

- exercícios

$$a) \sum_{n=1}^4 n^2$$

$$b) \sum_{i=1}^4 3i$$

$$c) \sum_{i=1}^4 (3-2i)$$

$$d) \sum_{i=1}^3 (2i+x)$$

$$e) \sum_{i=0}^5 i(i-1)(5-i)$$

$$f) \sum_{m=1}^4 8K-6m$$

$$a) \sum_{n=1}^4 n^2 = 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 \\ = 1 + 4 + 9 + 16 \\ = 30$$

$$b) \sum_{i=1}^4 3i = 3 \cdot 1 + 3 \cdot 2 + 3 \cdot 3 + 3 \cdot 4 \\ = 3 + 6 + 9 + 12 \\ = 30$$

$$c) \sum_{i=1}^4 (3-2i) = (3-2 \cdot 1) + (3-2 \cdot 2) + (3-2 \cdot 3) + (3-2 \cdot 4) \\ = 1 + (-1) + (-3) + (-5) \\ = -8$$

$$d) \sum_{i=1}^3 (2i+x) = (2 \cdot 1+x) + (2 \cdot 2+x) + (2 \cdot 3+x) = 3x + 12$$

$$e) \sum_{i=0}^5 i(i-1)(5-i) = (0(0-1)(5-0)) + (1(1-1)(5-1)) + (2(2-1)(5-2)) + (3(3-1)(5-3)) + (4(4-1)(5-4)) + (5(5-1)(5-5)) \\ 0 + 0 + 2 \cdot 3 + 3 \cdot 2 \cdot 2 + 4 \cdot 3 + 0 = 30$$

$$f) \sum_{m=1}^4 8K-6m = (8K-6 \cdot 1) + (8K-6 \cdot 2) + (8K-6 \cdot 3) + (8K-6 \cdot 4) \\ (8K-6) + (-12) + (-18) + (-24) \\ 32K - 60$$

$$K = \frac{60}{32} \quad K = \frac{15}{8} = 1.875$$

podemos afirmar que $\sum_{i=0}^5 i(i-1)(5-i) = \sum_{i=2}^5 i(i-1)(5-i)$? Justifique.

1 $\rightarrow 0, 1, 2, 3, 4, 5$

$$i=0 \Rightarrow 0(0-1)(5-0) = 0$$

2 $\rightarrow 2, 3, 4$

$$i=1 \Rightarrow 1(1-1)(5-1) = 0$$

3 $\rightarrow 0, 1, \dots, 5$ (1)

$$i=5 \Rightarrow 5(5-1)(5-5) = 0$$

Ambos somatórios possuem o mesmo somando " $i(i-1)(5-i)$ ",

sua única diferença são $i=0, 1, 5$ no primeiro somatório, mas isso não

diferencia os somatórios pois esses valores de i resultam em "0",

não alterando assim o somatório.