

UNIVERSIDADE FEDERAL DE MINAS GERAIS
Departamento de Engenharia de Produção
Programa de Pós-Graduação em Engenharia de Produção

Lucas Araújo de Paula

**Um novo modelo para o problema de roteamento de concreto com caminhões
betoneira**

Belo Horizonte
2025

Lucas Araújo de Paula

**Um novo modelo para o problema de roteamento de concreto com caminhões
betoneira**

Versão Final

Dissertação apresentada ao Programa de Pós-Graduação em Engenharia de Produção da Universidade Federal de Minas Gerais, como requisito parcial à obtenção do título de Mestre em Engenharia de Produção.

Orientadora: Ricardo Saraiva de Camargo

Belo Horizonte
2025

[Ficha Catalográfica em formato PDF]

A ficha catalográfica será fornecida pela biblioteca. Ela deve estar em formato PDF e deve ser passada como argumento do comando `ppgccufmg` no arquivo principal `.tex`, conforme o exemplo abaixo:

```
\ppgccufmg{  
    ...  
    fichacatalografica={ficha.pdf}  
}
```

[Folha de Aprovação em formato PDF]

A folha de aprovação deve estar em formato PDF e deve ser passada como argumento do comando `ppgccufmg` no arquivo principal `.tex`, conforme o exemplo abaixo:

```
\ppgccufmg{  
    ...  
    folhadeaprovacao={folha.pdf}  
}
```

Dedicuum cest laborae a quelquis personatum que ajudorat a facirelo.

Agradecimentos

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipisicing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

Sed ut perspiciatis unde omnis iste natus error sit voluptatem accusantium doloremque laudantium, totam rem aperiam, eaque ipsa quae ab illo inventore veritatis et quasi architecto beatae vitae dicta sunt explicabo. Nemo enim ipsam voluptatem quia voluptas sit aspernatur aut odit aut fugit, sed quia consequuntur magni dolores eos qui ratione voluptatem sequi nesciunt. Neque porro quisquam est, qui dolorem ipsum quia dolor sit amet, consectetur, adipisci velit, sed quia non numquam eius modi tempora incidunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim ad minima veniam, quis nostrum exercitationem ullam corporis suscipit laboriosam, nisi ut aliquid ex ea commodi consequatur? Quis autem vel eum iure reprehenderit qui in ea voluptate velit esse quam nihil molestiae consequatur, vel illum qui dolorem eum fugiat quo voluptas nulla pariatur?

“Truth and lie are opposite things.”
(Unkown)

Resumo

O presente trabalho propõe métodos de resolução para o problema de roteamento e agendamento de veículos para a entrega de concreto pronto com caminhões betoneira num contexto de múltiplas plantas. Fazemos o uso da relaxação Lagrangiana, da programação linear, e de um limite dual natural do problema para encontrar limites inferiores e usamos as heurísticas gulosa (*Greedy*), multi-início (*multi-start*) e um Procedimento de Busca Adaptativa Gulosa, Randômica e Reativa (*Reactive Greedy Randomized Adaptative Search Procedure-RGRASP*) para achar os limites superiores. Para testar o desempenho dos métodos de solução propostos, instâncias de teste foram criadas aleatoriamente representando situações hipotéticas. [COLOCAR O QUE FOI OBTIDO](#)

Palavras-chave: Heurística multi-início. RGRASP. Relaxação Lagrangiana. Sequenciamento e roteamento de caminhões betoneiras. Concreto pronto

Abstract

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipisicing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

Sed ut perspiciatis unde omnis iste natus error sit voluptatem accusantium doloremque laudantium, totam rem aperiam, eaque ipsa quae ab illo inventore veritatis et quasi architecto beatae vitae dicta sunt explicabo. Nemo enim ipsam voluptatem quia voluptas sit aspernatur aut odit aut fugit, sed quia consequuntur magni dolores eos qui ratione voluptatem sequi nesciunt. Neque porro quisquam est, qui dolorem ipsum quia dolor sit amet, consectetur, adipisci velit, sed quia non numquam eius modi tempora incidunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim ad minima veniam, quis nostrum exercitationem ullam corporis suscipit laboriosam, nisi ut aliquid ex ea commodi consequatur? Quis autem vel eum iure reprehenderit qui in ea voluptate velit esse quam nihil molestiae consequatur, vel illum qui dolorem eum fugiat quo voluptas nulla pariatur?

Keywords: Math. Computing.

