Unidade IV: Ordenação Interna - Heapsort



Instituto de Ciências Exatas e Informática Departamento de Ciência da Computação

Agenda

Definição de Heap



Funcionamento básico

· Algoritmo em C like

Análise dos número de comparações e movimentações

Introdução

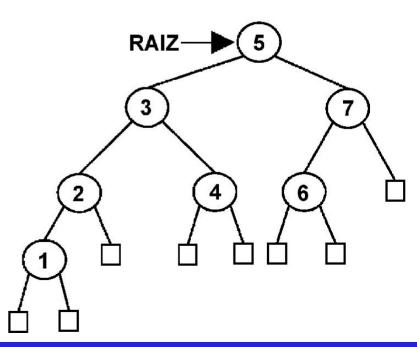
 O Heapsort é <u>um</u> algoritmo de seleção que encontra o maior elemento em uma lista, troca-o com o último e repete o processo

 Sua diferença em relação ao Algoritmo de Seleção é que o Heapsort utiliza um Heap Invertido para selecionar o maior elemento de forma eficiente

· Neste momento, precisamos conhecer os conceitos de árvore e heap

 Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

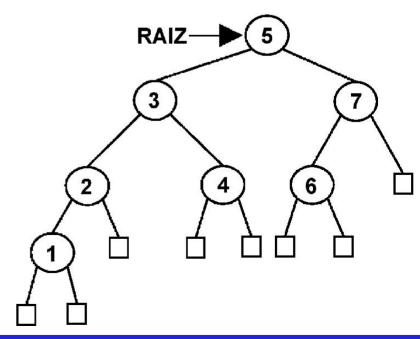
 Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices



 Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

 Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

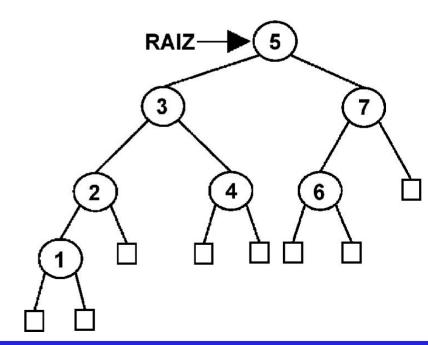
O nó 5 é denominado nó raiz e ele está no nível 0



 Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

 Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

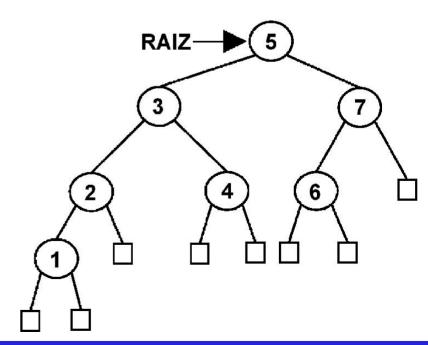
Os nós 3 e 7 são filhos do 5 e esse é pai dos dois primeiros



 Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

 Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

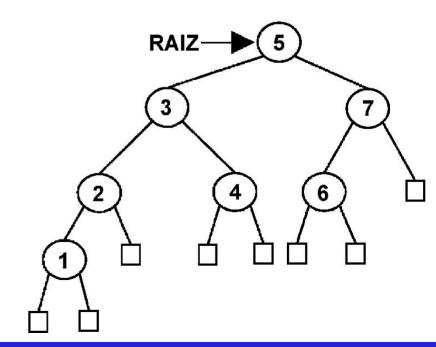
Um nó com filho(s) é chamado de nó interno e outro sem, de folha



 Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

 Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

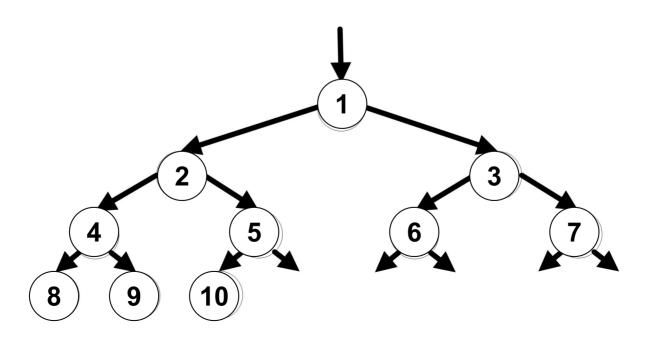
Nosso exemplo é uma árvore binária, pois cada nó tem no máximo dois filhos



Heap

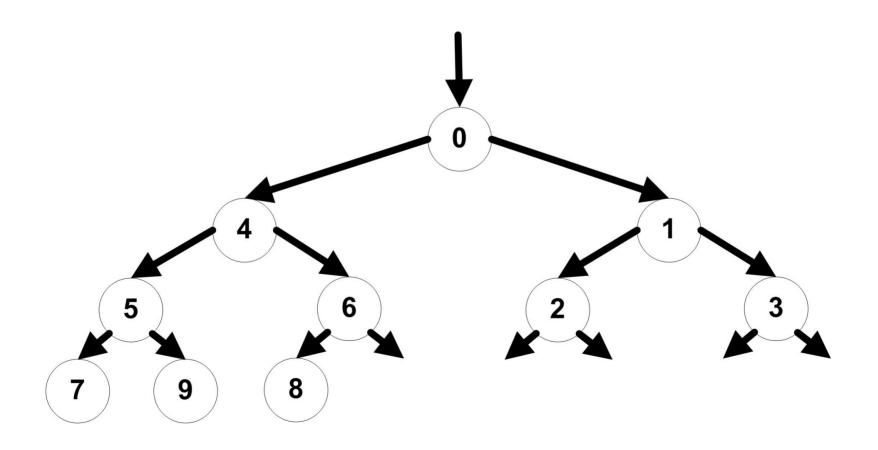
· Árvore binária em que cada nó é menor ou igual que seus filhos, fazendo com que a raiz seja o menor valor

 Suas folhas ocupam um ou dois níveis sendo que o penúltimo é completo e as folhas do último nível se agrupam o mais à esquerda possível



• Mostre um heap com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9

• Mostre um heap com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9



Heap Invertido

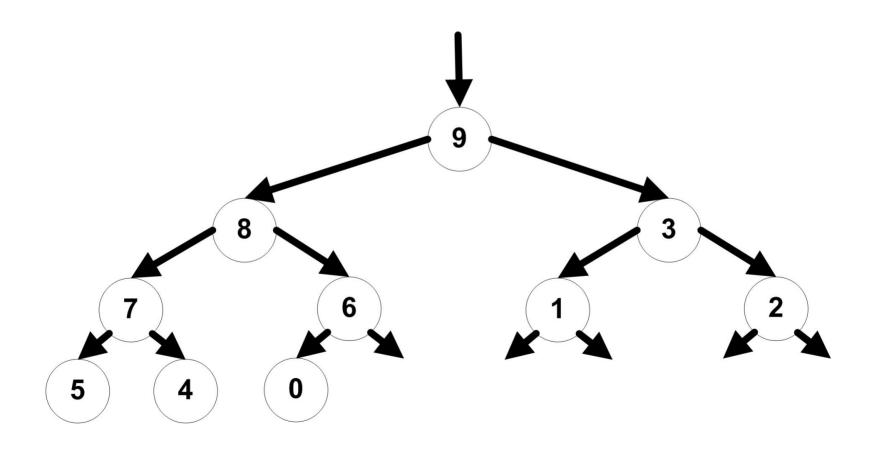
 Árvore binária em que o valor de cada nó é maior ou igual ao de seus filhos

 Suas folhas ocupam um ou dois níveis sendo que o penúltimo é completo e as folhas do último nível se agrupam o mais à esquerda possível

O maior elemento encontra-se sempre na raiz

• Mostre um heap invertido com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9

· Mostre um heap invertido com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9



Consideração

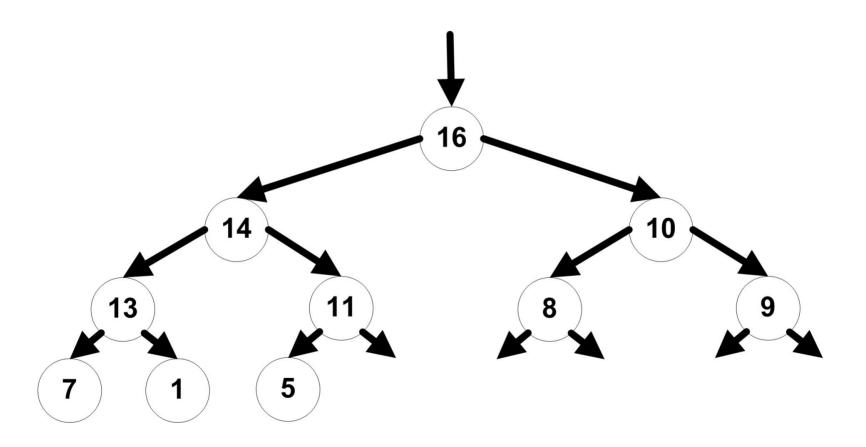
 A partir deste ponto, neste material, a palavra heap será usada para designar o heap invertido

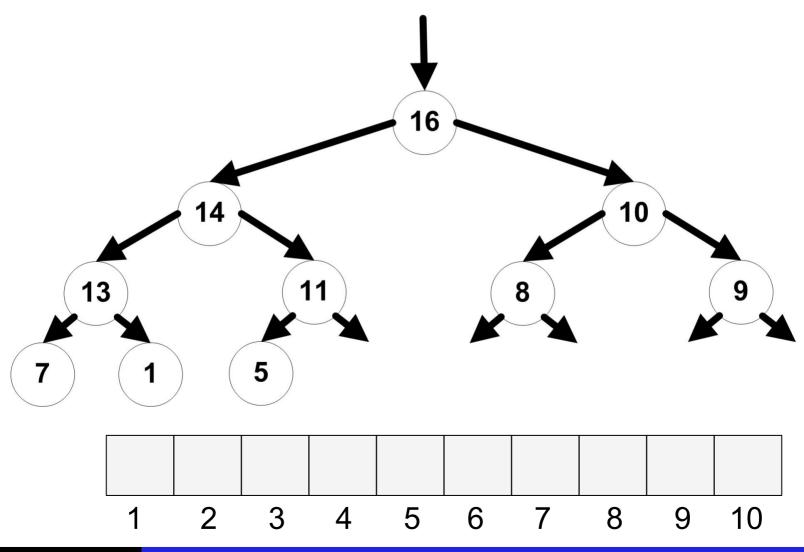
Representação do Heap em um Array

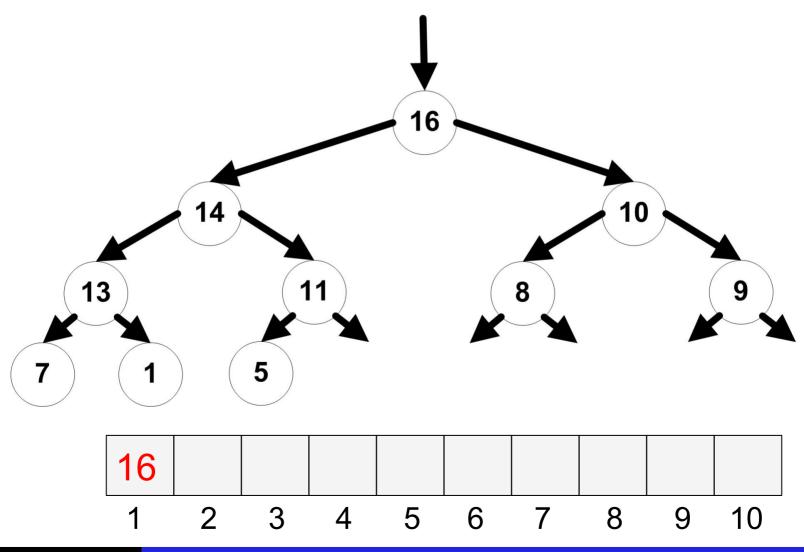
Como representar um heap usando um array?

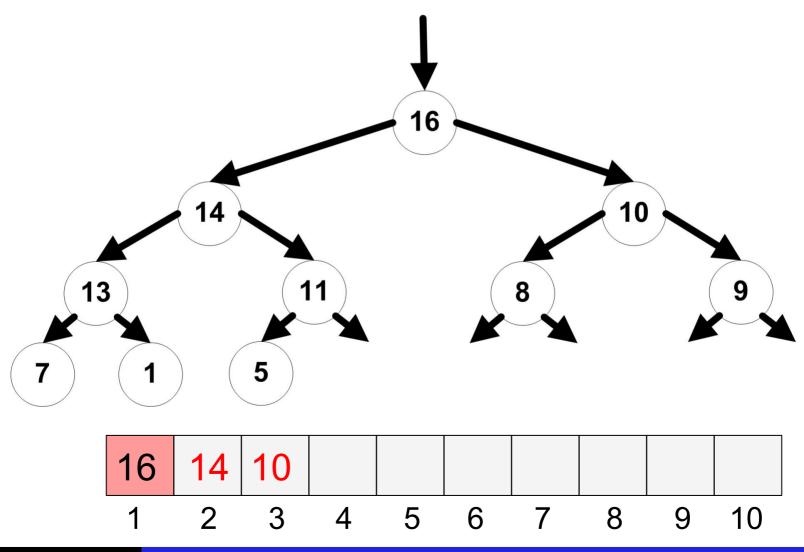
· Afinal, estamos apresentando um algoritmo para ordenar arrays...

