

8,25

Universidade Federal de Alfenas - UNIFAL-MG

Disciplina: Álgebra Linear

Professor: Anderson José de Oliveira

Período: 2025/2

Data: 03/10/2025

**ATENÇÃO:** Respostas sem justificativa serão desconsideradas, todas as folhas entregues devem ser devolvidas, não será permitido o uso qualquer aparelho eletrônico.

## PROVA 1 - ÁLGEBRA LINEAR

Questão 1. Seja o sistema linear:

$$\begin{cases} x + 2y + z = 7 \\ 2x + 3y - z = -1 \\ 4x - y + 2z = 18 \end{cases}$$

0,5 (a) (0,5) Obtenha a matriz dos coeficientes  $A$  e sua transposta.

1,5 (b) (1,5) Resolva o sistema linear por escalonamento e pela regra de Cramer (se possível). Caso a solução seja indeterminada, obtenha a resposta em forma paramétrica.

Questão 2. Seja o espaço vetorial  $\mathbb{R}^3$ .

1,5 (a) (1,5) Verifique se  $W = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x - 3z = 0\}$  é um subespaço vetorial.

1,0 (b) (1,0) Obtenha um gerador do subespaço  $W = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x + y - z = 0\}$ .

1,5 (c) (1,5) Mostre que  $e_1 = (1, 0, 0)$ ,  $e_2 = (0, 1, 0)$  e  $e_3 = (0, 0, 1)$  é uma base de  $\mathbb{R}^3$ , a chamada base canônica de  $\mathbb{R}^3$ .

0,5 (d) (1,0) Determine uma base e a dimensão de  $V \cap W$ , sendo  $V = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x + y - z = 0\}$  e  $W = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x = y\}$ .

2,0 Questão 3. (2,0) Determine se o conjunto a seguir é subespaço de  $M(2, 2)$ . Em caso afirmativo, exiba uma base:

$$V = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix},$$

com  $a, b, c, d \in \mathbb{R}$  e  $b = c$ .

0,75 Questão 4. (1,0) Seja  $V$  um espaço vetorial e  $v_1, v_2, \dots, v_n \in V$ . Prove que se um desses vetores é combinação linear dos outros, então  $\{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  é linearmente dependente.

**Boa Avaliação!** "Encontra ânimo na dor e no desafio. Nesta vida só nos são colocados à frente os obstáculos que somos capazes de ultrapassar." (Augusto Branco).