Lista de Figuras

2.1	Instância do problema	21
2.2	Estrutura de Dados	22
3.1	Prédio do DCC em 2016.	24

Lista de Tabelas

2.1	Lista de Parâmetros	18
2.2	Lista de Variáveis	19
3.1	Cantor: Existem infinitos diferentes!	25

List of Abbreviations and Acronyms

BFS	<i>Breadth-First Search</i>
BOW	<i>Bag of Words</i>
TXT	<i>Text File Format</i>
UFMG	Universidade Federal de Minas Gerais

Sumário

1	Introdução	13
2	Revisão de Literatura	15
3	Desenvolvimento	23
3.1	Usando referências	25
	References	26
	Apêndice A Um apêndice	29
	Apêndice B Outro Apêndice	30

Capítulo 1

Introdução

Como um indicador geral do desenvolvimento da sociedade, o Produto Interno Bruto (PIB) provê informações que estão intimamente relacionadas ao bem-estar dos países [8]. A tendência internacional é que o PIB cresça ao longo dos anos [20]. Como um dos setores que mais influenciam no PIB, a Indústria de Construção Civil (ICC) assume, em média, 13% do PIB mundial [3, 1]. No mundo, o desempenho da ICC mantém, em geral, um alto nível de correlação com o consumo de cimento [10]. No Brasil, a participação da ICC no PIB nacional é de 3,2% [26].

Apesar de imensa e de grande relevância internacional, a indústria cimenteira lida com inúmeros desafios no que tange a velocidade de entrega, o atendimento de grandes demandas, a garantia de qualidade e o desperdício. Acompanhando a tendência de crescimento do PIB internacional, estes desafios também estão propensos a crescer e se tornar cada vez mais relevantes, principalmente quando considerados fatores como o esgotamento dos recursos naturais e a sustentabilidade, dado que o consumo de cimento está também fortemente vinculado ao alto nível de consumo de água e a alta emissão de CO_2 [30].

Minimizar o desperdício é essencial para mitigar os impactos sociais e ambientais advindos do consumo de cimento. O presente projeto se concentra no desenvolvimento de estratégias para aumentar a eficiência na ICC. Especificamente, aborda desafios relacionados com a entrega de concreto, um componente crítico em projetos de construção, descrito por [14]. Ao otimizar os processos de entrega de concreto, visamos ter um aumento no nível de serviço, redução da emissão de CO_2 e uma racionalização das operações logísticas de uma empresa cimenteira.

O problema de entrega com caminhões betoneira é um componente essencial da ICC e envolve a distribuição de concreto pronto a um conjunto de clientes com demandas específicas. Esse atendimento é realizado por meio de múltiplas plantas produtoras, respeitando restrições de recursos, como a quantidade de veículos disponíveis, a capacidade de produção das plantas e as janelas de horário de recebimento dos clientes. O uso de diversas plantas justifica-se pela natureza perecível do concreto, visando a otimização do tempo de atendimento e a garantia de qualidade do produto entregue.

O presente trabalho utiliza a pesquisa de [5] como referência, com o intuito de fazer implementar sua formulação matemática do problema de roteamento periódico de veículos

multi-plantas com datas de vencimento e janelas de tempo e sua pesquisa adaptativa aleatória gananciosa reativa. O uso é feito adotando simplificações do problema, que serão discutidas nos capítulos seguintes. Posteriormente, serão analisados os limites inferiores do modelo matemático através das Relaxações Lagrangiana e Linear e também serão feitas análises comparativas aprimoramentos e novas abordagens para o encontro dos limites superiores através de heurísticas.

Como objetivos específicos, propomos a implementação de uma heurística multi-início para abordar o problema de entrega de concreto pronto. Espera-se que, em média, essa heurística forneça soluções próximas da otimalidade, com a qualidade dos resultados confirmada tanto por modelagem matemática e/ou pela análise de limites inferiores. A heurística proposta visa superar os métodos atualmente disponíveis na literatura, oferecendo melhores resultados em termos de qualidade das soluções e tempo de execução. Dessa forma, a abordagem proposta poderá contribuir para uma solução mais eficaz e de menor custo computacional, mantendo a acurácia necessária para aplicações práticas.

Como objetivos gerais, buscamos desenvolver métodos para determinação de limites superiores e inferiores das soluções, com o intuito de aprofundar o entendimento teórico do problema e fornecer uma abordagem didática e acessível. Para os limites superiores, propomos o uso da heurística gananciosa, do Procedimento de Busca Adaptativa Gulosa, Randômica e Reativa (*Reactive GRASP - RGRASP*) e da heurística multi-início. Para os limites inferiores, utilizaremos relaxações linear e lagrangiana, além de um dual natural do problema. Com essa combinação de métodos, esperamos validar rigorosamente os resultados, garantindo que estejam bem fundamentados e possam contribuir de maneira significativa para o avanço do conhecimento na área.

quais a suas contribuições

O presente trabalho está organizada em sete capítulos. A Introdução apresenta o problema, os objetivos e a estrutura do trabalho. Em Revisão de Literatura, exploramos estudos e metodologias relacionadas, situando o trabalho no contexto acadêmico. O capítulo de Notações, Definição e Formulação formaliza o problema matematicamente e introduz as notações utilizadas. No capítulo de Instâncias, descrevemos os dados e justificamos a escolha dos cenários para validação. Em Metodologias de Resolução, detalhamos a Relaxação Lagrangiana e a heurística Multi-Start, abordagens empregadas para otimizar a solução. No capítulo de Resultados, apresentamos e analisamos os resultados obtidos com os métodos propostos, e, por fim, em Conclusão, sintetizamos as contribuições e sugerimos direções para estudos futuros.

