

# Funções Recursivas

# RECURSIVIDADE



## Definições:

1. A recursividade é um mecanismo que permite uma função chamar a si mesma, ***direta*** ou ***indiretamente***.
2. Uma função é dita recursiva quando possui uma chamada a si própria (ZIVIANI, 2004; GUIMARÃES; LAGES, 1994)

## Três leis básicas da Recursividade

- 1 | Deve possuir um fim previsto;
- 2 | A cada execução, deve estar mais próximo do fim;
- 3 | Deve ser recursiva;



## Tipos de recursão:

- ✓ **Recursão direta**  
a função **A** chama a própria função **A**;
- ✓ **Recursão indireta**  
a função **A** chama uma função **B** que, por sua vez, chama a função **A**



Q+A WITH AMY

Linguagens que permitem uma função chamar a si própria são ditas **recursivas**. Linguagens que não permitem são ditas **iterativas** ou **não recursivas**.

# **FATORIAL** *(relembrando)*

$$5! = 5 * 4 * 3 * 2 * 1 = 120$$

**ou**

$$5! = 1 * 2 * 3 * 4 * 5 = 120$$



## Fatorial

Note que há um **laço de repetição** que vai de **1 até n**, multiplicando o resultado anterior com o contador.

$$5! = 1 * 2 * 3 * 4 * 5 = 120$$



## Fatorial

### Versão Iterativa

Laço de repetição que vai de **1** até **n**, multiplicando o resultado anterior com o contador.

```
funcao fatorial(n: inteiro): inteiro
var i, aux: inteiro
inicio
    aux ← 1
    para i ← 1 ate n faca
        aux ← aux * i
    fimpara
    RETORNE aux
fimfuncao
```



# Fatorial

## Versão Iterativa

Laço de repetição que vai de **1** até **n**, multiplicando o resultado anterior com o contador.

Versão em **linguagem C**

```
int fatorial(int n) {  
    int i, aux;  
    aux=1;  
    for (i=1; i<=n; i++)  
        aux=aux*i;  
    return aux;  
}
```

## Fatorial

### ✓ Pensando em recursão

Note que  $n!$  é  $n*(n-1)!$

O processo será encerrado quando ocorrer  $0!$

$$5! = 5 * 4!$$

$$4! = 4 * 3!$$

$$3! = 3 * 2!$$

$$2! = 2 * 1!$$

$$1! = 1 * 0!$$

$$0! = 1$$

**FATORIAL:**  
*Problema  
clássico de  
recursão*



$\text{fat}(n) = n * \text{fat}(n-1) \rightarrow \text{até que } n = 1$

$$\text{fat}(5) = 5 * \text{fat}(4)$$

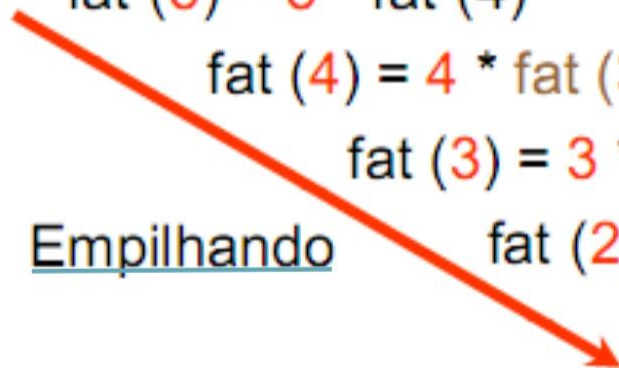
$$\text{fat}(4) = 4 * \text{fat}(3)$$

$$\text{fat}(3) = 3 * \text{fat}(2)$$

Empilhando

$$\text{fat}(2) = 2 * \text{fat}(1)$$

$$\text{fat}(1) = 1$$



**FATORIAL:**  
*Problema  
clássico de  
recursão*



$\text{fat}(n) = n * \text{fat}(n-1) \rightarrow \text{até que } n = 1$

$\text{fat}(5) = 5 * 24 \longrightarrow \mathbf{120}$   
 $\text{fat}(4) = 4 * 6 = 24$   
 $\text{fat}(3) = 3 * 2 = 6$   
 $\text{fat}(2) = 2 * 1 = 2$   
 $\text{fat}(1) = 1$

Desempilhando

A thick red arrow originates from the bottom right and points diagonally upwards and to the left, passing through the equations for fat(2), fat(3), fat(4), and ending at fat(5), illustrating the unwinding of the recursive stack.

