Formulaire d'opérations sur la limite de suites

Soient (u_n) et (v_n) des suites à valeurs réelles. Soient $\lambda, l, l' \in \mathbb{R}$.

| $\lim_{n\to+\infty}(u_n+v_n)$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=l$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=+\infty$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=-\infty$ |
|--|---------------------------|---------------------------------|---------------------------------|
| $\lim_{n\to+\infty}\nu_n=l'$ | l + l' | +∞ | $-\infty$ |
| $\lim_{n\to+\infty}v_n=+\infty$ | +∞ | +∞ | forme indéterminée |
| $\lim_{n \to +\infty} \nu_n = -\infty$ | $-\infty$ | forme indéterminée | $-\infty$ |

| $\lim_{n\to+\infty}(\lambda u_n)$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=l$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=+\infty$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=-\infty$ |
|-----------------------------------|---------------------------|---------------------------------|---------------------------------|
| $\lambda > 0$ | λl | +∞ | $-\infty$ |
| $\lambda < 0$ | λl | $-\infty$ | +∞ |
| $\lambda = 0$ | 0 | 0 | 0 |

| $\lim_{n\to+\infty}(u_n.v_n)$ | $\lim_{n \to +\infty} u_n = l \neq 0$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=0$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=+\infty$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=-\infty$ |
|--|---|---------------------------|--|--|
| $\lim_{n \to +\infty} v_n = l' \neq 0$ | 1.1' | 0 | $+\infty \text{ si } l' > 0$ $-\infty \text{ si } l' < 0$ | $-\infty$ si $l' > 0$ $+\infty$ si $l' < 0$ |
| $\lim_{n\to+\infty}\nu_n=0$ | 0 | 0 | forme indéterminée | forme indéterminée |
| $\lim_{n \to +\infty} v_n = +\infty$ | $+\infty$ si $l > 0$ $-\infty$ si $l < 0$ | forme indéterminée | +∞ | -∞ |
| $\lim_{n \to +\infty} v_n = -\infty$ | $-\infty \operatorname{si} l > 0$ $+\infty \operatorname{si} l < 0$ | forme indéterminée | -∞ | +∞ |

| $\lim_{\mathbf{n}\to+\infty}\frac{\mathbf{u_n}}{\mathbf{v_n}}$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=l\neq0$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=0$ | $\lim_{n\to+\infty}u_n=+\infty$ | $\lim_{n\to +\infty} u_n = -\infty$ |
|--|--------------------------------|---------------------------|--|---|
| $\lim_{n \to +\infty} \nu_n = l' \neq 0$ | $\frac{l}{l'}$ | 0 | $+\infty \operatorname{si} l' > 0$ $-\infty \operatorname{si} l' < 0$ | $-\infty \operatorname{si} l' > 0$ $+\infty \operatorname{si} l' < 0$ |
| $\lim_{n\to+\infty}\nu_n=0$ | ±∞(*) | forme indéterminée | ±∞(*) | ±∞(*) |
| $\lim_{n \to +\infty} \nu_n = +\infty$ | 0 | 0 | forme indéterminée | forme indéterminée |
| $\lim_{n \to +\infty} \nu_n = -\infty$ | 0 | 0 | forme indéterminée | forme indéterminée |

^(*) La règle des signes donne le signe de la limite du quotient.