Capítulo 2

Revisão de Literatura

O problema da entrega de concreto (concrete delivery problem - CDP) pode ser considerado uma variação do roteamento de veículos ou *vehicle routing problem* (VRP). Suas principais diferenças são o fato do CDP ser multi-plantas e multi-viagem, onde cada veículo realiza apenas uma entrega por viagem, retornando à planta de origem, o que implica que um mesmo cliente possa ser visitado várias vezes por veículos diferentes até o atendimento total da demanda. Em função da natureza do concreto pronto, janelas de tempo de entrega devem ser respeitadas para que não se inviabilizem uma obra da ICC.

[citar duas revisões recentes de VRP e MULTI TRIP VRP](#)

Na revisão de literatura, é dada ênfase nos métodos de solução utilizados pelos autores e nas características das instâncias, a fim de ressaltar a novidade da solução apresentada no presente trabalho e a diferença de complexidade das instâncias comuns na literatura para com a aqui adotada.

Foram analisados 13 trabalhos que atuam diretamente na solução do CDP, dos quais 11 fizeram o uso de dados provindos de aplicações reais, sem fornecer as instâncias para reprodução, e apenas [9] e [14] deixam claro como os dados foram gerados. Além dos trabalhos que buscam resolver o problema, [28] disponibilizam conjunto de dados com 263 instâncias do CDP para acesso público, porém armazenam os dados com extensões lidas por softwares comerciais, o que dificulta o acesso.

Todos os artigos utilizados como referência fazem uso de um modelo, seja para validar os resultados das heurísticas, seja para resolver o problema no qual o modelo foi aplicado. Nota-se que, nas instâncias dos trabalhos nos quais não há a presença de heurísticas, há apenas uma planta, o que possibilita uma redução considerável da complexidade do problema e facilita sua resolução com resolvedores.

[9] apresentam um modelo de programação inteira que maximiza o valor ponderado dos pedidos atendidos e consideram um caso especial do problema que pode ser resolvido em tempo polinomial por um algoritmo de fluxo de custo mínimo. Eles adotam em seu artigo a frota homogênea com quantidade de veículos variando entre 2 e 4, quantidade de clientes variando entre 20 e 70 com demanda sendo de apenas uma viagem para cada e com testes para 2 e 3 plantas.

[31] desenvolvem um modelo baseado em fluxo de rede. Suas instâncias consideram

frotas heterogêneas dão abertura para que durante a execução sejam determinadas a demanda, o tamanho da frota, a capacidade e outras informações. Dessa forma, o leitor não tem acesso a essas informações sobre o problema.

[19] desenvolvem um modelo do problema e propõem uma abordagem meta-heurística baseada em um algoritmo genético híbrido combinado com heurísticas construtivas. Tomando uma instância real como referência geram instâncias aleatórias com o mesmo tamanho de frota, com 49 veículos, clientes, com 71, e viagens distribuídas entre esses clientes, com 258, considerando apenas uma planta e frota homogênea.

[32] desenvolvem um modelo e, para casos reais, um método de solução. Trabalham com instâncias com 4 ou 5 clientes, apenas uma planta, frota homogênea, viagens na faixa de 97 a 114 viagens por dia e um valor fixo de 45 veículos.

[2] formulam um modelo geral do problema e geram um modelo de fluxo de rede que origina o modelo de programação inteira mista. Posteriormente adotam uma busca local. Suas instâncias contam com seis grupos de frotas, nas quais as plantas variam entre 7 e 16 unidades, a quantidade de veículos disponíveis assume valores entre 74 e 162, são considerados de 22 a 511 clientes com demanda média de 2449,82 m³ de concreto por cliente, resultando em instâncias com a quantidade de viagens por dia entre de 87 a 1071.

[24] criam um modelo e o utilizam junto à heurística VNS para resolver o problema de forma híbrida. Segundo os autores, as abordagens seguem um esquema de local branch. Os autores fazem o uso de dados de uma companhia real, companhia essa que conta com 31 veículos capazes de transportar concreto, uma quantidade de clientes que varia 13 a 76 por dia com uma média de 42,9 clientes por dia e uma demanda de concreto por cliente variando de 1 a 133 m³, com média de 514,39 m³ por dia.