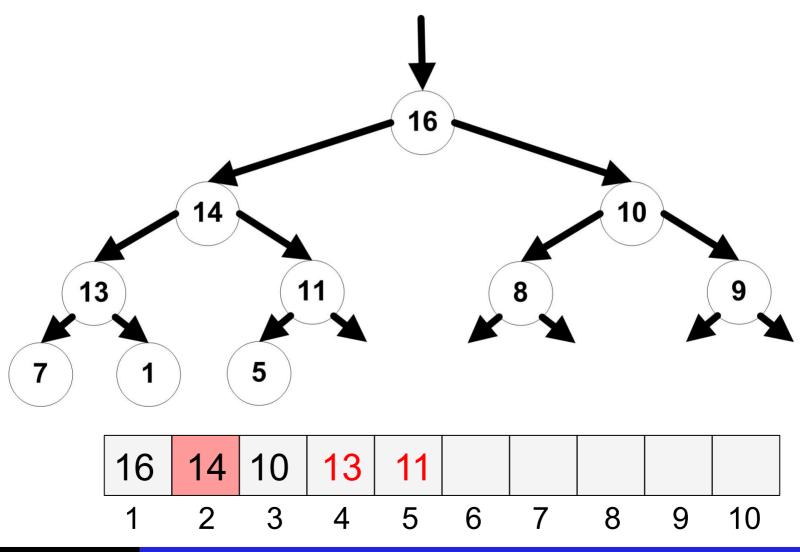
E agora José?

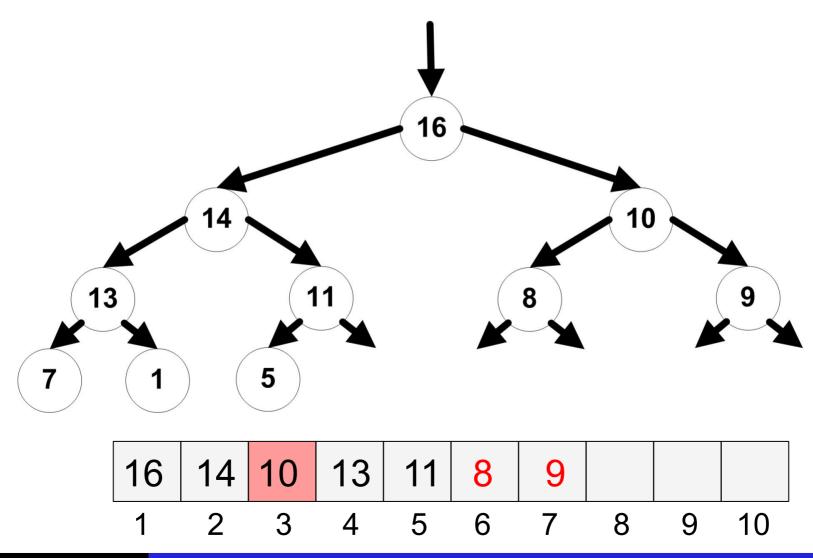


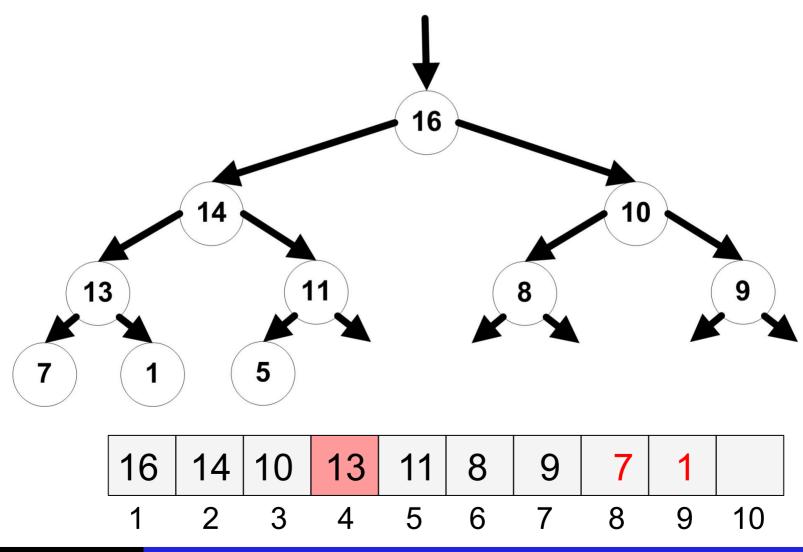


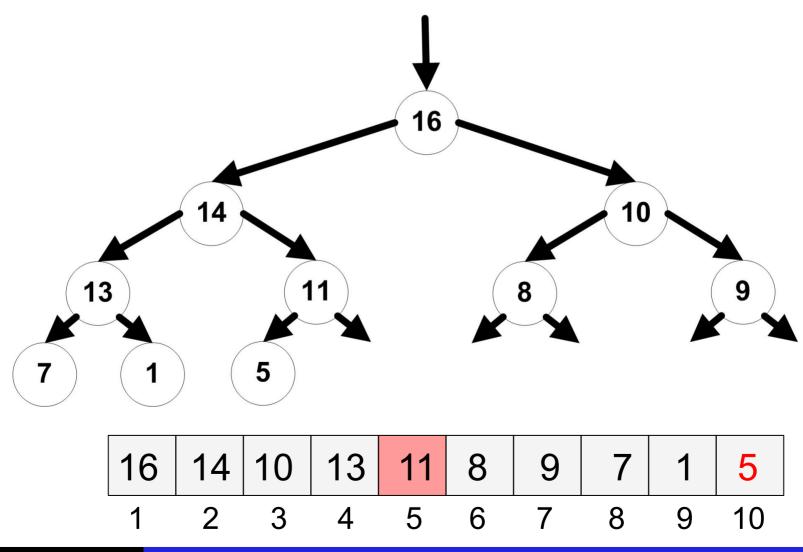












Representação do Heap em um Array

· Podemos representar qualquer árvore binária em um array fazendo:

array[1] é a raiz

array[i/2]é o pai de array[i], para i > 1

· Se array[2 * i] e array[2 * i + 1] existem, eles são filhos de array[i]

Se i é maior que (n / 2), array[i] é uma folha

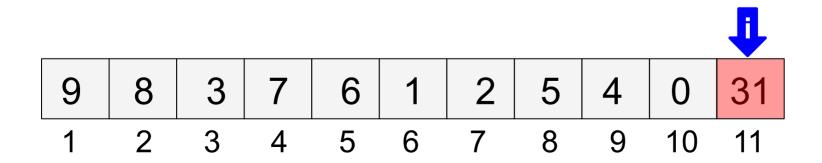
• Faça um método que recebe um número inteiro i e mostra na tela o elemento localizado na posição i do heap e todos os ancestrais daquele elemento. Por exemplo, dado o heap da página anterior, se seu método receber o número 10, ele mostra na tela 5, 11, 14 e 16

• Faça um método que recebe um número inteiro i e mostra na tela o elemento localizado na posição i do heap e todos os ancestrais daquele elemento. Por exemplo, dado o heap da página anterior, se seu método receber o número 10, ele mostra na tela 5, 11, 14 e 16

```
void metodo(int i) {
    for ( /**/; i >= 1; i /= 2){
        System.out.println(array[i]);
    }
}
```

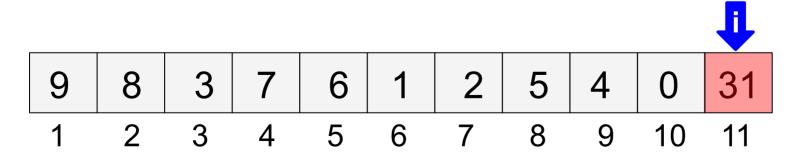
9	8	3	7	6	1	2	5	4	0	31
										11

```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

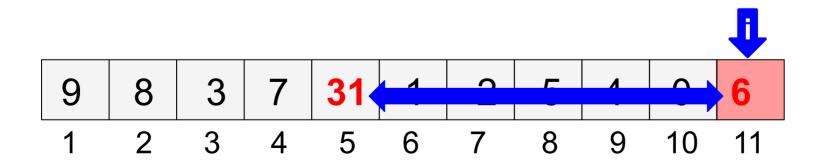


```
void construir(int tam){
    for (int i = tam[ i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

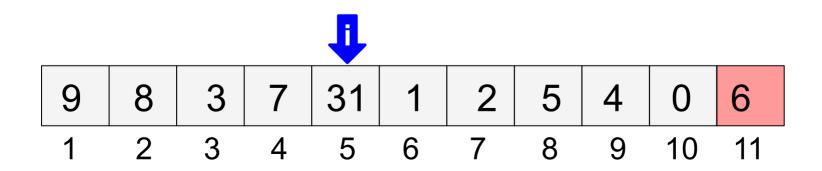
true: 11 > 1 && array[11] > array[5]



```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

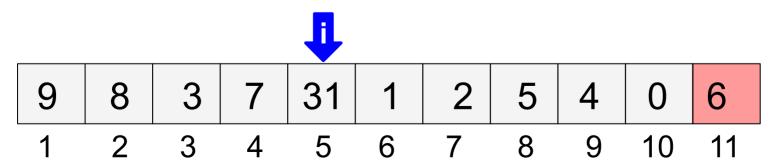


```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

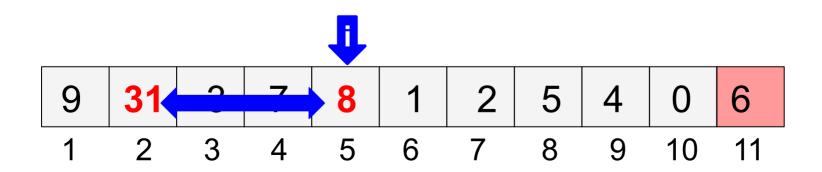


```
void construir(int tam){
    for (int i = tam[i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

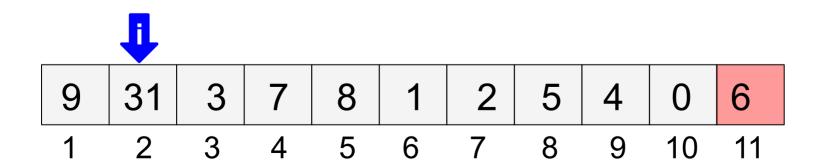
true: 5 > 1 && array[5] > array[2]



```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

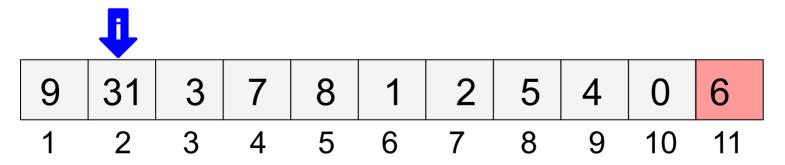


```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



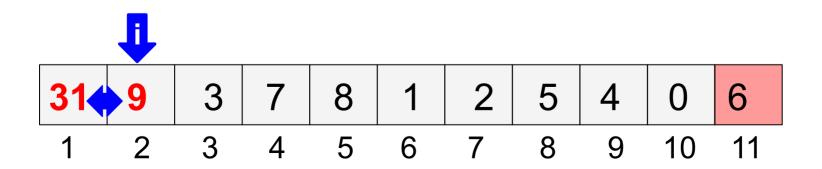
```
void construir(int tam){
    for (int i = tam[ i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

true: 2 > 1 && array[2] > array[1]



