

## MAT - Matemática Prof. Piva — 2° semestre / 2015 Lista de Exercícios #1 **Conjuntos**

1. (Uespi) Seja o conjunto

A =  $\{0, \{0\}, 1, \{1\}, \{0,1\}\}$ . É correto afirmar que:

- b)  $\{0,1\} \in A$ a)  $\{\{0\}\}\in A$
- d) os elementos de A são 0 e 1.
- e) o número de subconjuntos de A é 2<sup>2</sup> = 4.
- **2.** (UFF-RJ) Dado o conjunto  $P = \{\{0\}, 0, \emptyset, \{\emptyset\}\},$ considere as afirmativas:

I.  $\{0\} \in P$ 

II.  $\{0\} \subset P$ 

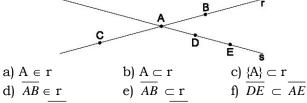
III. ∅∈ P

Com relação a estas afirmativas, conclui-se que:

- a) todas são verdadeiras.
- b) apenas a I é verdadeira.
- c) apenas a II é verdadeira.
- d) apenas a III é verdadeira.
- e) todas são falsas.
- 3. Diga se é verdadeira ou falsa cada uma das afirmações.
- a)  $\emptyset \in A$ ,  $\forall A$
- b)  $\emptyset \subset A$ ,  $\forall A$
- c) 0 ∈ Ø
- d)  $\emptyset \in \{0\}$
- e)  $\varnothing \subset \{0\}$
- f)  $A \subset A$ ,  $\forall A$
- g)  $A \subset \emptyset$ ,  $\forall A$
- h)  $\{5\} \subset \{\emptyset, \{1\}, \{5\}, \{1, 5\}\}$

c)  $\{0,1\} \subset A$ 

- i)  $\{x\} \in \{x, \{x, y\}\}$
- 4. De acordo com a figura, classifique com V ou F cada uma das afirmativas abaixo.



- g)  $A \in \overline{AC}$
- h) A  $\subset \overline{AC}$
- Considere um conjunto A com nsubconjuntos. Acrescentamos a este conjunto quatro elementos distintos entre si e aos já existentes. O número de elementos que passará a ter o novo conjunto de partes do conjunto A será:
- a) n+4
- b) n+16
- c) n<sup>4</sup>
- d) 4n
- e) 16n
- **6.** (Cesgranrio-RJ) Sejam os conjuntos  $U = \{1, 2, 3, 4\} e A = \{1, 2\}. O conjunto B tal que$  $B \cap A = \{ 1 \} e B \cup A = U é$ : a) 0 b) {1} c) {1, 2}

- d) {1, 3, 4}
- e) U
- 7. (Cesgranrio-RJ) Se A e B são conjuntos, A - (A - B) ê igual a:

- a) A b) B c) A B d)  $A \cup B$  e)  $A \cap B$

8. (ITA-SP) Considere as seguintes afirmações sobre o conjunto U = {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}:

I.  $\emptyset \in U$  e n(U) = 10

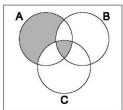
II.  $\emptyset \subset U$  e n(U) = 10

IIL  $5 \in U \in \{5\} \subset U$ 

IV.  $\{0, 1, 2, 5\} \cap \{5\} = 5$ 

Pode-se dizer, então, que é(são) verdadeira(s):

- a) apenas I e III.
- b) apenas II e IV.
- c) apenas II e III.
- d) apenas IV.
- e) todas as afirmações.
- 9. (Uespi) Seja X o conjunto complementar de um conjunto X qualquer, em relação ao conjunto universo U. Então, a parte destacada do diagrama abaixo corresponde a:



- a)  $(\overline{B \cup C}) \cup A$
- b) A (B  $\cup$  C)
- c)  $(\overline{A} \overline{B}) \cup (A \cap B)$
- d)  $\overline{A \cup B \cup C}$
- e)  $(A (B \cup C)) \cup (A \cap B \cap C)$
- 10. (Mackenzie-SP) Dados os conjuntos A, B e C, não vazios, sabe-se que  $A \subset B$ . Então tem-se sempre:
- a)  $A \cap C = \emptyset$
- b)  $A \cap B = \emptyset$
- c) B  $\cap$  C =  $\emptyset$
- d)  $A \cap B \subset C$
- e)  $A \cap C \subset B$
- 11. (UEPA) Cabelo e vestuário são itens que se destacam no rol de preocupações adolescentes que costumam freqüentar as "baladas" belenenses – é o que aponta a pesquisa realizada com 650 meninas, na faixa etária entre 15 e 19 anos. Destas, 205 comparecem a esse tipo de festa se adquirem um traje inédito; 382 se fazem presentes após uma boa "escova" no cabeleireiro; 102 aparecem nos locais onde acontecem as "baladas" com traje inédito e depois de uma "escova" no cabeleireiro. Pergunta-se: quantas são adolescentes consultadas que não preocupam em ir ao cabeleireiro fazer "escova", nem em vestir uma roupa inédita? b) 63 c) 102 d) 165 a) 39 e) 177
- 12. (PUC-RJ) Numa pesquisa de mercado,

verificou-se que 15 pessoas utilizam pelo menos um dos produtos A ou B. Sabendo que dez destas pessoas não usam o produto B e que duas destas pessoas não usam o produto A, qual é o número de pessoas que utilizam os produtos A e B?