[15] formulam as operações de despacho de caminhões de concreto (RMC) como um problema de job shop com recirculação, que inclui janelas de tempo e postergação de demanda para o dia seguinte em um modelo de programação multiobjetivo. Suas instâncias consideram 27 caminhões, de 10 a 12 clientes, apenas uma planta e um total de 66 a 156 viagens por dia.

[33] desenvolvem um modelo de fluxo de rede e um método de solução que incorpora uma técnica de decomposição com o solver. O trabalho possui informações referentes à quantidade de veículos, de 80 a 160 unidades, e de plantas, com 4 unidades, porém deixa a faixa de demanda e a quantidade de clientes ser determinado pelo usuário e não apresenta os valores no trabalho.

[14] reconhecem que a falta de dados de referência disponíveis publicamente inibe uma comparação mútua das abordagens do problema em enfoque. Suas abordagens incluem algoritmos exatos e heurísticos. Apresentam um Modelo de Programação Inteira Mista (MIP) e um modelo de Programação de Restrições. Fazem uso das heurísticas "Steepest Descent and best fit" e "Fix-and-optimize heuristic". O trabalho considera de 2 a 20 caminhões, de 10 a 50 clientes, de 1 a 4 plantas e de 2 a 15 viagens por cliente. Os

dados das instâncias são disponibilizados para reprodução do trabalho.

[17] fazem o uso de um método baseado em fluxo de rede e utilizam um algoritmo genético para solução heurística. Em um trabalho posterior, [16] fazem uso de um modelo de rede de tempo-espço, que combina produção de RMC e despacho de veículos e criam um algoritmo personalizado para resolução do problema. Ambos os trabalhos consideram uma instância com mesmas características, composta por 8 veículos, 7 clientes e uma única planta, com demanda total de 250m^3 . São os únicos trabalhos estudados que consideram o uso de caminhões bomba na solução desenvolvida. Os caminhões bomba são utilizados quando o caminhão betoneira não possui a bomba, responsável por fazer a planta do concreto no destino, integrada. O fato de contarem com apenas uma planta contribui para a concentração na programação da entrega de bombas e caminhões.

[18] utilizam o modelo de outro autor e fazem uso de heurísticas de Algoritmo Genético Robusto e Algoritmo Genético Sequencial. Utilizam apenas quatro instâncias com dados reais. Não esclarecem a quantidade de caminhões e clientes, mas estabelecem 4 plantas com uma demanda total de 63 a 197 viagens por dia.

Um dos trabalhos analisados de publicação mais recente é o de [5]. Seu trabalho foi escolhido para ser a principal referência pela facilidade didática do modelo, pela quantidade de citações obtidas desde a sua publicação e por terem sido encontrados potenciais avanços frente aos métodos e resultados. O trabalho de [5], conta com instâncias com uma faixa de 25 a 150 clientes, 45 a 300 veículos e de 3 a 5 plantas. Assim como muitos dos que pautam esse artigo, não possui uma descrição completadas instâncias e não descreve informações como como faixa ou média de capacidade dos veículos, capacidade das plantas e, principalmente, quantidade de demanda média por cliente.

Os trabalhos supracitados são os que foram identificados como de maiores alinhamentos metodológicos com o presente, por adotarem modelos matemáticos e métodos de aprimoramento da solução seja com heurísticas ou integração destes com modelos matemáticos. Para um melhor entendimento dos problemas correlatos ao CDP, sugerimos o leitor interessado o trabalho de [29] que fazem uma revisão sistemática com uma maior gama de autores e metodologias, mapeando também soluções que se baseiam em simulações e aprendizado de máquina.

O problema de roteamento de caminhões betoneira consiste em um conjunto de clientes que precisam de receber uma determinada quantidade de concreto em suas instalações. Para atender a essa demanda, são realizadas uma ou mais viagens cujos instantes de entregas devem ocorrer dentro de janelas de um dado horizonte de tempo. O concreto é provido por um conjunto de plantas com capacidade de fornecimento de concreto limitada e é entregue por uma frota de veículos de capacidades homogêneas que são distribuídos entre as plantas no início do horizonte de tempo. Os caminhões atribuídos a cada planta ficam vinculados à mesma até o fim de cada horizonte de tempo de trabalho. Os caminhões atendem somente a um cliente por viagem e podem realizar várias viagens para

diversos clientes, respeitadas as suas capacidades e o tempo de viagem entre as plantas e os canteiros de obras.

