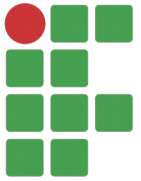


INSTITUTO FEDERAL

Ceará

Recursividade

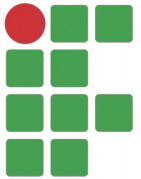
Funções



- Na linguagem C, uma função pode chamar outra função.
 - A função `main()` pode chamar qualquer função, seja ela da biblioteca da linguagem (como a função `printf()`) ou definida pelo programador (função `imprime()`).

```
1  #include <stdio.h>
2
3  void imprime (int valor) {
4      for (int i=0; i<valor; i++) {
5          printf ("%d\n", i);
6      }
7  }
8
9  int main(int argc, char **argv)
10 {
11
12     int valor = 5;
13     printf ("%d\n", valor);
14     imprime(valor);
15 }
```

Encontrar mínimo / máximo



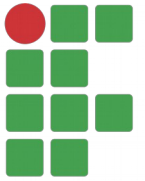
```
#include <stdio.h>

void encontra (int v[], int tam, int *min, int *max) {
    *min = v[0]; *max = v[0];

    for (int i = 0; i < tam; i++) {
        if (v[i] < *min)
            *min = v[i];
        if (v[i] > *max)
            *max = v[i];
    }
}

int main() {
    int vet[]={2,5,4,17,8,3,6,9,0,-1};
    int min, max;
    encontra(vet, 10, &min, &max);
    printf("Maior valor =%d\n", max);
    printf("Menor valor =%d\n", min);
    return 0;
}
```

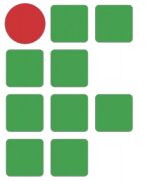
Recursão



- Logo:
 - Uma função também pode chamar a si mesmo
 - **FUNÇÃO RECURSIVA**
 - Também é chamada de definição circular. Ela ocorre quando **algo é definido em termos de si mesmo.**

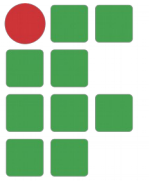


Função Recursiva



```
void func(int n) {  
    printf("%d ", n);  
    func(n);  
    printf("* ");  
}
```

Função Recursiva



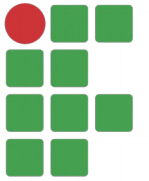
```
void func(int n) {  
    printf("%d ", n);  
    func(n);  
    printf("* ");  
}
```

Recursão



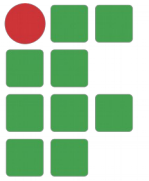
- A recursão é uma **técnica** que define um problema em termos de uma ou mais versões menores deste mesmo problema
 - Dividir para conquistar

Recursão



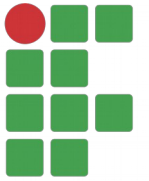
- Um exemplo clássico de função que usa recursão é o **cálculo do fatorial de um número**
 - $4! = 4 * 3 * 2 * 1$
 - $3! = 3 * 2 * 1$
 - $2! = 2 * 1$
 - $1! = 1$
 - $0! = 1$

Recursão



- Um exemplo clássico de função que usa recursão é o **cálculo do fatorial de um número**
 - $4! = 4 * 3!$
 - $3! = 3 * 2!$
 - $2! = 2 * 1!$
 - $1! = 1 * 0!$
 - $0! = 1$

Recursão



- Um exemplo clássico de função que usa recursão é o **cálculo do fatorial de um número**

