Assim, a função de produção para a empresa j pode ser representada como:

$$y_{t,j} = f(Y_{t,j}, e_{t,j}^d, e_j^{ind})$$

Para tornar esse problema mais tratável, agregamos as K firmas em 68 setores de atividade, ⁵ doravante indexadas pela letra i:

$$y_{t,i} = f(Y_{t,i}, e_{t,i}^d, e_i^{ind}) \lor (i \in 1,2,3,...,68)$$

Os dados das emissões totais de cada setor i para o ano t, entre 1990 e 2020, foram obtidos usando os dados agregados do Ministério da Ciência, Tecnologia e Inovação (MCTI). A partir desses dados, estimam-se os coeficientes de emissão direta de cada atividade $q_{t,i}^d$, ou seja, a quantidade de emissões (em Gg de CO2 equivalente) por produto total ($P_{t,i}$ em milhões de reais):

$$q_{t,i}^d = \frac{e_{t,i}^d}{P_{t,i}}$$

Assim, o coeficiente de emissão total, $q_{t,i}^{total}$, pode ser estimado como o produto da matriz de Leontief,⁶ $(I - A_t)^{-1}$, pelo vetor de coeficientes de emissões diretas:

$$q_t^{total} = (I - A_t)^{-1} \cdot q_t^d$$

Diferentemente da metodologia do Maza (2022), que utiliza uma matriz fixa de coeficientes A_{2016} , neste trabalho a matriz inversa de Leontief $(I - A_t)^{-1}$ é atualizada anualmente.⁷

O terceiro coeficiente, o coeficiente de emissões indiretas, é estimado pela diferença entre o coeficiente total e o direto:

$$q_t^{ind} = q_t^{total} - q_t^d$$

Os coeficientes de emissão total $q_{t,i}^{total}$ são usados para calcular a quantidade de emissões por atividade por estoque de empréstimos, o que se convencionou chamar de pegada de carbono dos empréstimos CF_t :

$$CF_{t} = \frac{\sum_{i=1}^{68} L_{t,i} q_{t,i}^{total}}{\sum_{i=1}^{68} L_{t,i}}$$

onde $L_{t,i}$ representa o estoque de empréstimos do setor i no dia 31 de dezembro do ano t.

Um aumento do CF significa um crescimento nas emissões (em Gg de CO2e) por cada milhão de reais em empréstimos, indicando uma concentração de empréstimos em atividades mais poluentes.

Por fim, os setores foram classificados entre setores de baixa emissão de carbono e setores de alta emissão. Os classificados como de baixo carbono foram aqueles que emitem menos CO2e por valor produzido (coeficiente total de emissão) do que a média de emissão de todos os setores.8 Assim, se em um ano t o setor j apresentou coeficiente menor que a média de todos os setores, então ele é considerado um setor de baixo carbono.

As 68 atividades correspondem às mesmas segmentações apresentadas na tabela de recursos e uso divulgada pelo IBGE (IBGE, 2020).

A matriz de Leontief tem por objetivo apresentar a interdependência entre as atividades produtivas em relação aos insumos para produção. É geralmente usada em contas nacionais para transformar o vetor de produtos finais no vetor de produto total. Nesse modelo, a produção foi substituída por coeficiente de emissões.

Para mais detalhes sobre a metodologia para construção desta matriz, ver Guilhoto e Sesso (2010).

O método de Guilhoto e Sesso (2010) permite calcular a matriz intermediária de demanda a preços básicos para qualquer ano, cobrindo 68 setores, desde que os dados das Tabelas de Recursos e Uso (TRU) estejam disponíveis. Decidimos unificar os setores de educação pública e privada em um, e fizemos o mesmo para os setores de saúde pública e privada. Com isso, o número de atividades cai para 66, mas essa união é feita somente quando combinamos os dados com os do SFN.