Algumas das características do problema são que os clientes tendem a ser atendidos pelas plantas mais próximas, mas ser atendido por uma planta mais distante pode facilitar novos arranjos gerais; a atribuição de viagens para os clientes em uma ordem aleatória baseia uma solução, contando que sejam respeitadas as restrições de capacidade dos veículos e das plantas; num caso de apenas um veículo, priorizar um cliente mais caro cujo tempo de entrega não colide com outros é mais viável que priorizar um mais barato que colide com outros dois; mudar a ordem de apenas um cliente possibilita alterar sua influência sobre a solução e facilita identificar toda a sequência de eventos advindas dessa mudança; mudar a ordem de todos os clientes possibilita disrupções das soluções (saída do ótimo local), porém dificulta a identificação da sucessão de eventos de cada alteração individual; não é necessário atribuir os veículos aos clientes para saber se os veículos serão capazes de atender todos os clientes; basta conferir se, ao alocar as viagens dos clientes às plantas, ignorando os veículos, a quantidade de clientes atribuídos à planta em cada instante de tempo é menor ou igual à quantidade de veículos disponíveis para essa mesma planta.

A seguir temos a descrição de todas as variáveis e parâmetros utilizados no modelo, seguidos pelo modelo.

Parâmetro	Descrição
I	Conjunto de plantas $I = \{1, \dots, n_i\}$
J	Conjunto de clientes, $J = \{1, \dots, n_j\}$
K	Conjunto de veículos disponíveis $K = \{1, \dots, n_k\}$
L	Conjunto de viagens possíveis $L = \{1, \dots, n_l\}$
c_{ij}	custo do atendimento do cliente $j \in J$ pela planta $i \in I$
q	capacidade dos caminhões
q_i	capacidade das plantas
d_j	demanda total do cliente j
t_{ij}	tempo que qualquer caminhão demora para ir da planta i ao cliente j
t_{ji}	tempo que qualquer caminhão demora para ir do cliente j à planta i
a_j	tempo de abertura da janela de entrega do cliente j
b_j	tempo de abertura da janela de entrega do cliente j
T	horizonte de tempo de um dia de trabalho

Tabela 2.1: Lista de Parâmetros

Variáveis	Descrição
$x_{ijlr} \in \{0, 1\}$	variável binária que, quando ativa, indica que o veículo $k \in K$, em sua l -ésima viagem $l \in L_k$, sai da planta $i \in I$ para o cliente $j \in J$
u_{ik}	variável binária que, quando ativa, indica que o veículo k está atribuído à planta i
$s_{kl} \geq 0$	momento de início da l -ésima viagem do veículo k

Tabela 2.2: Lista de Variáveis

$$\min \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} \sum_{l \in L} \sum_{r \in R} c_{ij} \cdot x_{ijlr} + \sum_{i \in I} vehic_cost \cdot z_i \quad (2.1)$$

$$\text{sujeito a: } \sum_{i \in I} \sum_{r \in R} x_{ijlr} = 1, \quad \forall j \in J, \forall l \in L[j] \quad (2.2)$$

$$\sum_{j \in J} \sum_{l \in L[j]} \sum_{r \in R} d_{jl} \cdot x_{ijlr} \leq q_i, \quad \forall i \in I, \forall l \in L[j] \quad (2.3)$$

$$\sum_{j \in J} \sum_{r \in R} x_{ijlr} \leq z_i, \quad \forall r \in T, \forall i \in I, \forall l \in L[j] \quad (2.4)$$

$$x_{ijlr} \in \{0, 1\}, \quad \forall (i, j, l, r) \in I \times J \times L \times R \quad (2.5)$$

$$(2.6)$$

Onde a função objetivo é reduzir o custo do transporte associado ao somatório das l viagens dos clientes j com origem nas plantas i e início nos instantes r , mais o somatório do custo de alocação dos veículos utilizados. A restrição um estabelece que todo cliente, em cada uma de suas viagens, deve ser atendido por uma única planta i e ter um único instante de início r . A restrição dois estabelece que a capacidade q_i de cada planta deve ser maior ou igual ao somatório de toda demanda d_{jl} atribuída a essa planta.

Instâncias

As faixas dos recursos das instâncias criadas são determinadas aleatoriamente baseando-se nas informações disponíveis sobre as instâncias do trabalho de [5]. Além de nos basearmos nessas informações, realizamos alterações relacionadas com a quantidade de veículos para que as execuções das soluções não tenham folga excessiva dos recursos. Dados relacionados à demanda dos clientes e às capacidades das plantas foram estabelecidos de forma empírica.

