

FMA – Fundamentos de Matemática para Automação MAT – Matemática

## Prof. Piva

## Lista de Exercícios #2

## Intervalos / Função Afim / Função Quadrática

- **1.** Dados A = [0, 3] e B = [1, 5]. Determine:
- a)  $A \cup B$
- b)  $A \cap B$
- c) A-B
- d) B-A
- **2.** Dados A = [-1, 4] e B = [4, 6]. Determine:
- a)  $A \cup B$
- b)  $A \cap B$
- c) A-B

- d) B-A
- 3. (PUC-MG) Quatro intervalos reais são tais que:

$$x \in A \Leftrightarrow -10 \le x \le 10$$

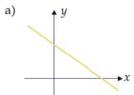
$$x \in B \Leftrightarrow 0 < x \le 5$$

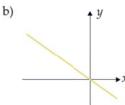
$$x \in C \Leftrightarrow -3 \le x < 2$$

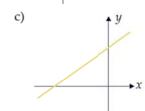
$$D = B - C$$

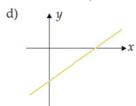
Sendo  $\bar{D}$  o complementar de D em relação ao conjunto A, então:

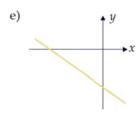
- a)  $x \in \overline{D} \Leftrightarrow -10 \le x < 2$  ou  $-2 < x \le 10$
- b)  $x \in \overline{D} \Leftrightarrow -10 \le x < -3$  ou  $5 < x \le 10$
- c)  $x \in \overline{D} \Leftrightarrow -10 \le x \le 0$  ou  $-2 < x \le 10$
- d)  $x \in \overline{D} \Leftrightarrow -10 \le x \le 2$  ou  $-2 \le x \le 10$
- e)  $x \in \overline{D} \Leftrightarrow -10 \le x < 2$  ou  $5 < x \le 10$
- **4.** (Mackenzie) A função f é definida por f(x) = ax + b. Sabendo que f(-1) = 3f(1) = 1, o valor de f(3) é:
- a) 0 b) 2 c) -5 d) -3 e) -1
- **5.** (UFMG) Sendo a < 0 e b < 0, a única representação gráfica correta para a função f(x) = ax + b é:











6. (UFMG) A função real de variável real, definida por f(x) = (3-2a)x + 2 é crecente quando:

a) 
$$a > 0$$
 b)  $a < \frac{3}{2}$  c)  $a = \frac{3}{2}$  d)  $a > \frac{3}{2}$ 

- 7. Esboce o gráfico, determine o domínio, o contradomínio e o conjunto imagem das funções definidas pelas leis de associação elencadas a seguir. Classifique-as, também, quanto ao crescimento/descreescimento.
- a) f(x) = 2x-3 b) f(x) = 3-x
- c) f(x) = 3
- **8.** (Unifor-CE) Seja f a função real definida por  $f(x) = 1 - \frac{x}{2}$ , para todo x do intervalo [-3;1].

Seu conjunto imagem é

a) 
$$\mathbb{R}$$
 b)  $\left[-\frac{1}{2};1\right]$ 

c) 
$$\left[ -\frac{1}{2}; \frac{5}{2} \right]$$

d) 
$$\left[-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}\right]$$
 e)  $\left[\frac{1}{2}; \frac{5}{2}\right]$ 

9. Esboce o gráfico, determine o domínio, o contradomínio e o conjunto imagem das funções definidas pelas leis de associação elencadas a seguir.

a) 
$$f(x) = x^2 - 6x + 8$$

a) 
$$f(x) = x^2 - 6x + 8$$
 b)  $f(x) = -x^2 + 2x + 3$ 

c) 
$$f(x) = \frac{1}{2}x^2 + x + 1$$

10. (Vunesp) O gráfico da função quadrática definida por  $y = x^2 - mx + (m-1)$ , sendo m um número real, tem um único ponto em comum com o eixo das abscissas. Então o valor de u que essa função associa a x = 2 é:

$$(a) - 2$$
  $(b) - 1$   $(c) 0$   $(d) 1$   $(e)$ 

**11.** (UFRN) Se  $f(x) = x^2 - 1$ , então a função f é crescente no intervalo:

a) 
$$[0,+\infty]$$

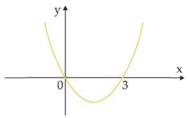
a) 
$$\left[0,+\infty\right)$$
 b)  $\left[-1,1\right]$  c)  $\left[-1,+\infty\right)$ 

d) 
$$\left(-\infty,1\right]$$

d) 
$$\left(-\infty,1\right]$$
 e)  $\left(-\infty,0\right]$ 

**12.** (UFPI) Uma fábrica produz  $p(t) = t^2 + 2t$ pares de sapatos, t horas após o início de suas atividades diárias. Se a fábrica comeca a funcionar às 8 horas da manhã, entre 10 e 11 horas quantos pares de sapatos serão produzidos?