**13.** (Acafe-SC) Dos 540 alunos inscritos em uma academia, 200 fazem musculação, 250 natação e 240 fazem outras modalidades de esportes.

Assinale a alternativa correta.

- a) O número de alunos que faz apenas musculação é 100.
- b) O número de alunos que faz apenas natação é 50.
- c) 450 alunos fazem natação ou musculação.
- d) 150 alunos fazem natação e musculação.
- e) 300 fazem apenas uma modalidade de esporte.
- **14.** (UFAC) Numa universidade estudam, nos diversos cursos oferecidos, 1.500 alunos. Destes, 35 cursam Engenharia Elétrica, 30 cursam Engenharia Civil e 8 cursam ambos os cursos. O número de estudantes da universidade que não estudam em nenhum dos dois cursos é:

a) 1.450 b) 1.443 c) 1.440 d) 1.435

e) 1.427

**15.** (PUC-PR) Em uma pesquisa feita com 120 empregados de uma firma, verificou-se o seguinte:

têm casa própria: 38

- têm curso superior: 42
- têm plano de saúde: 70
- têm casa própria e plano de saúde: 34
- têm casa própria e curso superior: 17
- têm curso superior e plano de saúde: 24
- têm casa própria, plano de saúde e curso superior: 15

Qual a porcentagem dos empregados que não se enquadram em nenhuma das situações anteriores?

(Sugestão: utilize o diagrama de VENN para facilitar os cálculos.)

a) 25% b) 30% c) 35% d) 40% e) 45%

**16.** (PUC-MG) Em um conjunto de 30 pessoas, 5 são altas e gordas, 11 são baixas e 13 são gordas. O número de pessoas desse conjunto que são simultaneamente altas e magras é:

a) 3 b) 8 c) 14 d) 16

- **17.** (UFMG) Em uma pesquisa de opinião, foram obtidos estes dados:
- 40% dos entrevistados lêem o jornal A.
- 55% dos entrevistados lêem o jornal B.
- 35% dos entrevistados lêem o jornal C.
- 12% dos entrevistados lêem os jornais A e B.
- 15% dos entrevistados lêem os jornais A e C.
- 19% dos entrevistados lêem os jornais B e C.
- 7% dos entrevistados lêem os três jornais.

• 135 pessoas entrevistadas não lêem nenhum dos três jornais.

Considerando-se esses dados, é correto afirmar que o número total de entrevistados foi:

a) 1.200

b) 1.500

c) 1.250

d) 1.350

**18.** (Vunesp) Suponhamos que numa equipe de 10 estudantes, 6 usam óculos e 8 usam relógio. O número de estudantes que usam, ao mesmo tempo, óculos e relógio é:

a) exatamente 6.

b) exatamente 2.

c) no mínimo 6.

d) no máximo 5.

e) no mínimo 4.

- **19.** (FGV-SP) Numa cidade do interior do estado de São Paulo, uma prévia eleitoral entre 2.000 filiados revelou as seguintes informações a respeito de três candidatos A, B e C, do Partido da Esperança (PE), que concorrem a três cargos diferentes.
- I. Todos os filiados votaram e não houve registro de voto em branco, tampouco de voto nulo;
- II. 280 filiados votaram a favor de A e de B; III. 980 filiados votaram a favor de A ou de B, mas não de C;
- IV. 420 filiados votaram a favor de B, mas não de A ou de C;
- V. 1.220 filiados votaram a favor de B ou de C, mas não de A;
- VI. 640 filiados votaram a favor de C, mas não de A ou de B;

VII. 140 filiados votaram a favor de A e de C, mas não de B.

Determine o número de filiados ao PE que:

- a) votaram a favor dos três candidatos.
- b) votaram a favor de apenas um dos candidatos.
- **20.** (IMT-SP) Em determinado ano, a análise dos dados dos inscritos em um concurso vestibular para cursos de Engenharia e Administração permitiu constatar que
- 70% dos candidatos eram do sexo masculino;
- 90% dos candidatos optaram por Engenharia;
- 50% dos candidatos à Administração eram do sexo masculino;
- 300 mulheres optaram por Administração. Calcule o número de candidatos do sexo masculino que optaram por Engenharia nesse vestibular.
- **21.** (UECE) Num certo grupo de pessoas, metade lê o jornal *A Notícia* e um terço lê *O Informativo*, mas somente um sexto lê ambos os jornais. Do grupo, a quantidade de pessoas que não lêem nem *A Notícia* e nem *O Informativo* é:
- a) a metade
- b) um terço
- c) um quarto
- d) um sexto