Segue um conjunto de postulados para o presente trabalho: item a abertura da janela de tempo de cada cliente deve ser maior ou igual ao tempo da viagem mais demorado das plantas para esse mesmo cliente; o fechamento da janela de tempo deve inferior ao tempo máximo da última entrega mais a maior viagem; a velocidade média dos veículos é de 40 km/k; um dia de serviço tem 600 minutos; cada entrega tem um período de tempo de 20 minutos para ser realizada e não colide com as demais entregas de um mesmo cliente; a capacidade de carga de todos os caminhões é de 8m^3 por viagem; a demanda de cada cliente foi aleatória entre 3 e 30m^3 ; a capacidade de cada planta foi aleatória entre $1/\text{quantidade de plantas} + \text{aleatório entre } 0 \text{ e } 50\%$ da demanda total; as coordenadas geográficas x e y de todas as plantas e todos os clientes assumiram valores aleatórios entre 0 e 30 km; o custo de atendimento de um cliente é, a princípio, igual à distância do mesmo até as plantas; o custo de não atendimento de um cliente é equivalente a duas vezes o custo do cliente mais caro da instância; o tempo de descarregamento é nulo.

Foram gerados dois grupos de instâncias divididos entre 3 ou 5 plantas. Para cada grupo a quantidade de clientes foi alternada de 5 em 5 para um total de entre 10 e 50 clientes. A geração dos limites superiores foi dada seguindo as etapas: 1º - estabelece-se se a quantidade de plantas e clientes disponíveis; realiza-se a heurística construtiva gananciosa considerando caminhões betoneira ilimitados; reduz-se de um em um a quantidade de caminhões até que a heurística greedy retorne inviabilidade; retorna a última instância cujo método ganancioso obteve sucesso; calcula-se o custo da instância recebida.

Os dados do postulado servem para nortear a reprodução, porém não são precisam ser estáticos. Foram consideradas as distâncias linear entre as plantas e os clientes. Abaixo segue uma instância do problema, onde cada cliente pode ter mais de uma viagem atrelada:

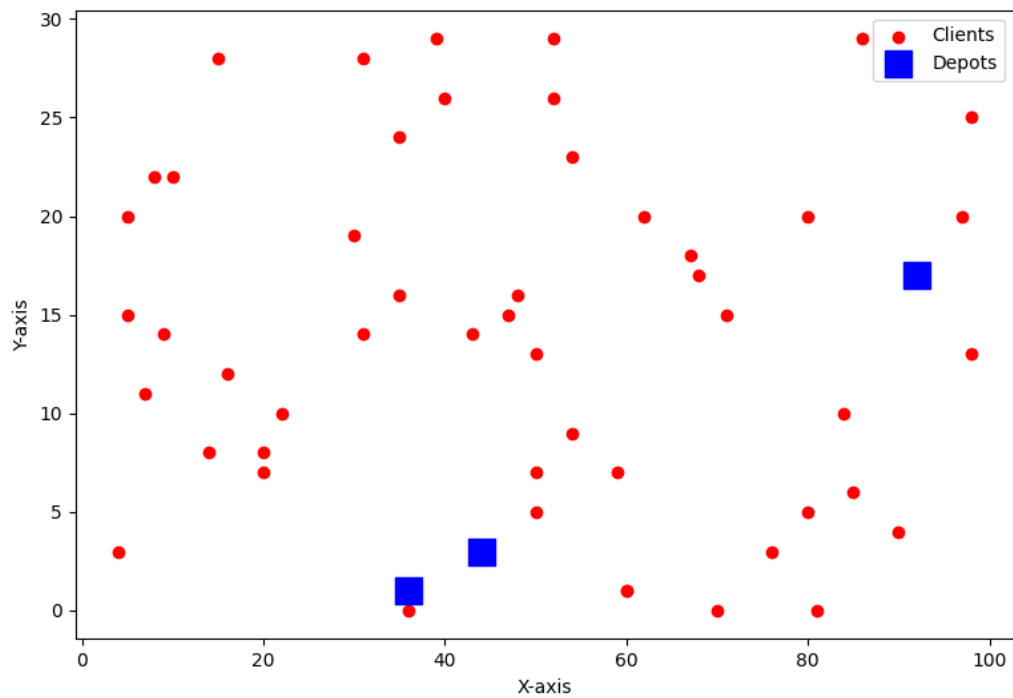


Figura 2.1: Instância do problema

Estrutura de dados

A principal estrutura de dados utilizada nas heurísticas e nos modelos é dedicada à representação das plantas, onde podemos acessar em cada instante as viagens que são realizadas. Mais profundamente, corresponde a um vetor de tamanho igual ao horizonte de tempo, onde cada posição desse vetor armazenará as viagens que ocorrerão em cada um dos seus instantes. Por exemplo, caso a viagem 3 seja executada no período de 10 a 20, adicionaremos o valor 3 nas posições $[10,20)$ do vetor. A quantidade de viagens em cada instante representa a quantidade mínima de veículos utilizadas por essa planta nesse instante. A maior quantidade de viagens simultâneas representará a quantidade de veículos utilizados pela planta. Na imagem abaixo, vemos uma representação dessa estrutura de dados utilizada.