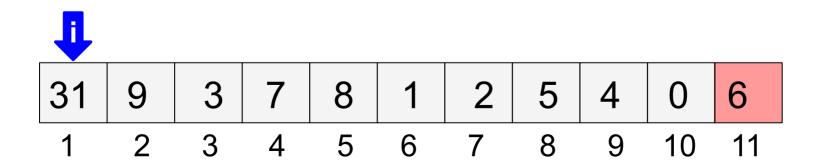
• Sabendo que os k primeiros elementos de um *array* estão organizados no formato de heap, faça um método que insira o (k+1)-ésimo elemento do *array* no heap. Por exemplo, no *array* abaixo, temos que k é igual a 10 e o elemento a ser inserido no heap é o 31

```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



• Sabendo que os k primeiros elementos de um *array* estão organizados no formato de heap, faça um método que insira o (k+1)-ésimo elemento do *array* no heap. Por exemplo, no *array* abaixo, temos que k é igual a 10 e o elemento a ser inserido no heap é o 31

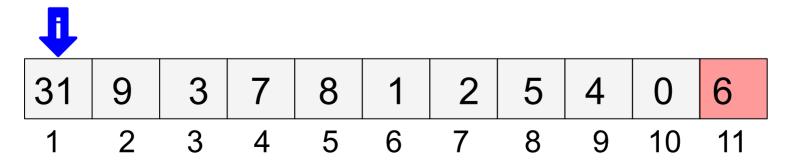
```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



• Sabendo que os k primeiros elementos de um *array* estão organizados no formato de heap, faça um método que insira o (k+1)-ésimo elemento do *array* no heap. Por exemplo, no *array* abaixo, temos que k é igual a 10 e o elemento a ser inserido no heap é o 31

```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

false: 1 > 1 && ...



Operações Possíveis com um Heap

Construção

· Inserção de um novo elemento

Remoção do elemento com a maior chave

Remoção de um elemento qualquer

Unificar dois ou mais heaps

Exercício (1)

 Faça um método que receba dois heaps e retorne um terceiro heap unificando as duas estruturas recebidas

Agenda

Definição de Heap

Funcionamento básico



· Algoritmo em C like

Análise dos número de comparações e movimentações

Funcionamento Básico

 Construa o heap inserindo sistematicamente cada um dos elementos do array

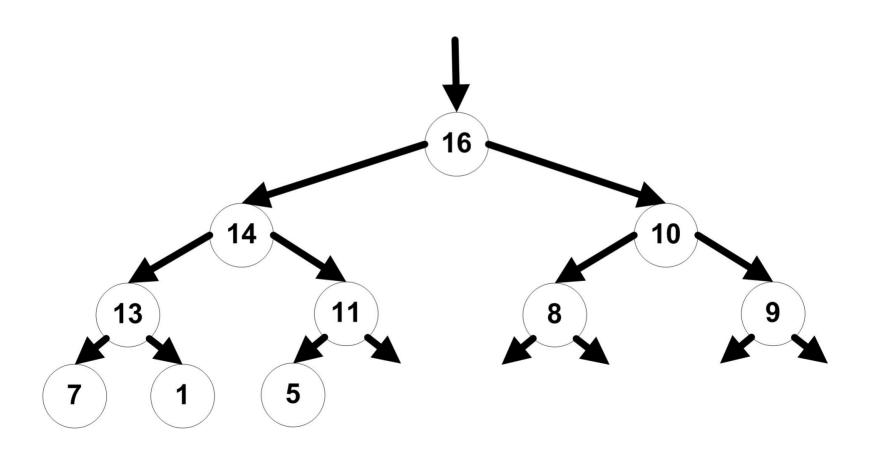
 Remova sistematicamente cada elemento do heap, reconstrua o heap e insira o elemento removido na posição do array imediatamente seguinte ao tamanho corrente do heap

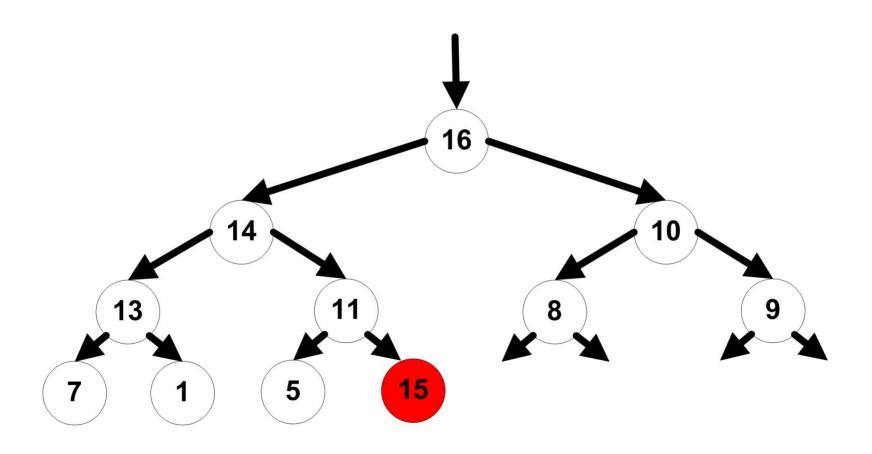
· A seguir, veja os princípios de inserção e remoção no heap

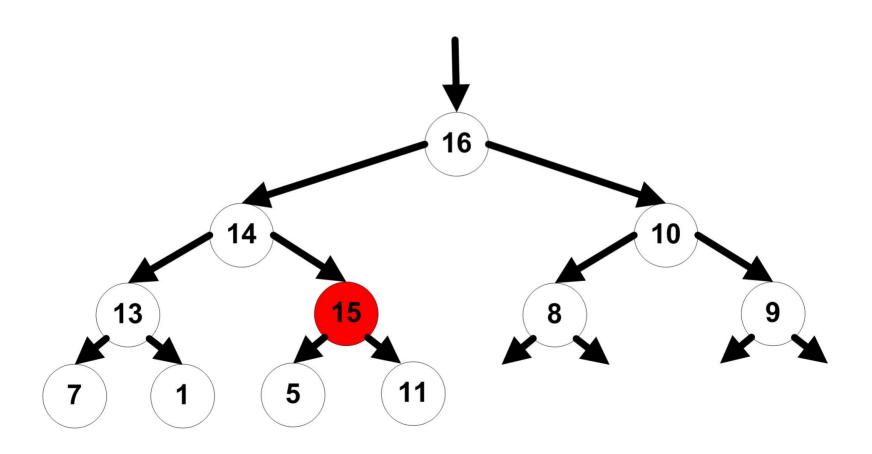
Princípio de Inserção

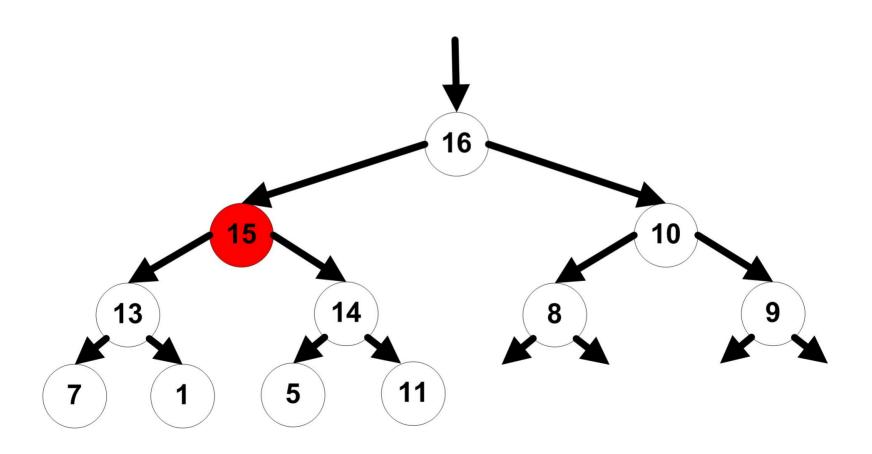
Crie uma nova folha (contendo o novo elemento) no último nível do heap.
 Se esse estiver completo, recomece um novo nível

• Se o novo elemento for maior que seu pai, troque-os e realize o mesmo processo para o pai, avô, bisavô e, assim, sucessivamente, até que todos os pais sejam maiores que seus filhos



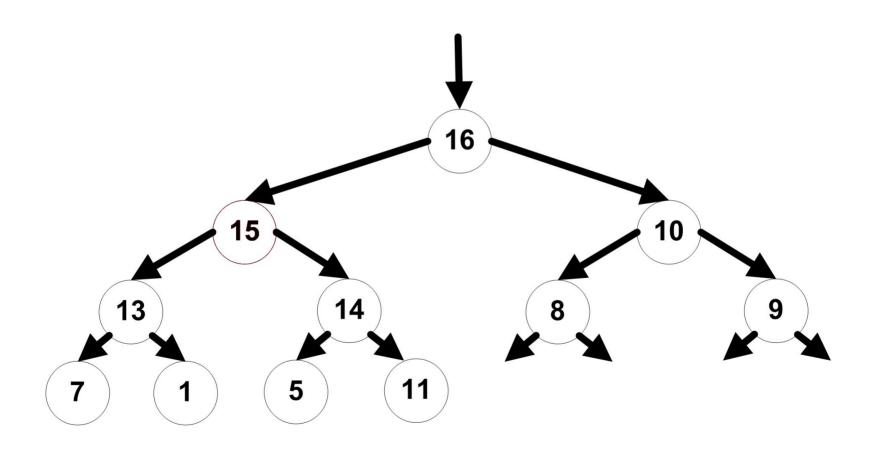






Exercício (2)

· Insira os números 11 e 9 na árvore abaixo, respectivamente



Princípio de Remoção

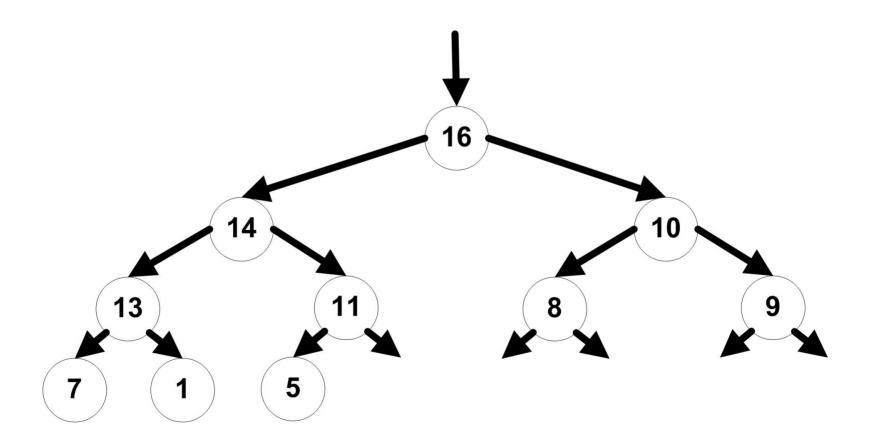
· Armazene o elemento da raiz em uma variável temporária

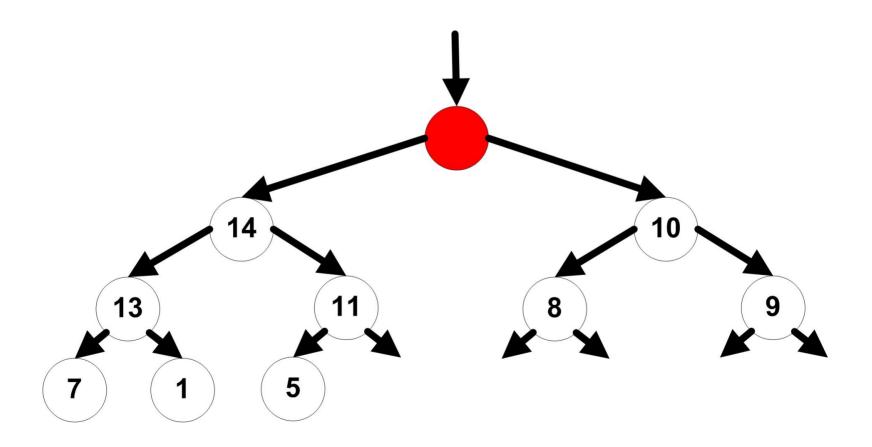
Substitua o elemento da raiz pelo da última folha do último nível

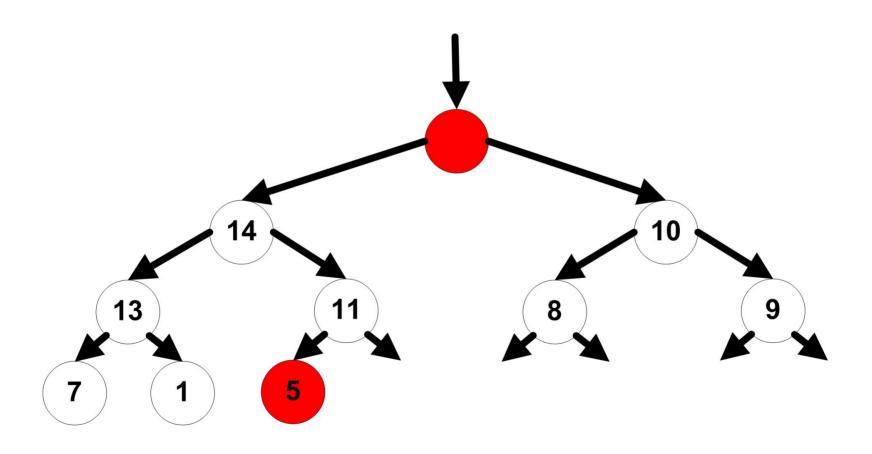
Remova a última folha do último nível

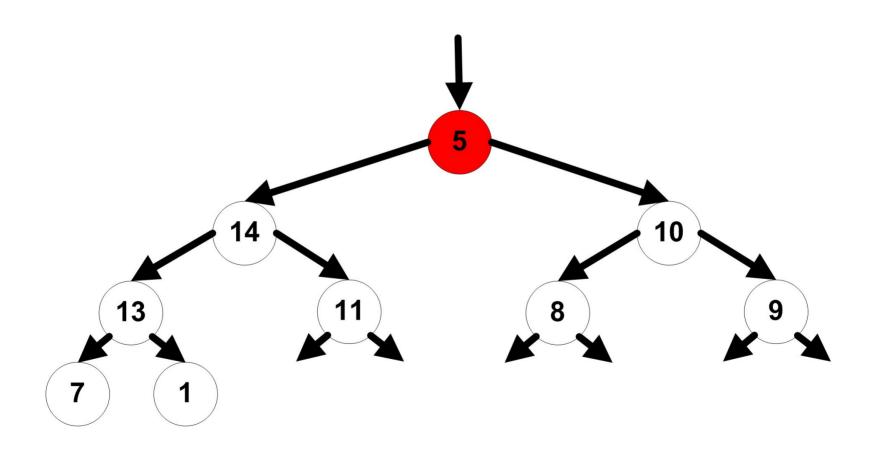
Troque o elemento da raiz com o de seu maior filho

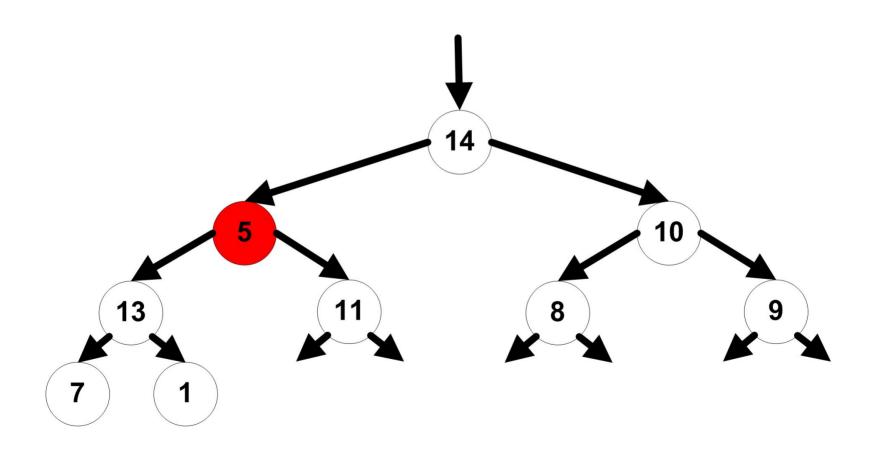
 Repita o passo anterior para o filho com elemento trocado até que todos os pais sejam maiores que seus filhos

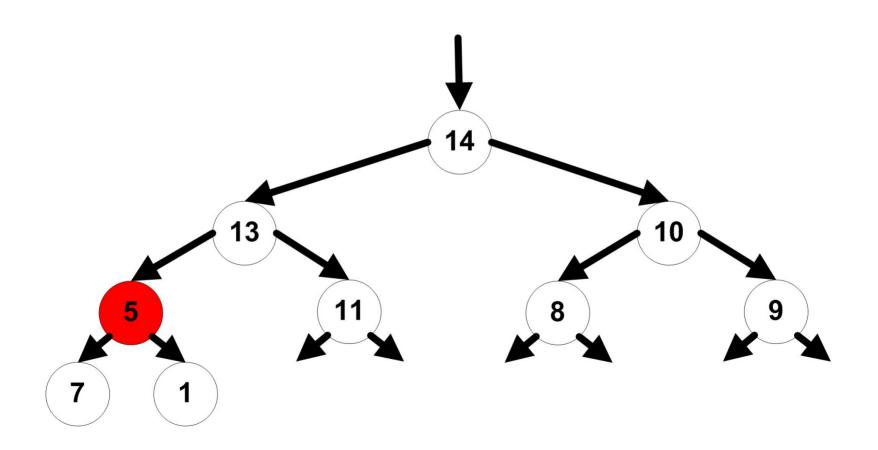


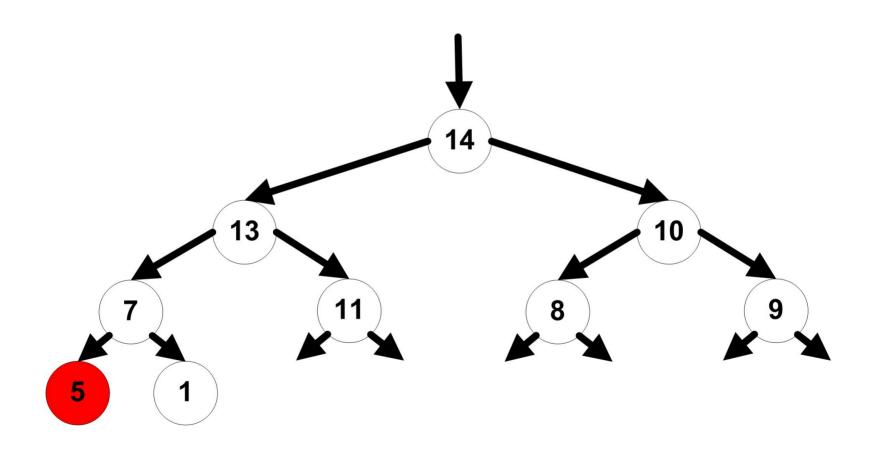






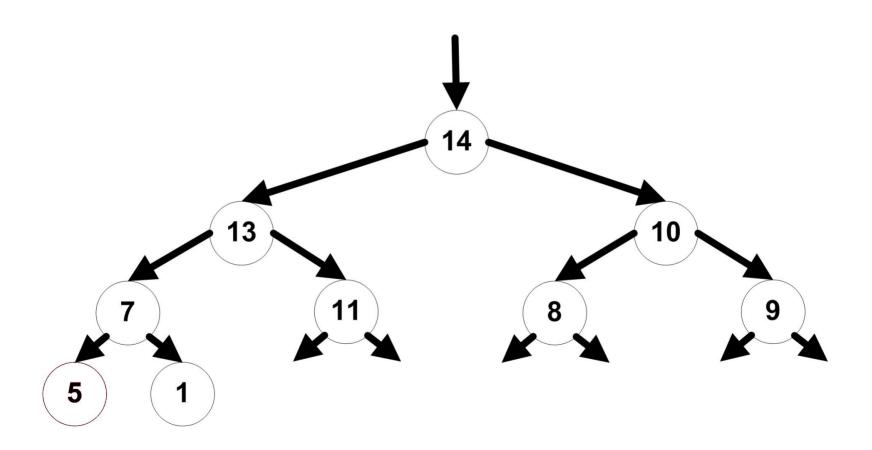






Exercício (3)

· Remova a raiz no heap abaixo. Em seguida, remova novamente a raiz



Agenda

· Definição de Heap

Funcionamento básico

- Algoritmo em C like



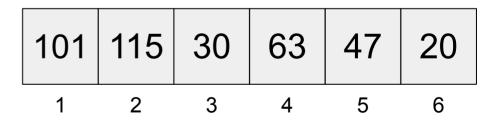
Análise dos número de comparações e movimentações

