$\frac{2a \sin(a\omega)}{j\omega} = 2a \operatorname{si}(a\omega)$
$\frac{\pi}{a} \operatorname{si}(at)$	$u(\omega+a) - u(\omega-a) ; a > 0$
$e^{-bt} u(t) ; b > 0$	$\frac{1}{b + j\omega}$
$e^{-b t } ; b > 0$	$\frac{2b}{b^2 + \omega^2}$
$\frac{1}{1 - t^2} e^{\frac{\sqrt{2}\pi}{-t^2}}$	$2\pi \delta(\omega)$
$\delta(t)$	1
$\int_{-\infty}^{\infty} e^{j\omega_0 t} dt = 2\pi \delta(\omega - \omega_0)$	$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(\omega - \omega_0) e^{-j\omega t} d\omega = e^{-j\omega_0 t}$
$\cos(\omega_0 t)$	$\pi (\delta(\omega + \omega_0) + \delta(\omega - \omega_0))$
$\sin(\omega_0 t)$	$j\pi (\delta(\omega + \omega_0) - \delta(\omega - \omega_0))$
$\sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(t - nT)$	$\sum_{k=-\infty}^{\infty} \frac{1}{T} \delta(\omega - k\omega_0) ; \omega_0 = \frac{2\pi}{T}$
$\delta(t - T)$	$e^{-j\omega T}$
$n(t)$	$\sum_{k=-\infty}^{\infty} c_k e^{jk\omega_0 t}$