Horizonte de tempo	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	
Cliente 1, viagem 2												1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	1,2	
Cliente 1, viagem 1										1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	
Cliente 1, viagem 0									1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	
Cliente 0, viagem 2				0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	0,2	
Cliente 0, viagem 1			0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	0,1	
Cliente 0, viagem 0		0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	
Total de viagens simultaneas		1	2	3	3	3	3	3	3	4	5	5	5	4	3	3	3	3	3	3	3	2	1	1	0	0

Figura 2.2: Estrutura de Dados

No exemplo da figura acima, temos a atribuição das viagens de dois clientes a uma planta. A janela de tempo para entrega é de duas unidades de tempo e estão com bordas nos instantes cuja entregas são permitidas. As viagens do cliente 0 custam 4 unidades de tempo para a ida e 4 unidades de tempo para a volta, enquanto as viagens do cliente 1 custam 6 unidades de tempo em cada sentido. Os instantes em azul indicam o momento das entregas. Nesse exemplo, a viagem 2 do cliente 1 foi executada no último instante da janela de tempo, fazendo assim com que a quantidade de viagens simultâneas no instante 10 não chegasse a seis, fazendo com que a necessidade de veículos nessa planta não superasse 5 em nenhum instante.

Capítulo 3

Desenvolvimento

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio

placemat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Figura 3.1: Prédio do DCC em 2016.



Fonte: <http://40anos.dcc.ufmg.br/galeria>

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetur.

Natural	Real								
1	0.	2	3	6	4	3	6	7	...
2	0.	0	9	8	4	7	3	2	...
3	0.	1	9	3	2	1	4	0	...
4	0.	8	4	3	2	7	9	2	...
5	0.	0	1	2	9	3	4	8	...
6	0.	2	8	2	6	5	8	3	...
7	0.	0	2	1	5	3	7	4	...
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
	0.	2	9	3	2	3	8	4	...

Tabela 3.1: Cantor: Existem infinitos diferentes!

3.1 Usando referências

Segundo [12], todo triângulo equilátero tem os lados iguais. Já segundo [25], todo quadrado também tem.

Veja que o pacote `natbib` permite uma série de formas diferentes para fazer referências bibliográficas. O comando padrão, `\cite`, realiza a citação comum vista no parágrafo anterior. Outros comandos permitem, por exemplo, colocar automaticamente a citação entre parênteses [13, 21, 22, 23].

O comando usado foi `\citep`. Veja a documentação do `natbib` na Internet para conhecer outros comandos e exemplos de uso.

Citações aleatórias para fazer com que as referências bibliográficas ocupem mais de uma página: [4, 6, 11, 7, 27].

References

- [1] Saheed O. Ajayi and Lukumon O. Oyedele. Waste-efficient materials procurement for construction projects: A structural equation modelling of critical success factors. *Waste Management*, 75:60–69, 2018.
- [2] Lasse Asbach, Ulrich Dorndorf, and Erwin Pesch. Analysis, modeling and solution of the concrete delivery problem. *European Journal of Operational Research*, 193(3):820–835, 2009.
- [3] Filipe Barbosa, Jonathan Woetzel, Jonathan Jonathan, Maria João Ribeirinho, Mukund Sridhar, Matthew Parsons, Nick Bertram, and Stephanie Brown. Reinventing construction: A route to higher productivity. *Mckinsey*, 2017. Accessed: 19/03/2024.
- [4] M. Bichsel and Alex P. Pentland. A simple algorithm for shape from shading. In *Proceedings of the IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR)*, pages 459–465, 1992.
- [5] Roberto Cantu-Funes, Angélica M. Salazar-Aguilar, and Vincent Boyer. Multi-depot periodic vehicle routing problem with due dates and time windows. *Journal of the Operational Research Society*, 69(2):296–306, 2018.
- [6] Ron O. Dror, Thomas K. Leung, Edward H. Adelson, and Alan S. Willsky. Statistics of real-world illumination. In *Proceedings of the IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR)*, December 2001.
- [7] Cynthia Dwork, Frank McSherry, Kobbi Nissim, and Adam Smith. Calibrating noise to sensitivity in private data analysis. In *Theory of cryptography conference*, pages 265–284. Springer, 2006.
- [8] Karen Dynan and Louise Sheiner. Gdp as a measure of economic well-being. *Brookings*, 1(43), 2018.
- [9] J.M Garcia, S Lozano, and D Canca. Coordinated scheduling of production and delivery from multiple plants. *Robotics and Computer-Integrated Manufacturing*, 20(3):191–198, 2004.
- [10] Globbulk. *World Cement Statistics Booklet*. Globbulk Consulting, 2020.