```
void heapsort() {
 //Contrução do heap
 for (int tam = 2; tam <= n; tam++){</pre>
   construir(tam);
 //Ordenacao propriamente dita
  int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
   reconstruir(tam);
void construir(int tam){
void reconstruir(int tam){
```

```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   construir(tam);
}</pre>
```

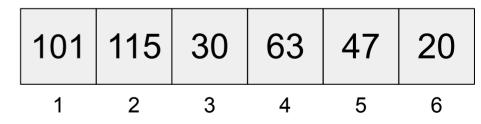
```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

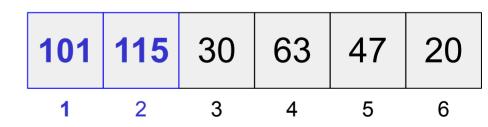


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2) tam <= n; tam++){
   construir(tam);
}</pre>
```

```
101
```

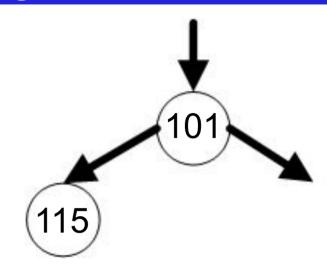
```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
     swap(i, i/2);
  }
}
```

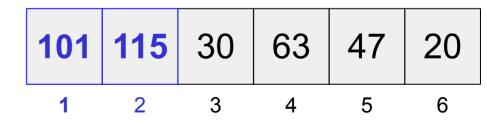


```
void heapsort() {
    true: 2 <= 6

//Contrução do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```



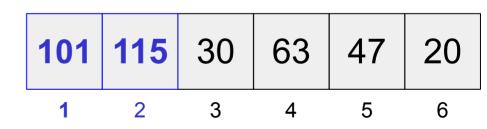


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
101
```

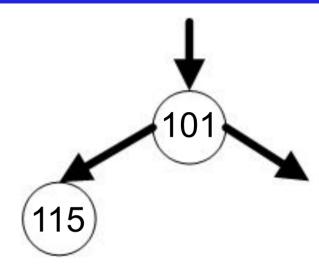
```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

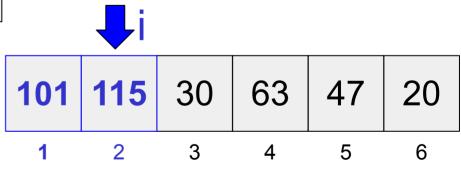


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

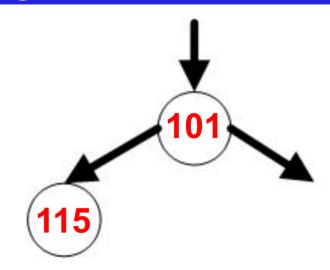


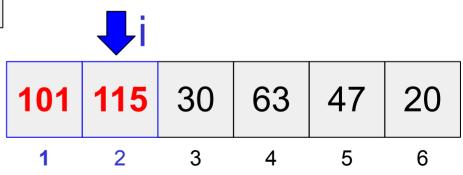


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; [i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
     swap(i, i/2);
  }
  true: 2 > 1 && 115 > 101
```

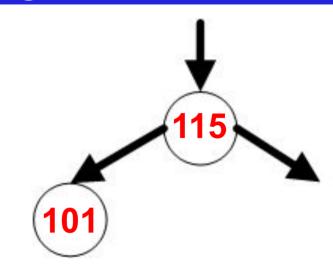


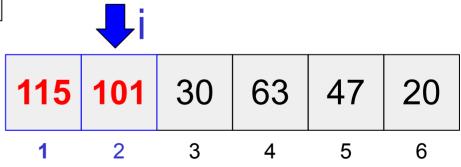


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

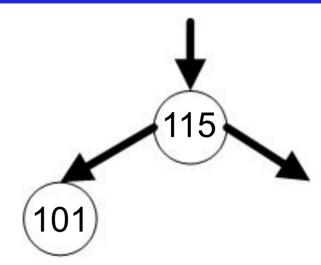


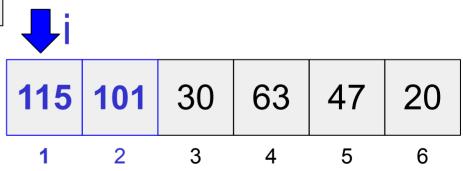


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

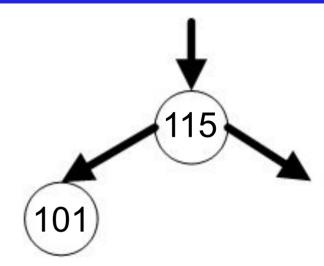


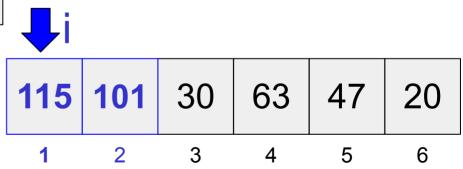


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
  false: 1 > 1 && ...
}
```