- $4! = 4 * 3!$

- $3! = 3 * 2!$

- $2! = 2 * 1!$

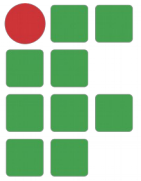
- $1! = 1 * 0!$

- $0! = 1$

$n! = n * (n - 1)!$: fórmula geral

$0! = 1$: caso-base

Recursão

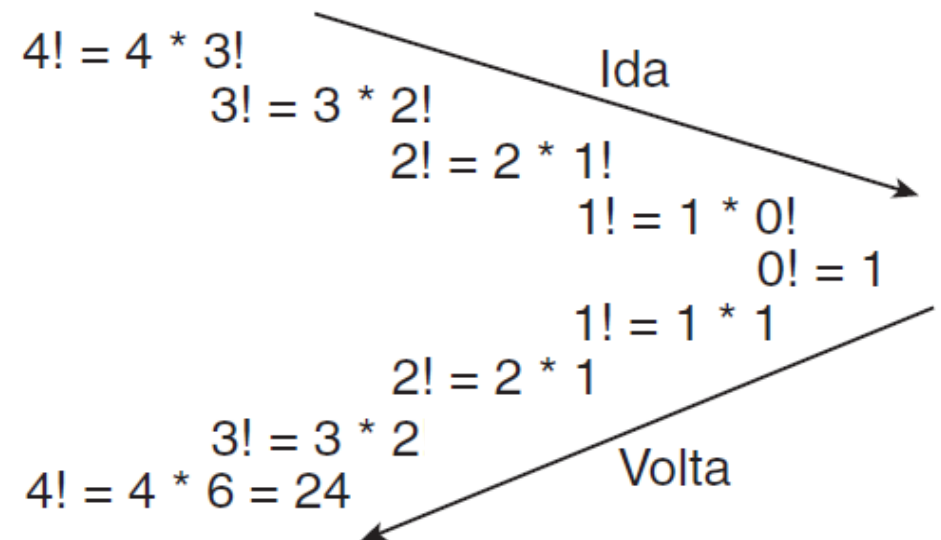


- Um exemplo clássico de função que usa recursão é o **cálculo do fatorial de um número**

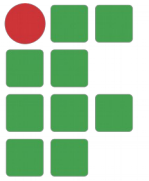
- $4! = 4 * 3!$
- $3! = 3 * 2!$
- $2! = 2 * 1!$
- $1! = 1 * 0!$
- $0! = 1$

$n! = n * (n - 1)!$: fórmula geral

$0! = 1$: caso-base



Algoritmo Fatorial



Com Recursão

```
int fatorial(int n){  
    if (n == 0)  
        return 1;  
    else  
        return n * fatorial(n-1);  
}
```

$n! = n * (n - 1)!$: fórmula geral
 $0! = 1$: caso-base

Sem Recursão

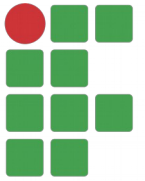
```
int fatorial (int n){  
    if (n == 0)  
        return 1;  
    else{  
        int i;  
        int f = 1;  
        for(i = 1; i <= n; i++)  
            f = f * i;  
        return f;  
    }  
}
```

Recursão



- Em geral, algoritmos recursivos são considerados “**mais enxutos**” e “**mais elegantes**” que seus correspondentes iterativos
- Porém, algoritmos recursivos, geralmente, utilizam mais memória para resolver um problema

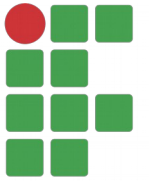
Recursão



- Muito cuidado ao escrever funções recursivas:
 - **Critério de parada:** determina quando a função deverá parar de chamar a si mesma.
 - O **parâmetro da chamada recursiva** deve ser sempre modificado, de forma que a recursão chegue a um término.

```
void func(int n) {  
    printf("%d ", n);  
    if (n > 0) { //condição de parada  
        func(n-1); //variação do parâmetro  
        printf("* ");  
    }  
}
```

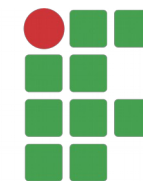
Recursão



- Muito cuidado ao escrever funções recursivas:
 - **Critério de parada:** determina quando a função deverá parar de chamar a si mesma.
 - O **parâmetro da chamada recursiva** deve ser sempre modificado, de forma que a recursão chegue a um término.