- [11] Latifa Guisser, René Payrissat, and Serge Castan. A new 3-d surface measurement system using a structured light. In *Proceedings 1992 IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition*, pages 784–785. IEEE Computer Society, 1992.
- [12] Berthold Klaus Paul Horn. *Robot Vision*. McGraw-Hill Book Company, Cambridge, Massachusetts, 1986. MIT Electrical Engineering and Computer Science Series.
- [13] Darrel R. Hougen and Narendra Ahuja. Estimation of the light source distribution and its use in integrated shape recovery from stereo and shading. In *Proceedings of the IEEE International Conference on Computer Vision (ICCV)*, pages 148–155, 1993.
- [14] J. Kinable, T. Wauters, and G. Vanden Berghe. The concrete delivery problem. *Computers & Operations Research*, 48:53–68, 2014.
- [15] Pei-Chun Lin, Jenhung Wang, Shan-Huen Huang, and Yu-Ting Wang. Dispatching ready mixed concrete trucks under demand postponement and weight limit regulation. *Automation in Construction*, 19(6):798–807, 2010.
- [16] Zhenyuan Liu, Yakun Zhang, Minghui Yu, and Xiaolu Zhou. Heuristic algorithm for ready-mixed concrete plant scheduling with multiple mixers. *Automation in Construction*, 84:1–13, 2017.
- [17] Zhenyuan Liu, Yang Zhang, and Menglei Li. Integrated scheduling of ready-mixed concrete production and delivery. *Automation in Construction*, 48:31–43, 2014.
- [18] Mojtaba Maghrebi, S. Travis Waller, and Claude Sammut. Optimality gap of experts’ decisions in concrete delivery dispatching. *Journal of Building Engineering*, 2:17–23, 2015.
- [19] David Naso, Michele Surico, Biagio Turchiano, and Uzay Kaymak. Genetic algorithms for supply-chain scheduling: A case study in the distribution of ready-mixed concrete. *European Journal of Operational Research*, 177(3):2069–2099, 2007.
- [20] OECD. Real gdp long-term forecast, 2024. (Accessed on 20 March 2024).
- [21] Imari Sato, Yoichi Sato, and Katsushi Ikeuchi. Illumination distribution from brightness in shadows: Adaptive estimation of illumination distribution with unknown reflectance properties in shadow regions. In *Proceedings of the IEEE International Conference on Computer Vision (ICCV)*, pages 875–882, September 1999.
- [22] Imari Sato, Yoichi Sato, and Katsushi Ikeuchi. Illumination distribution from shadows. In *Proceedings of the IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR)*, pages 306–312, June 1999.

- [23] Imari Sato, Yoichi Sato, and Katsushi Ikeuchi. Stability issues in recovering illumination distribution from brightness in shadows. In *Proceedings of the IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR)*, pages 400–407, December 2001.
- [24] Verena Schmid, Karl F. Doerner, Richard F. Hartl, and Juan-José Salazar-González. Hybridization of very large neighborhood search for ready-mixed concrete delivery problems. *Computers & Operations Research*, 37(3):559–574, 2010. Hybrid Metaheuristics.
- [25] Amnon Shashua. On photometric issues in 3D visual recognition from a single 2D image. *International Journal of Computer Vision (IJCV)*, 21(1/2):99–122, 1997.
- [26] SNIC. Relatório anual. http://snic.org.br/assets/pdf/relatorio_anual/rel_anual_2022.pdf, 2022.
- [27] Latanya Sweeney. k-anonymity: A model for protecting privacy. *International Journal of Uncertainty, Fuzziness and Knowledge-Based Systems*, 10(05):557–570, 2002.
- [28] Alexandros Tzanetos and Maude Blondin. Real operational data for the concrete delivery problem. *Data in Brief*, 48:109189, 2023.
- [29] Alexandros Tzanetos and Maude Blondin. Systematic search and mapping review of the concrete delivery problem (cdp): Formulations, objectives, and data. *Automation in Construction*, 145:104631, 2023.
- [30] Jonathan Watts. Concrete: the most destructive material on earth. *The Guardian*, Feb 2019.
- [31] Shangyao Yan and Weishen Lai. An optimal scheduling model for ready mixed concrete supply with overtime considerations. *Automation in Construction*, 16(6):734–744, 2007.
- [32] Shangyao Yan, Weishen Lai, and Maonan Chen. Production scheduling and truck dispatching of ready mixed concrete. *Transportation Research Part E: Logistics and Transportation Review*, 44(1):164–179, 2008.
- [33] Shangyao Yan, Han-Chun Lin, and Yin-Chen Liu. Optimal schedule adjustments for supplying ready mixed concrete following incidents. *Automation in Construction*, 20(8):1041–1050, 2011.

Apêndice A

Um apêndice

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Apêndice B

Outro Apêndice

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetur.

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.