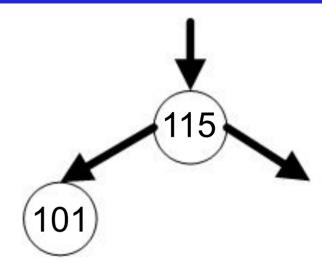


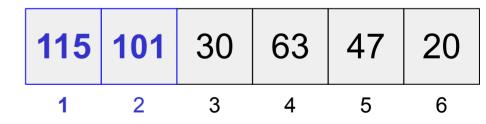


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

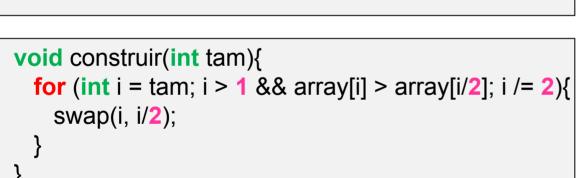
```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

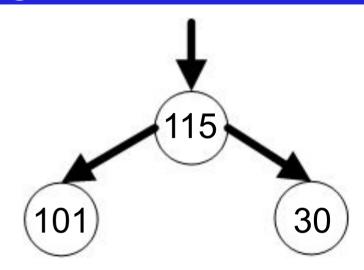


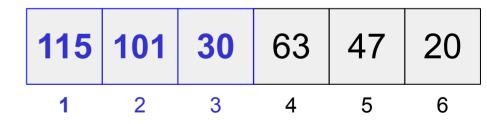


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   construir(tam);
}</pre>
```



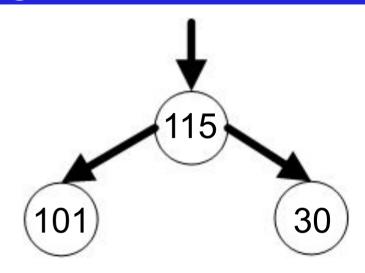


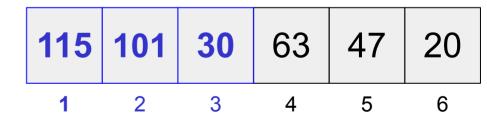


```
void heapsort() {
    true: 3 <= 6

//Contrução do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```



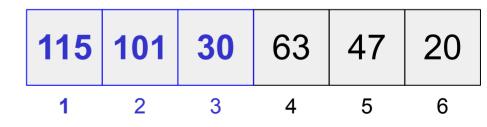


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
115 30
```

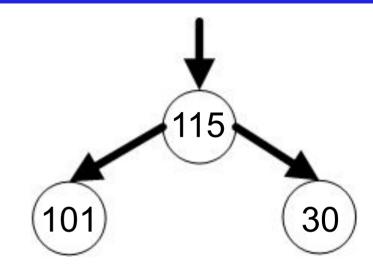
```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

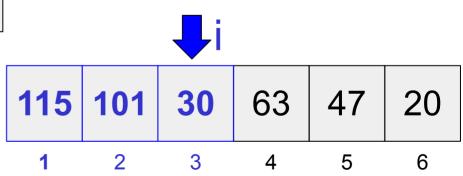


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

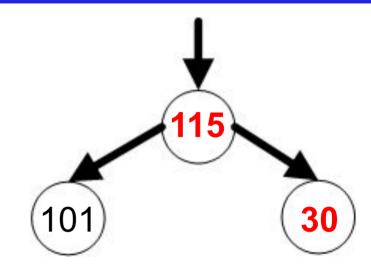


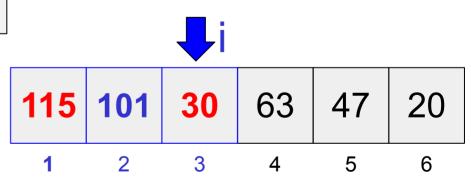


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
  false: 3 > 1 && 30 > 115
```

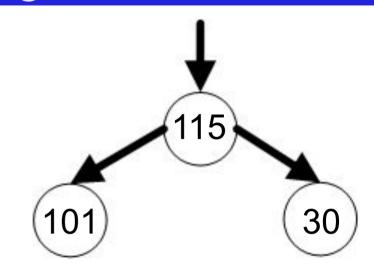


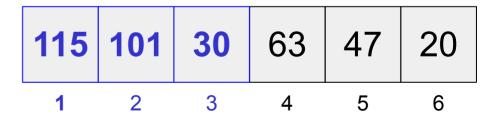


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

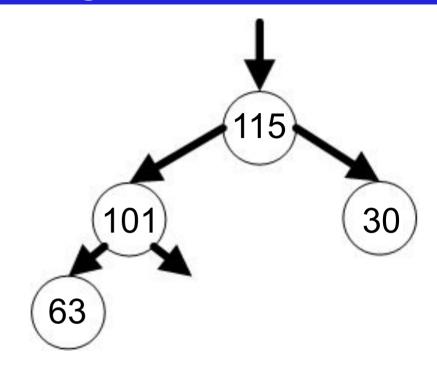


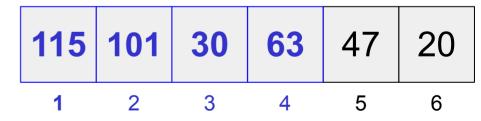


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++) {
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

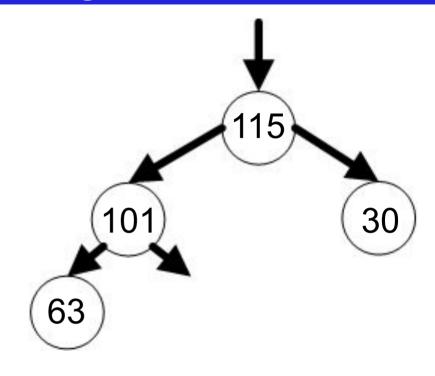


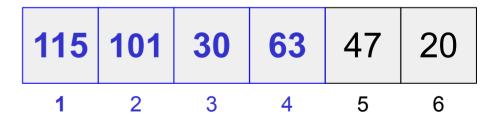


```
void heapsort() {
    true: 4 <= 6

//Contrução do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

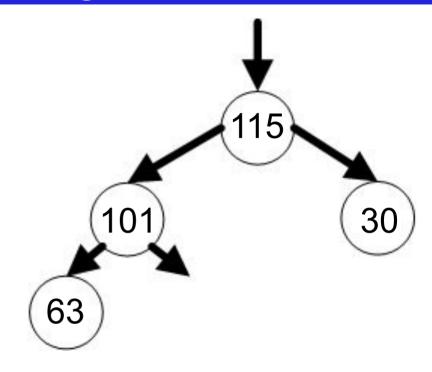


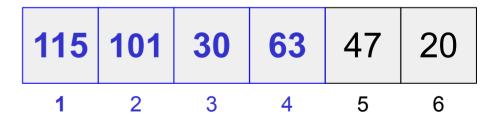


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

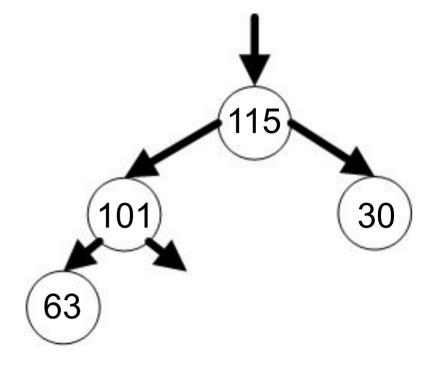


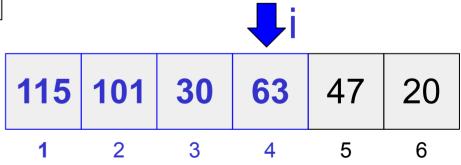


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

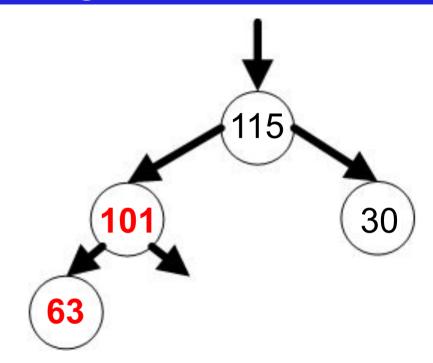


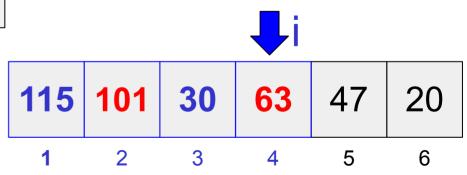


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
  false: 4 > 1 && 63 > 101
```

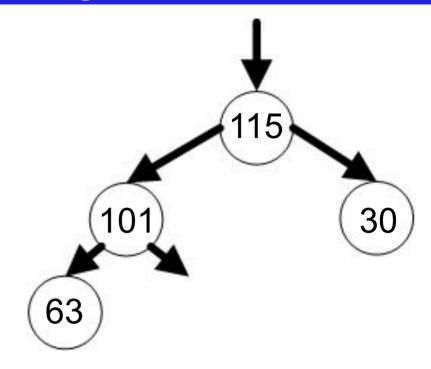




```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

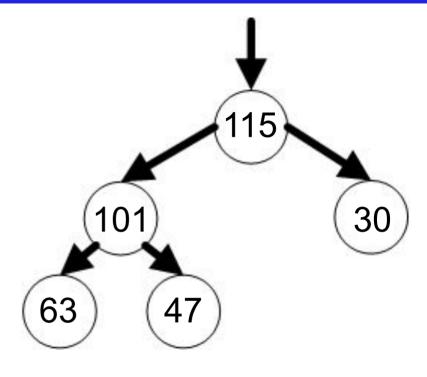


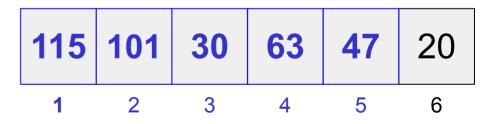


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

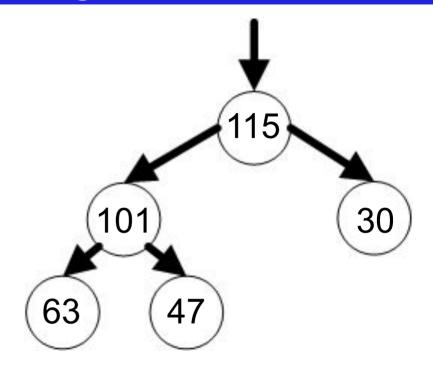


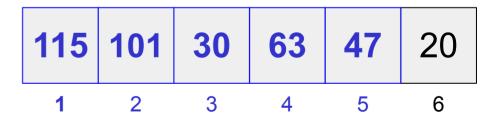


```
void heapsort() {
    true: 5 <= 6

//Contrução do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

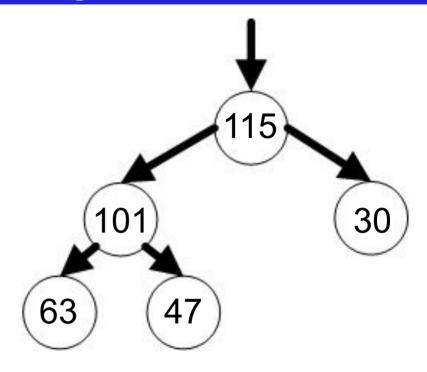


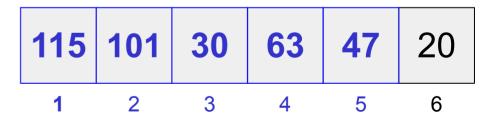


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

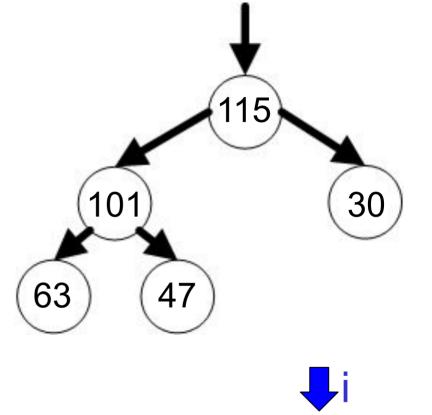


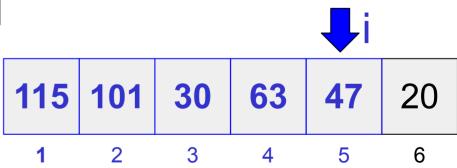


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam) i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