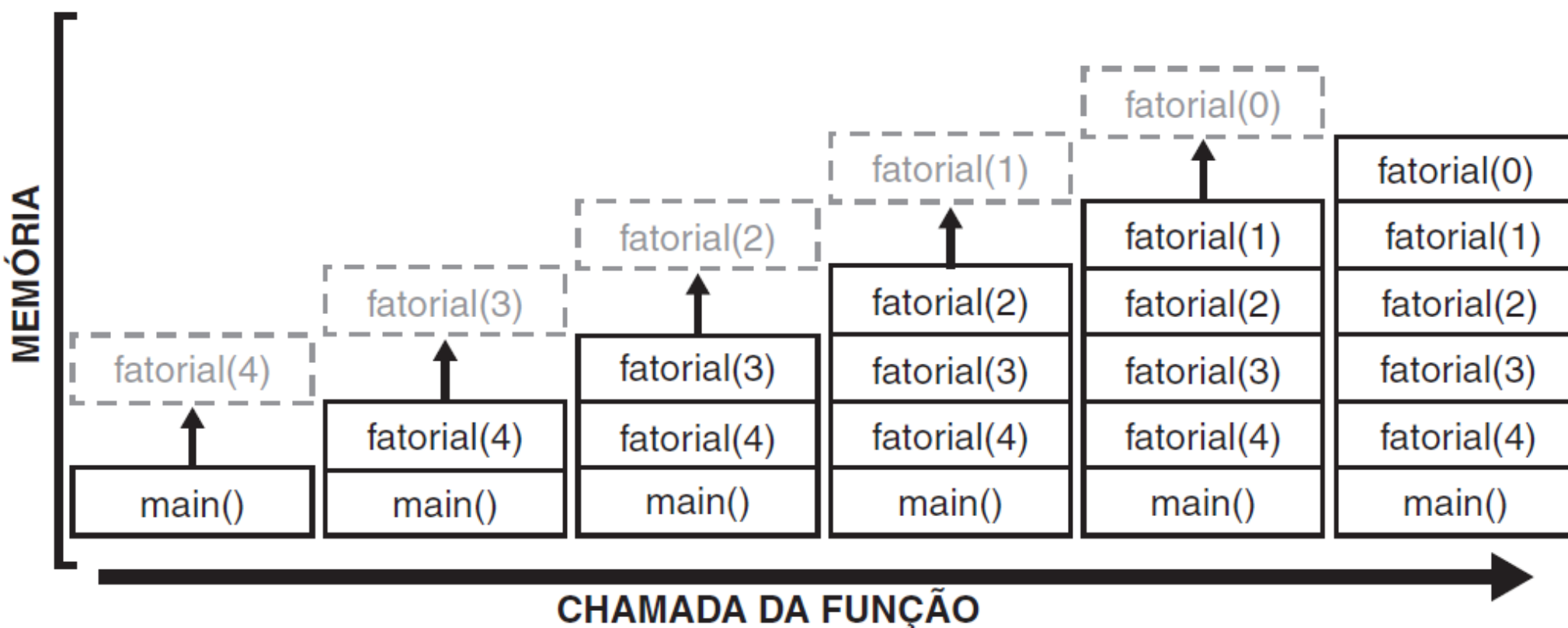
```
int fatorial (int n){  
    if (n == 0) //critério de parada  
        return 1;  
    else /*parâmetro de fatorial sempre muda*/  
        return n*fatorial(n-1);  
}
```

Como funciona a recursão?

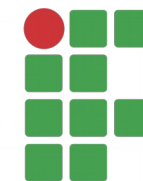


- O que acontece na chamada da função fatorial com um valor como $n = 4$?