13. (Cesgranrio) O valor mínimo do polinômio  $y = x^2 + bx + c$ , cujo gráfico é mostrado na figura, é:

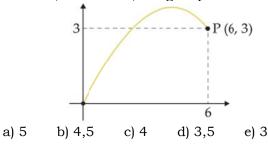


a) -1 b) -2 c)  $-\frac{9}{4}$  d)  $-\frac{9}{2}$  e)  $-\frac{3}{2}$ 

14. (PUC-SP) O valor extremo da função  $y = x^2 - 8x + 15$  é:

- a) máximo, dado por V = (4, 1)
- b) mínimo, dado por V = (4, -1)
- c) máximo, dado por V = (-4, -1)
- d) mínimo, dado por V = (-4, -1)
- e) máximo, dado por V = (4, -1)

15. (FCC-SP) Um menino está à distância de 6 metros de um muro de 3 metros de altura, e chuta uma bola que vai bater exatamente sobre o muro. Se a equação da trajetória da bola em relação ao sistema de coordenadas indicado pela figura é  $y = ax^2 + (1-4a)x$ , a altura máxima, em metros, atingida pela bola é:



16. (FCMSC-SP) Considerem-se todos os retângulos de perímetro 80 m. A área máxima que pode ser associada a um desses retângulos é:

- a) 200 m<sup>2</sup>
- b) 250 m<sup>2</sup>
- c) 400 m<sup>2</sup>

- d) 600 m<sup>2</sup>
- e) 800 m<sup>2</sup>

17. (FUVEST) Um objeto é lançado verticalmente para cima. A altura (em metros) que o objeto atinge é dada por  $h(t) = 20t - 5t^2$ , onde t é o tempo decorrido após o lançamento, em segundos. Responda:

- a) Quanto tempo levará para o objeto atingir sua altura máxima?
- b) Qual a altura máxima?

c) Quanto tempo levará para o objeto atingir novamente o solo, após ter atingido sua altura máxima?

18. (FGV) o lucro mensal de uma empresa é dado por  $L(x) = -x^2 + 30x - 5$ , onde  $x \neq 6$ quantidade mensal vendida.

a) Qual o lucro mensal máximo possível?

b) Entre que valores deve variar x para que o lucro mensal seja no mínimo igual a 195?

19. (ITA) Os dados experimentais da tabela a seguir correspondem às concentrações de uma substância química, medidas em intervalos de 1 segundo. Assumindo que a linha que passa pelos três pontos experimentais é uma parábola, tem-se que a concentração (em mols), após 2,5 segundos, é:

Tempo (s)	Concentração (mols)
1	3,00
2	5,00
3	1,00

- a) 3,60
- b) 3,65
- c) 3.70

- d) 3,75
- e) 3,80

**20.** Resolva, em  $\mathbb{R}$ , as seguintes equações e inequações:

- a)  $x^2 6x + 8 = 0$  b)  $x^2 6x 7 \le 0$
- c)  $x^2 4x + 4 \le 0$  d)  $x^2 4x + 4 \ge 0$

e) 
$$-2x^2 + 5x - 2 > 0$$

e) 
$$-2x^2 + 5x - 2 > 0$$
 e)  $\frac{x+1}{2} - \frac{x-1}{3} \ge 2x - \frac{1}{6}$ 

**21.** (FATEC) Seja  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  uma função definida por  $f(x) = (t-1)x^2 + tx + 1$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , Os valores de t, para que f tenha duas raízes distintas, satisfazem à sentença:

- a)  $\frac{3}{2} < t < 3$  b) -4 < t < 4 c)  $0 \le t < 8$
- d)  $t \neq 2$  e  $t \neq 1$  e)  $t \neq 0$  e  $t \neq 1$

22. Explicite o domínio das seguintes funções

- a)  $f(x) = \frac{1}{x}$  b)  $f(x) = \frac{x+7}{x-3}$
- c)  $f(x) = \frac{1}{x^2 6x + 5}$  d)  $f(x) = \sqrt{3 x}$
- e)  $f(x) = \frac{1}{x^2 4} + \frac{1}{x 8}$
- f)  $f(x) = \frac{\sqrt{8-x}}{\sqrt{x-4}}$  g)  $f(x) = \frac{19x}{\sqrt[3]{x-2}}$
- h)  $f(x) = \sqrt{-x^2 + 2}$  i)  $f(x) = \sqrt{\frac{1+x}{x-4}}$

**23.** Resolva, em  $\mathbb{R}$ , as seguintes inequações:

a) 
$$(x^2-4x+3)(x-2)<0$$

- b)  $\frac{x^2-4x+3}{x-2} \ge 0$
- c)  $(x+1)(x-2)(-2x+6) \ge 0$
- d)  $\frac{2x-5}{x-3} \ge 1$
- e)  $(2x-5)(4x^2-25)(x^2+x+1) < 0$