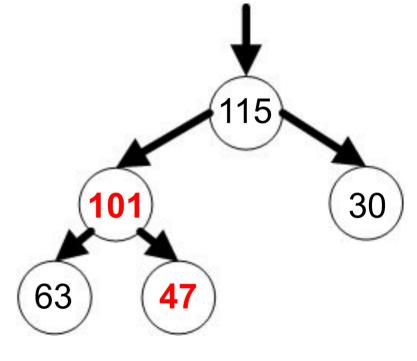


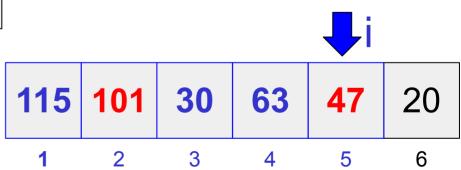


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
  false: 5 > 1 && 47 > 101
```

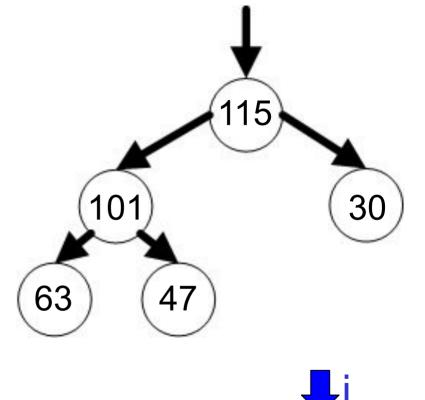


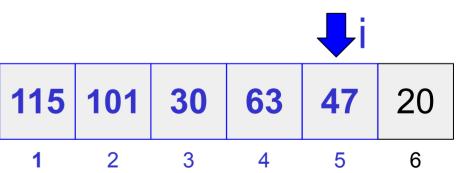


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

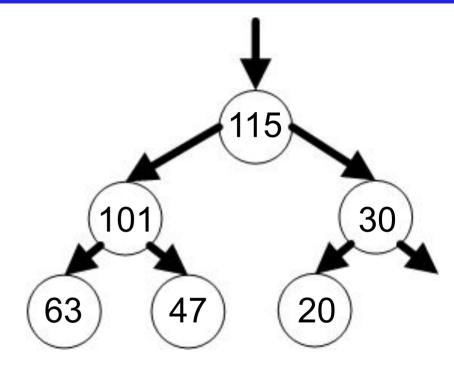


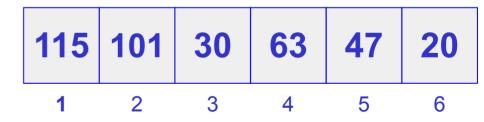


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

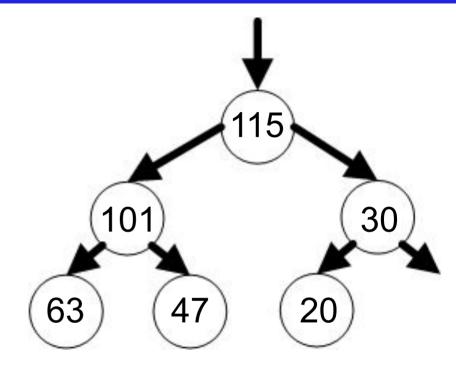


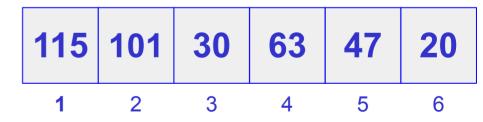


```
void heapsort() {
    true: 6 <= 6

//Contrução do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

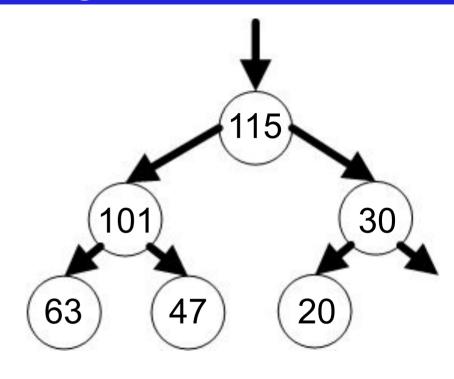




```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

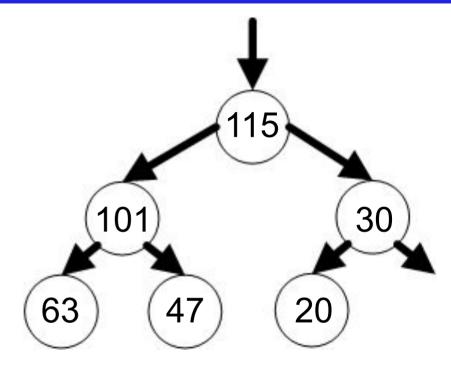


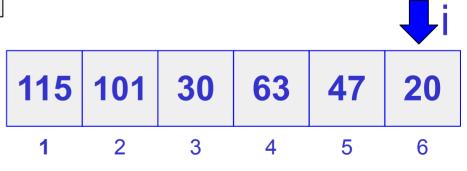


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

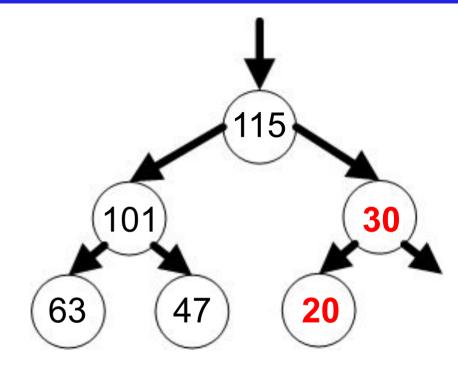


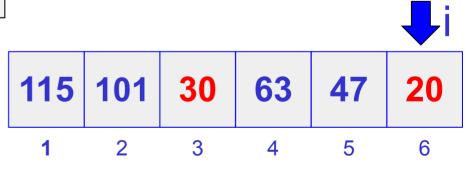


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
  false: 6 > 1 && 20 > 30
```

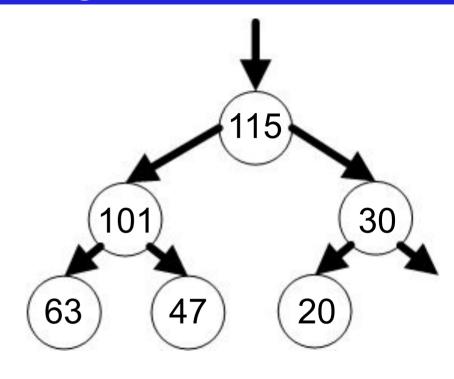


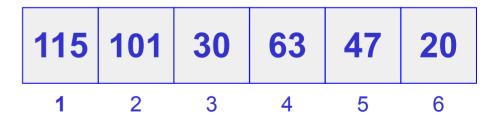


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

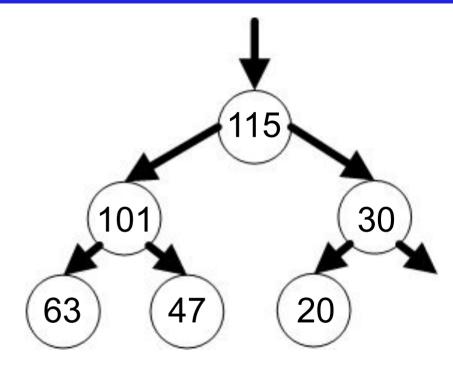


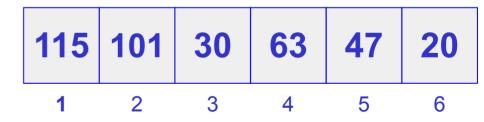


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   construir(tam);
}</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

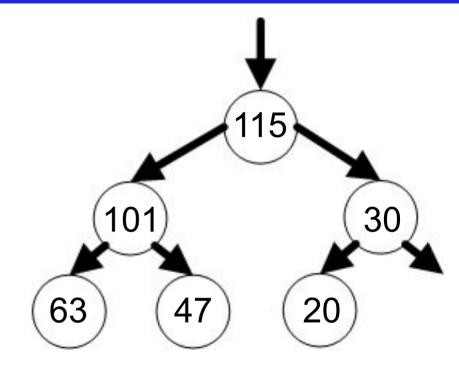


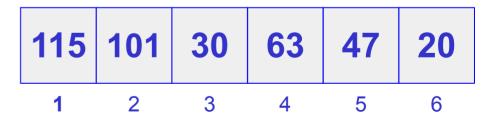


```
void heapsort() {
     false: 7 <= 6

//Contrução do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
     construir(tam);
   }
</pre>
```

```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

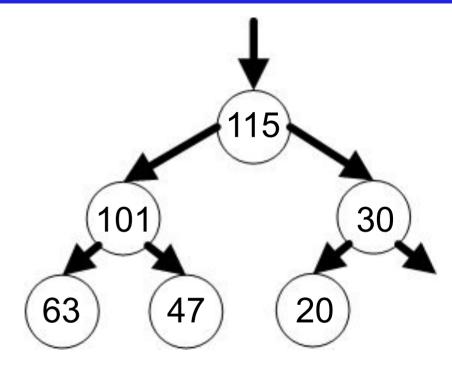


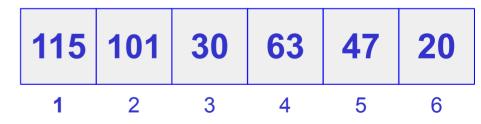


```
void heapsort() {

//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   construir(tam);
}</pre>
```

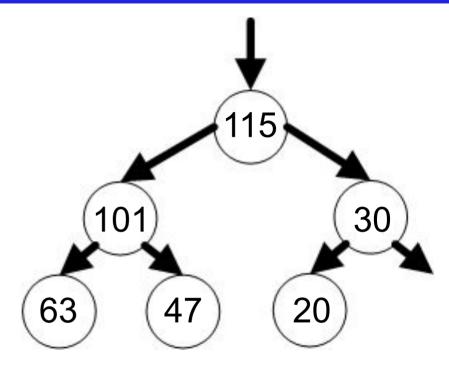
```
void construir(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

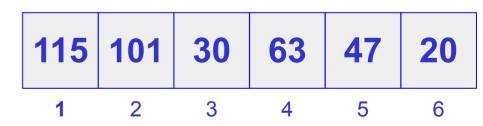




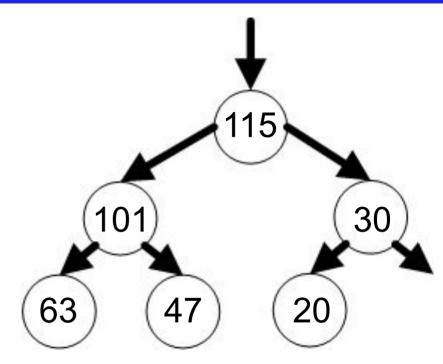
```
void heapsort() {

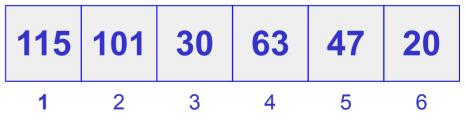
//Contrução do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   construir(tam);
}</pre>
```



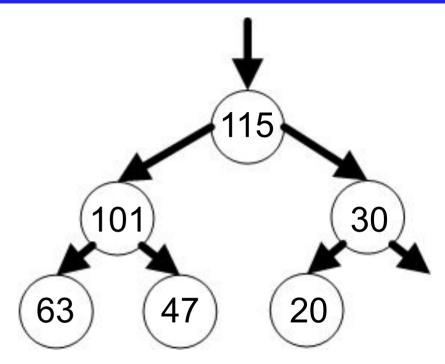


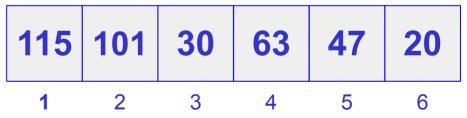
```
void heapsort() {
 //Contrução do heap
 for (int tam = 2; tam <= n; tam++){</pre>
   construir(tam);
 //Ordenacao propriamente dita
  int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
   reconstruir(tam);
```





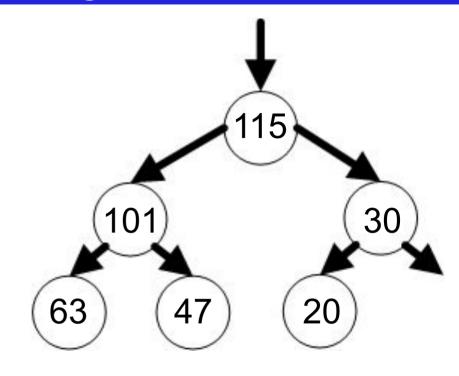
```
void heapsort() {
 //Contrução do heap
 for (int tam = 2; tam <= n; tam++){</pre>
   construir(tam);
  //Ordenacao propriamente dita
  int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
   reconstruir(tam);
```

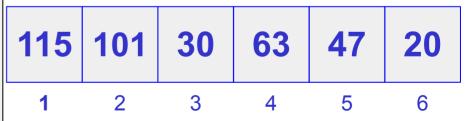




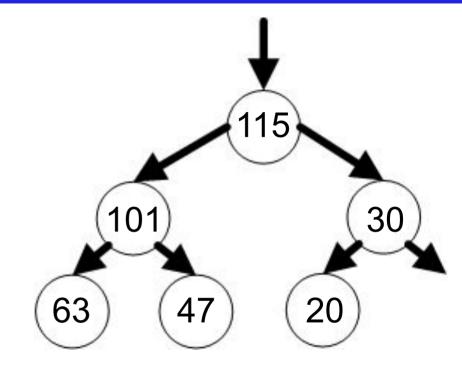
```
int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
  }
}
```