## Versão Recursiva

Substituição do  
laço de repetição  
pela chamada  
de si mesma.

```
funcao fatorial(n: inteiro): inteiro
inicio
    se n = 0 entao
        retorne 1
    senao
        retorne n*fatorial(n-1)
    fimse
fimfuncao
```

Versão em **linguagem C**

## Versão Recursiva

---

Substituição do  
laço de repetição  
pela chamada  
de si mesma.

```
int fatorial(int n) {  
    if (n==0)  
        return 1;  
    else  
        return n*fatorial(n-1);  
}
```

```

funcao fatorial(n: inteiro): inteiro
inicio
    se n = 0 entao
        retorne 1
    senao
        retorne n*fatorial(n-1)
    fimse
fimfuncao

```

$\text{fat}(n) = n * \text{fat}(n-1) \rightarrow \text{até que } n = 1$

$\text{fat}(5) = 5 * \text{fat}(4)$   
 $\text{fat}(4) = 4 * \text{fat}(3)$   
 $\text{fat}(3) = 3 * \text{fat}(2)$   
 Empilhando  $\text{fat}(2) = 2 * \text{fat}(1)$   
 $\text{fat}(1) = 1$

---

$\text{fat}(n) = n * \text{fat}(n-1) \rightarrow \text{até que } n = 1$

$\text{fat}(5) = 5 * 24 \longrightarrow \mathbf{120}$   
 $\text{fat}(4) = 4 * 6 = 24$   
 $\text{fat}(3) = 3 * 2 = 6$   
 Desempilhando  $\text{fat}(2) = 2 * 1 = 2$   
 $\text{fat}(1) = 1$



## FATORIAL iterativo versus recursivo

```
funcao fatorial(n: inteiro): inteiro
var i, aux: inteiro
inicio
    aux  $\leftarrow$  1
    para i  $\leftarrow$  1 ate n faca
        aux  $\leftarrow$  aux * i
    fimpara
    retorne aux
fimfuncao
```

```
funcao fatorial(n: inteiro): inteiro
inicio
    se n = 0 entao
        retorne 1
    senao
        retorne n*fatorial(n-1)
    fimse
fimfuncao
```

# FATORIAL iterativo versus recursivo

## Versões em linguagem C

```
int fatorial(int n){  
    int i, aux;  
    aux=1;  
    for (i=1; i<=n; i++)  
        aux=aux*i;  
    return aux;  
}
```

Iterativo

```
int fatorial(int n){  
    if (n==0)  
        return 1;  
    else  
        return n*fatorial(n-1);  
}
```

Recursivo

## POTÊNCIA iterativo versus recursivo

```
funcao potencia(ba,ex: inteiro): inteiro
var i, aux: inteiro
inicio
    aux ← 1
    para i ← 1 ate ex faca
        aux ← aux * ba
    fimpara
    retorne aux
fimfuncao
```

```
funcao potencia(ba,ex: inteiro): inteiro
inicio
    se ex = 0 entao
        retorne 1
    senao
        retorne ba * potencia(ba, ex - 1)
    fimse
fimfuncao
```

# POTÊNCIA iterativo versus recursivo

## Versões em linguagem C

```
int potencia(int ba, int ex) {  
    int i, aux;  
    aux=1;  
    for (i=1; i<=ex; i++)  
        aux=aux*ba;  
    return aux;  
}
```

Iterativo

```
int potencia(int ba, int ex) {  
    if (ex==0)  
        return 1;  
    else  
        return (ba * potencia(ba, ex-1));  
}
```

Recursivo

Qual o maior problema  
relacionado a recursividade?

**São as funções que NUNCA  
terminam!**