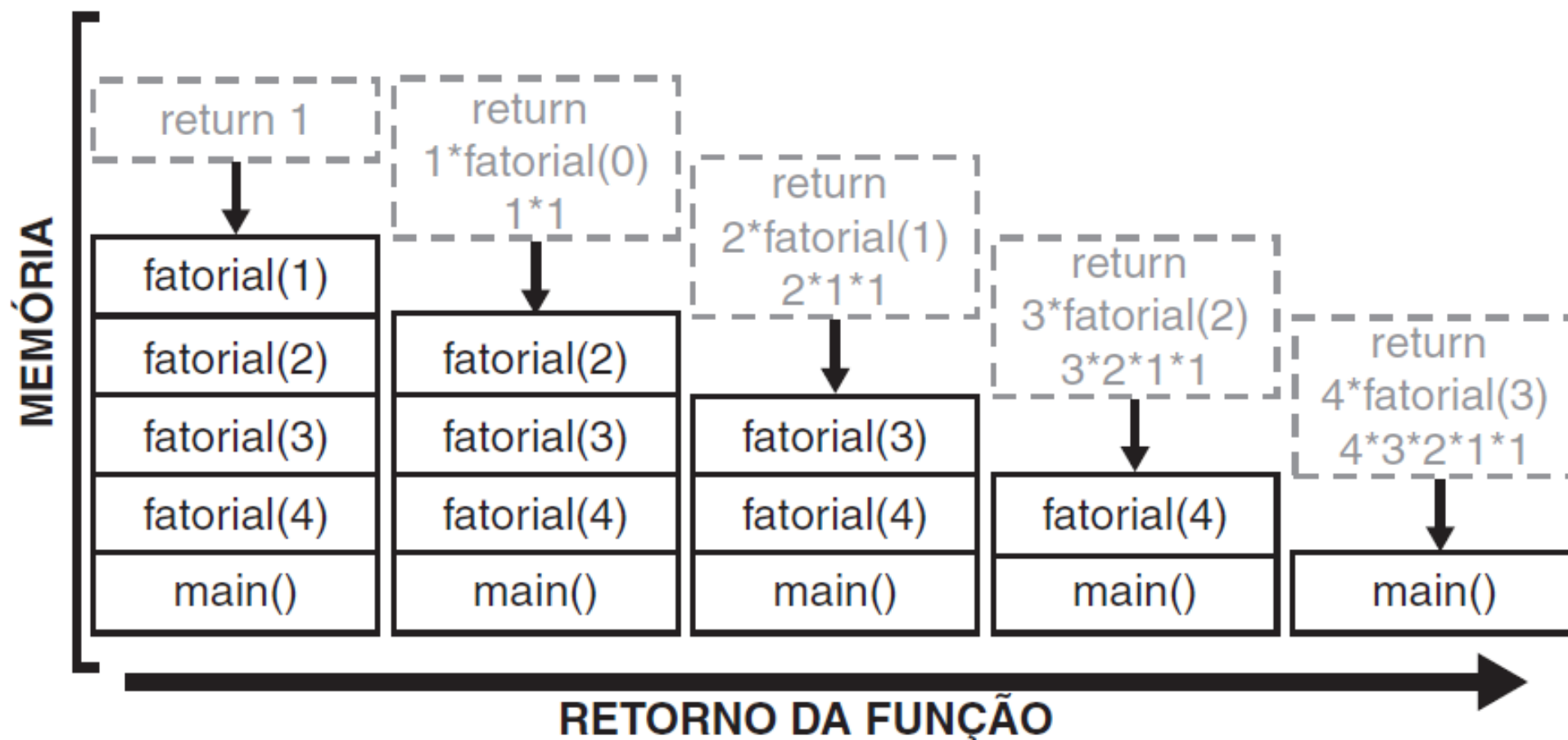
```
int x = fatorial(4);
```



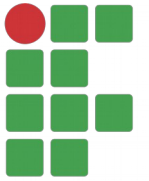
Como funciona a recursão?



- Uma vez que **chegamos ao caso-base**, é hora de fazer o caminho de volta da recursão.