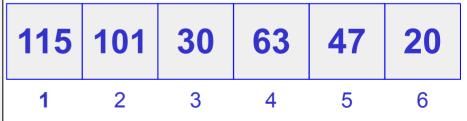
```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



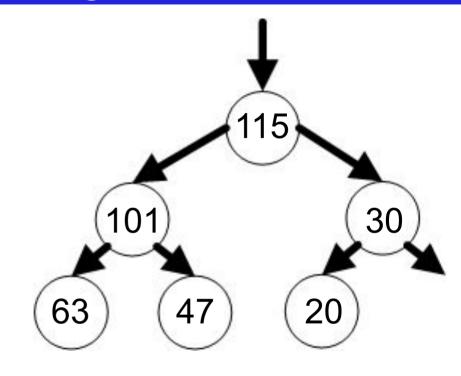


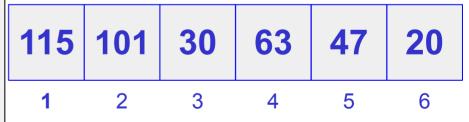
```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
          swap(i, filho);
          i = filho;
      } else {
          i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

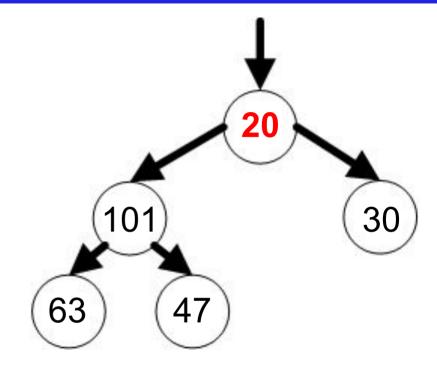
while (tam > 1){

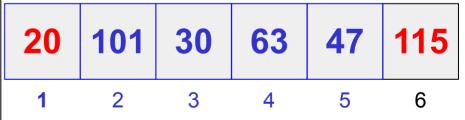
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
          swap(i, filho);
          i = filho;
      } else {
          i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

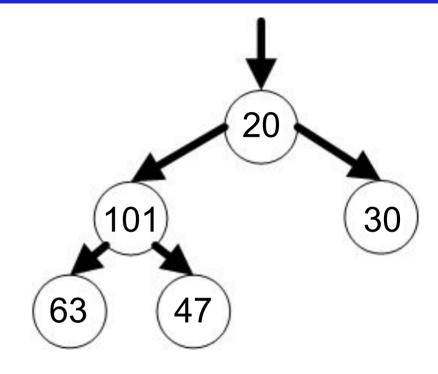
while (tam > 1){

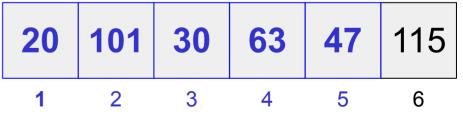
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

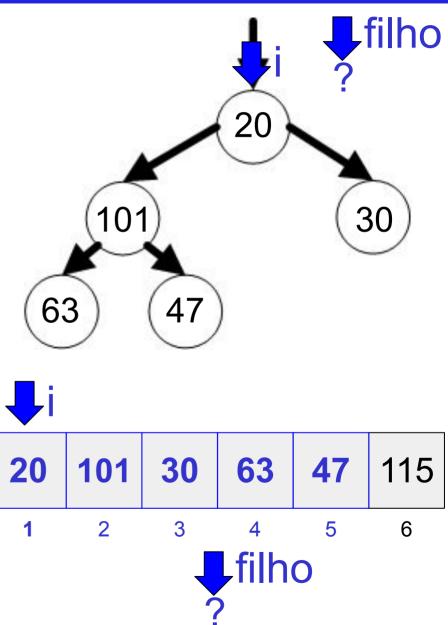
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

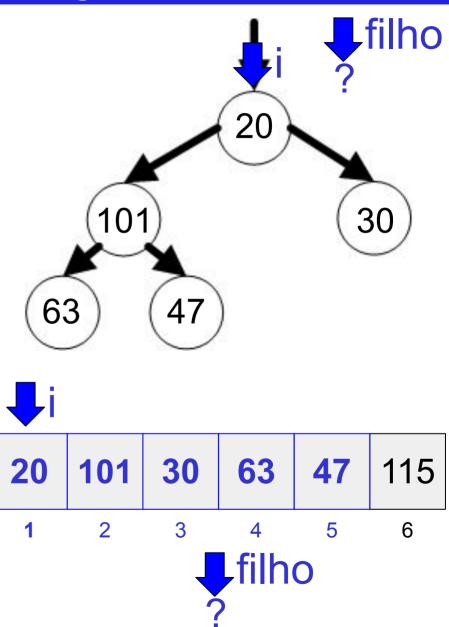
reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){

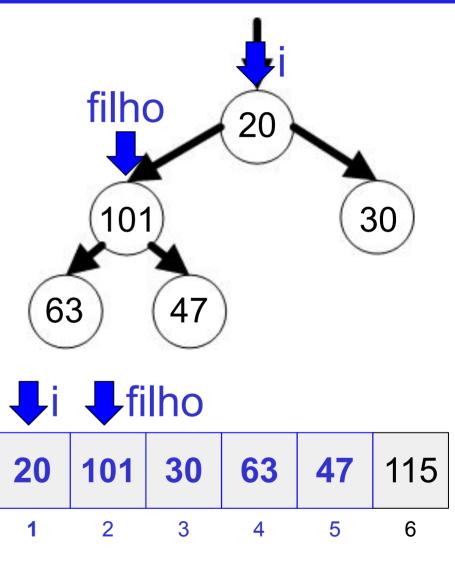
   int filho = getMaiorFilho(i, tam);
   if (array[i] < array[filho]) {
      swap(i, filho);
      i = filho;
   } else {
      i = tam;
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
}

void reconstruir(int tam){
    int i = 1 filbo;
```

```
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

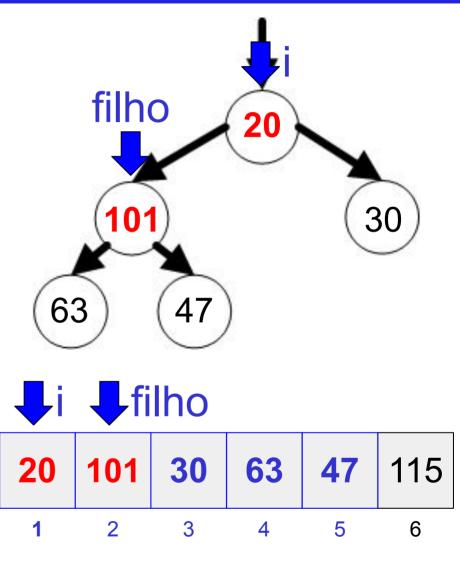
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}

void reconstruir(int tam){
```

```
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}
true: 20 < 101</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

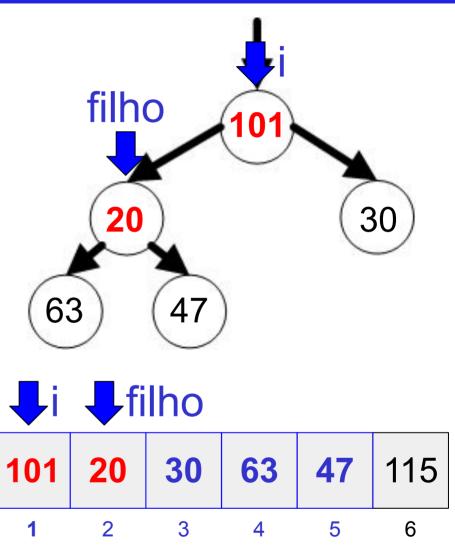
reconstruir(tam);

}

void reconstruir(int tam){

int i = 1, filho;
```

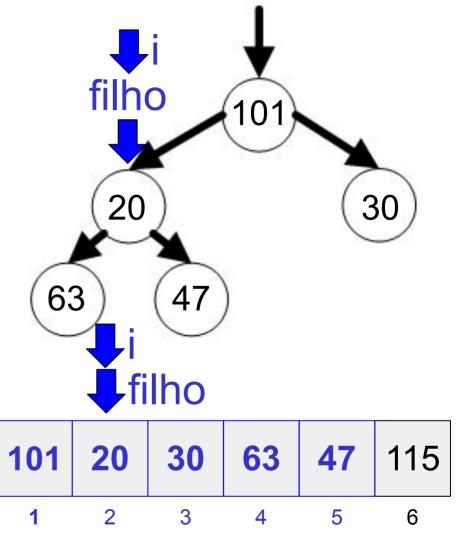
```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
}

void reconstruir(int tam){
    int i = 4 filbo;
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

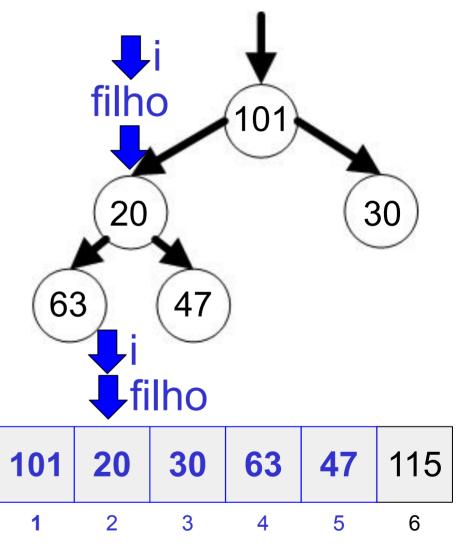
reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;

   while (i <= (tam/2)){

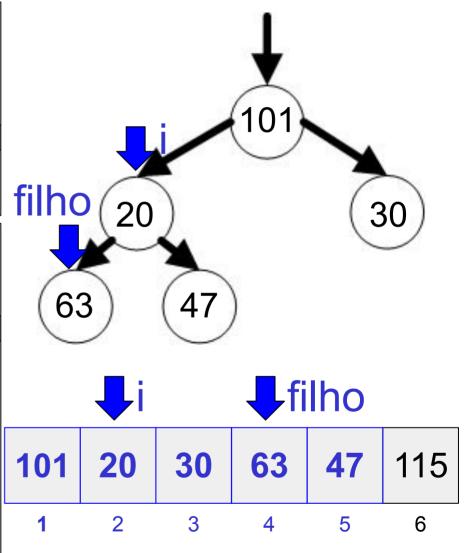
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
       } else {
       i = tam;
       }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
}

void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;
```

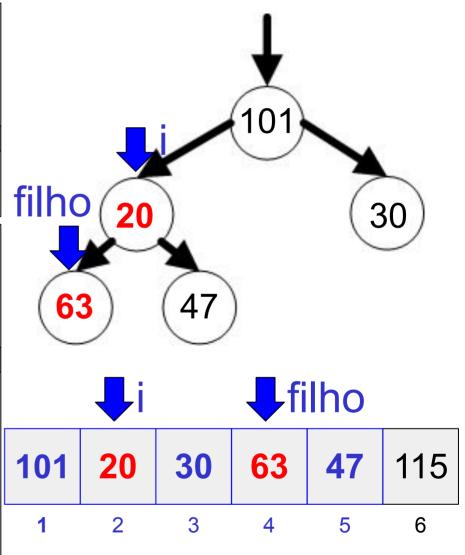
```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
            }
      }
}</pre>
```



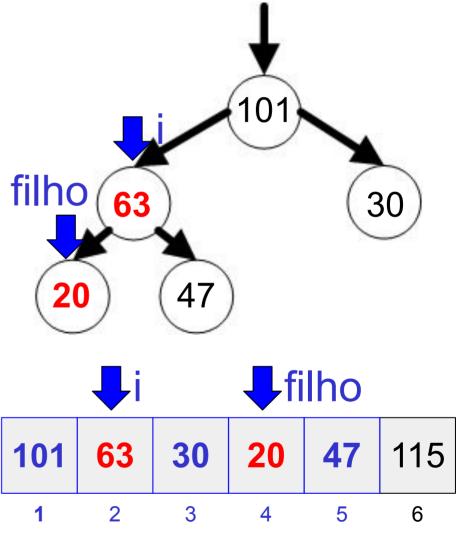
```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
}

void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){</pre>
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
      } else {
            i = tam;
            }
      }
    }
}</pre>
```



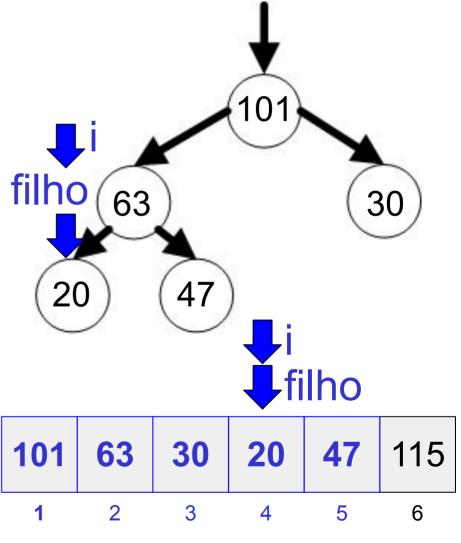
```
tam
                                                      5
int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
```