Sequência Fibonacci

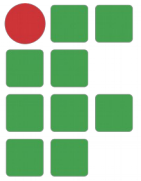


- Essa sequência é um clássico da recursão
 - 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, ...
- A sequência de Fibonacci é definida como uma função recursiva utilizando a fórmula a seguir

$$F(n) = \begin{cases} 0, & \text{se } n = 0 \\ 1, & \text{se } n = 1 \\ F(n-1) + F(n-2), & \text{outros casos} \end{cases}$$

- Podemos escrever seu algoritmo assim:

Sequência Fibonacci



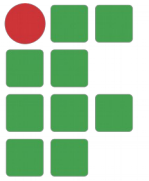
Sem Recursão

```
int fibo(int n){  
    int i, t, c, a = 0, b = 1;  
    for(i = 0; i < n; i++){  
        c = a + b;  
        a = b;  
        b = c;  
    }  
    return a;  
}
```

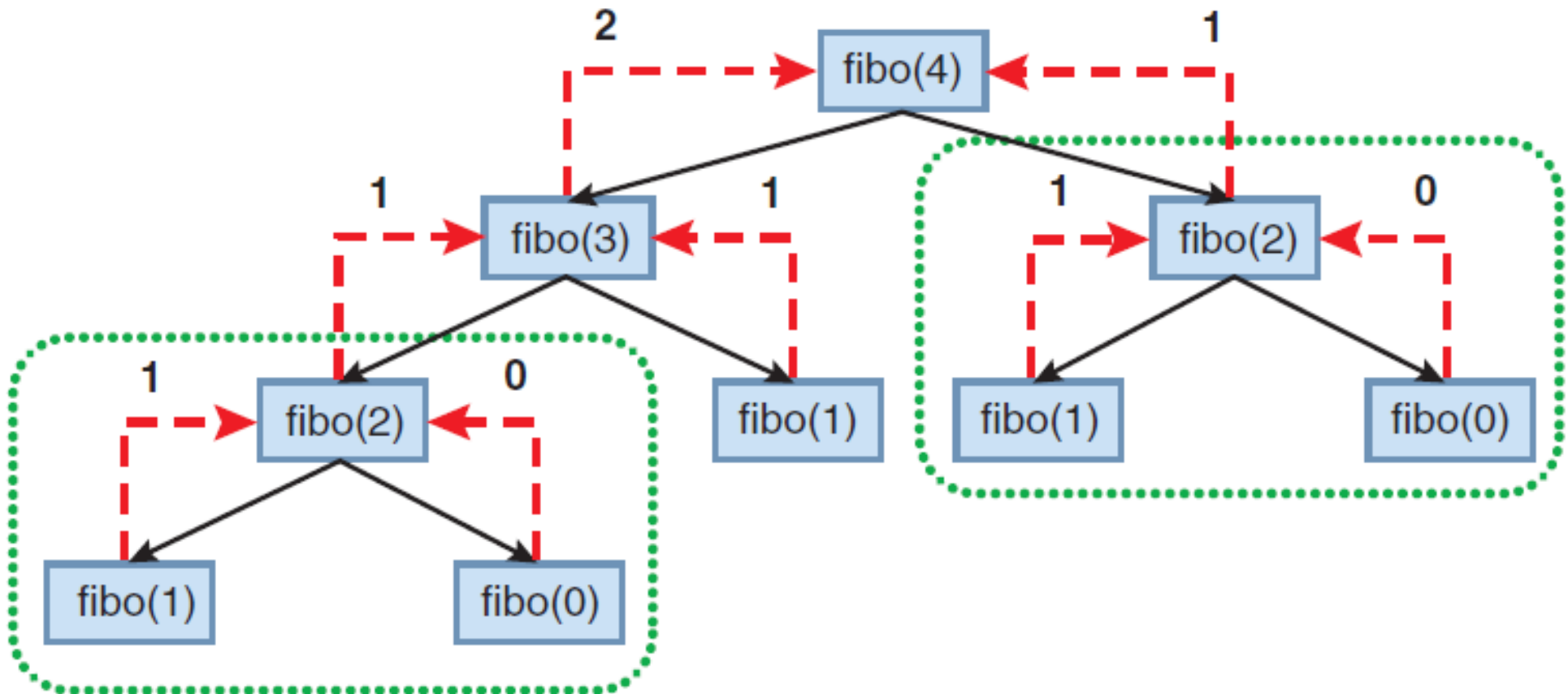
Com Recursão

```
int fiboR(int n){  
    if (n == 0 || n == 1)  
        return n;  
    else  
        return fiboR(n-1) + fiboR(n-2);  
}
```

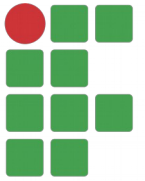
Sequência Fibonacci



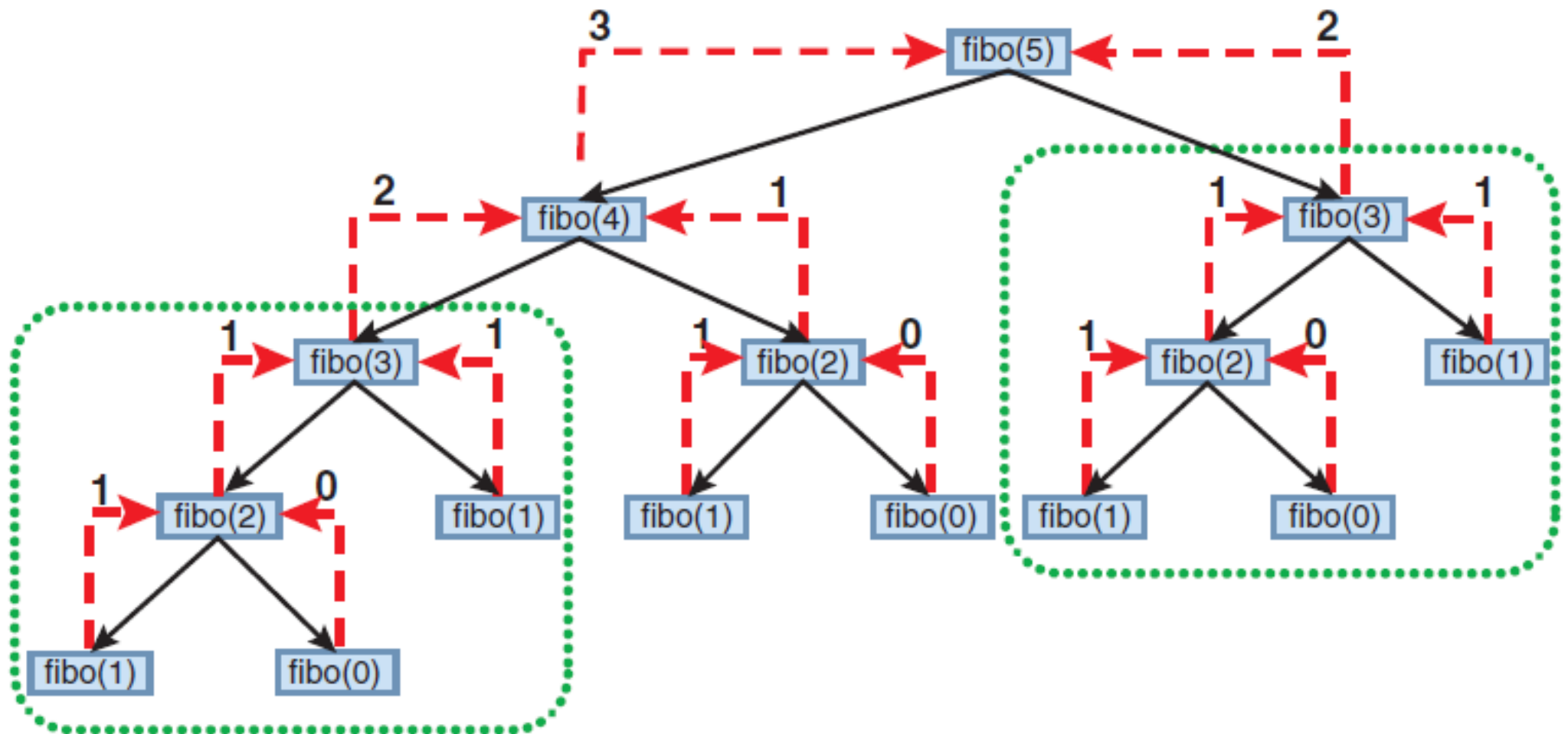
- O código recursivo é mais elegante, mas é menos eficiente!



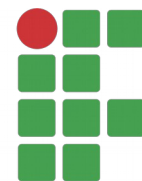
Sequência Fibonacci



- Aumentando para fibo(5)



Exercícios



- Soma dos N primeiros números

- $\text{Soma}(5) = 5 + 4 + 3 + 2 + 1$

- $\text{Soma}(4) = 4 + 3 + 2 + 1$

- $\text{Soma}(3) = 3 + 2 + 1$

....

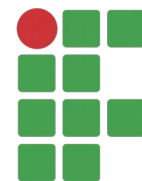
- $\text{Soma}(5) = 5 + \text{soma}(4)$

- $\text{Soma}(4) = 4 + \text{soma}(3)$

- $\text{Soma}(3) = 3 + \text{soma}(2)$

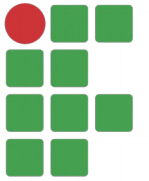
....

Exercícios



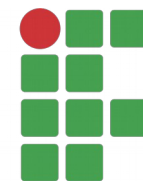
- Calcule uma função recursiva que receba 2 números (x e n) e calcule x^n
 - Caso base: $x^0 = 1$
 - Caso geral: $x^n = x * x^{n-1}$

Exercícios



- Usando recursividade, calcule a soma de todos os valores de um array de inteiros
 - Caso base \rightarrow tamanho do array = 0; soma = 0
 - Caso geral $\rightarrow v[n-1] + \text{soma}(v, n-1)$

Exercícios

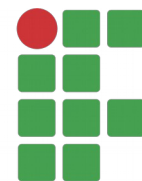


- Faça o teste de mesa para o seguinte algoritmo, nos casos abaixo:

- F1(0)
- F1(1)
- F1(5)

```
int f1(int n) {  
    if (n == 0)  
        return (1);  
    else  
        return(n * f1(n-1));  
}
```

Exercícios

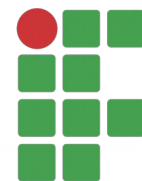


- Faça o teste de mesa para o seguinte algoritmo, nos casos abaixo:

- F2(0)
- F2(1)
- F2(5)

```
int f2(int n) {  
    if (n == 0)  
        return (1);  
    if (n == 1)  
        return (1);  
    else  
        return (f2(n-1) + 2*f2(n-2));  
}
```

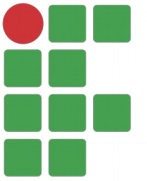
Exercícios



- Faça o teste de mesa para o seguinte algoritmo, nos casos abaixo:

- F2(0)
- F2(1)
- F2(5)

```
void f3(int n) {  
    if (n == 0)  
        printf("Zero ");  
    else {  
        printf("%d ", n);  
        f3(n-1);  
    }  
}
```



Exercícios

- Faça o teste de mesa para o seguinte algoritmo, nos casos abaixo:
 - F2(0)
 - F2(1)
 - F2(5)

```
void f4(int n) {  
    if (n == 0)  
        printf("Zero ");  
    else {  
        f4(n-1);  
        printf("%d ", n);  
    }  
}
```