```
tam
                                                      5
int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
```

```
filho
                   filho
101
      63
            30
                  20
                       47
                            115
       2
             3
                        5
                              6
```

```
tam
                                                    5
int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
void reconstruir(int tam){
                                    false: 4 <= 2
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
```



```
int tam = n;

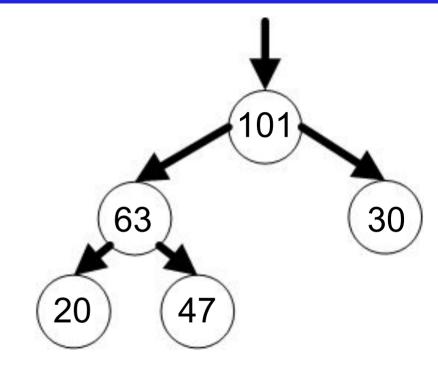
while (tam > 1){

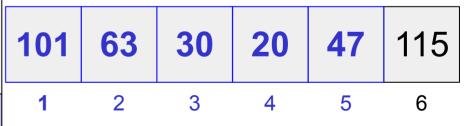
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

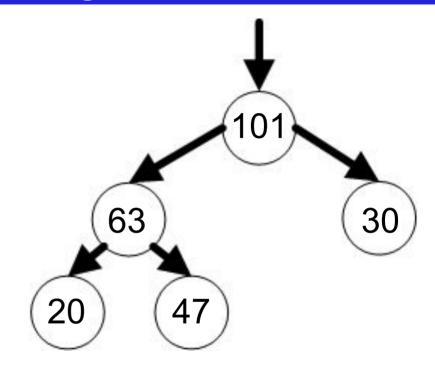
while (tam > 1){

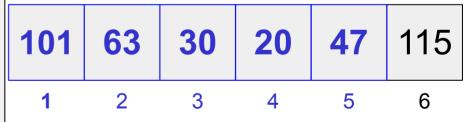
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);
}

true: 5 > 1
}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
          swap(i, filho);
          i = filho;
      } else {
          i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

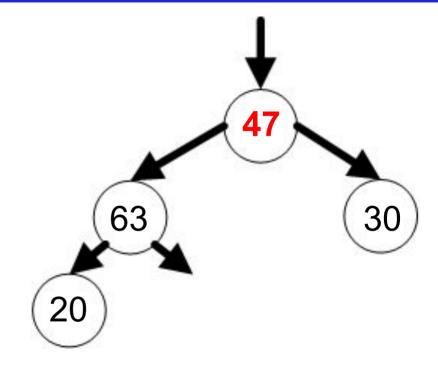
while (tam > 1){

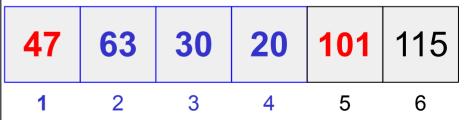
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

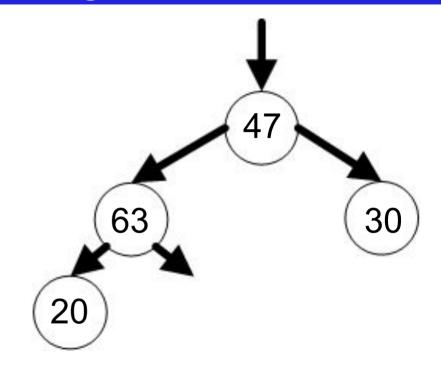
while (tam > 1){

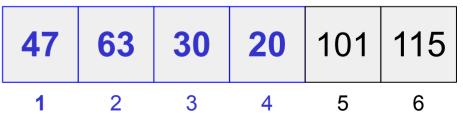
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

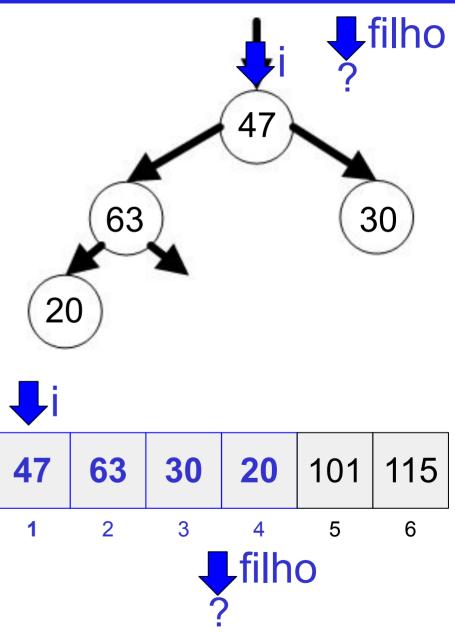
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
            }
        }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

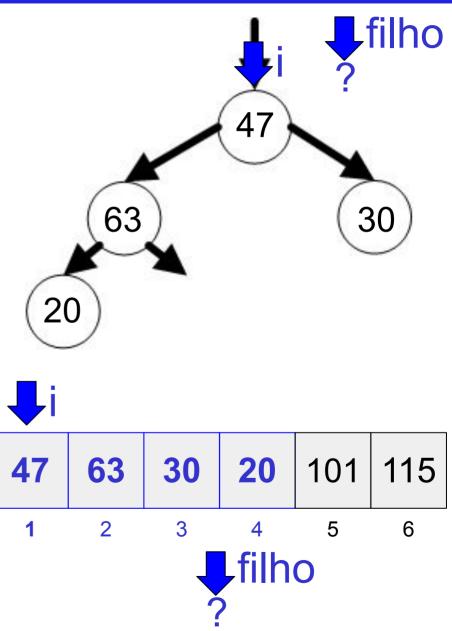
reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){

   int filho = getMaiorFilho(i, tam);
   if (array[i] < array[filho]) {
      swap(i, filho);
      i = filho;
   } else {
      i = tam;
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

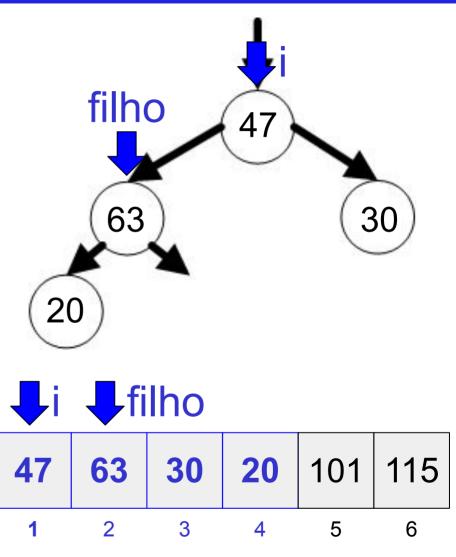
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

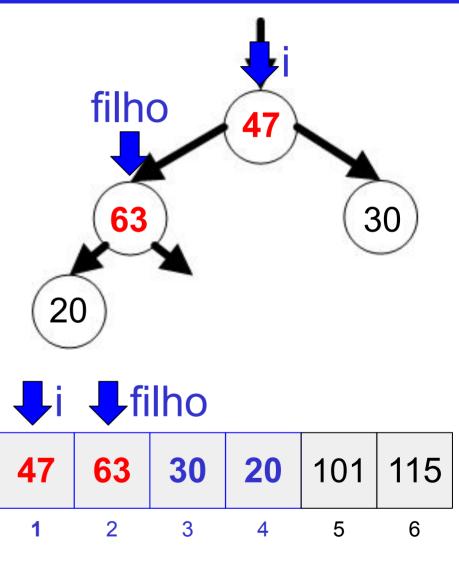
}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
            }
      }
}</pre>
```



```
int tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);
reconstruir(tam);
}

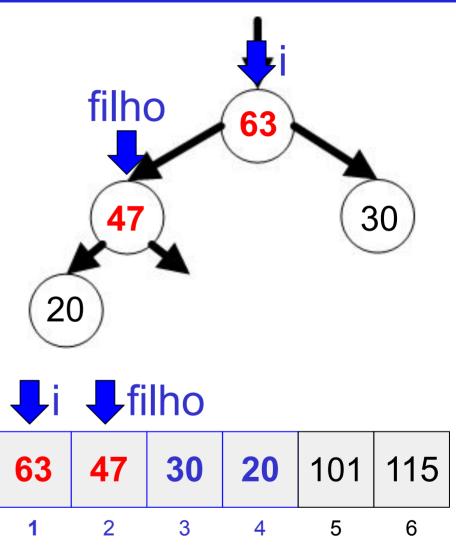
void reconstruir(int tam){
```



```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
}

void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

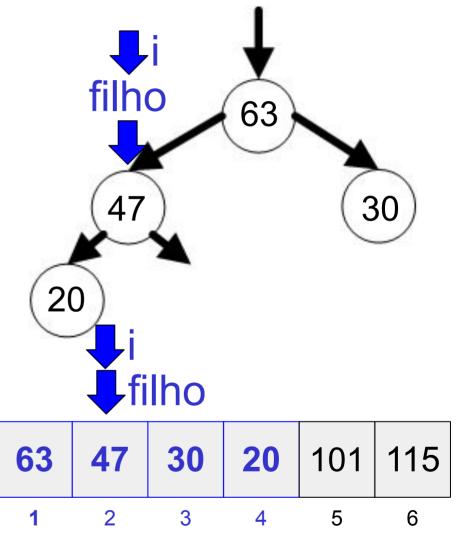
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
          swap(i, filho);
          i = filho;
      } else {
          i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

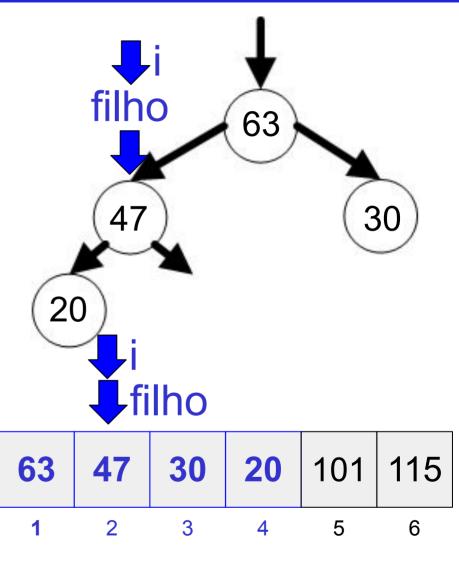
reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){

   int filho = getMaiorFilho(i, tam);
   if (array[i] < array[filho]) {
      swap(i, filho);
      i = filho;
   } else {
      i = tam;
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

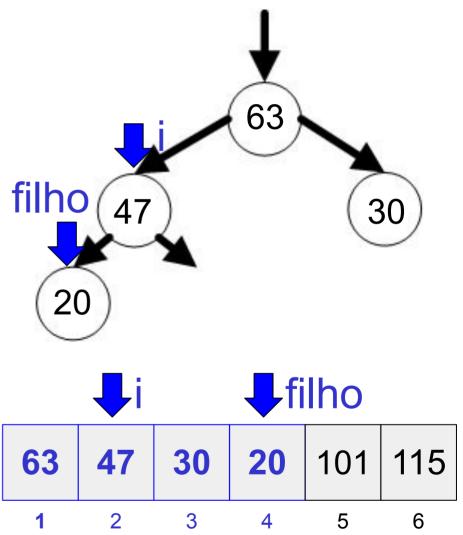
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
            }
      }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

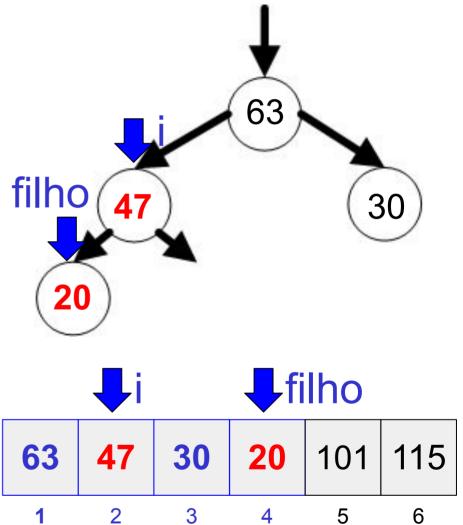
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}

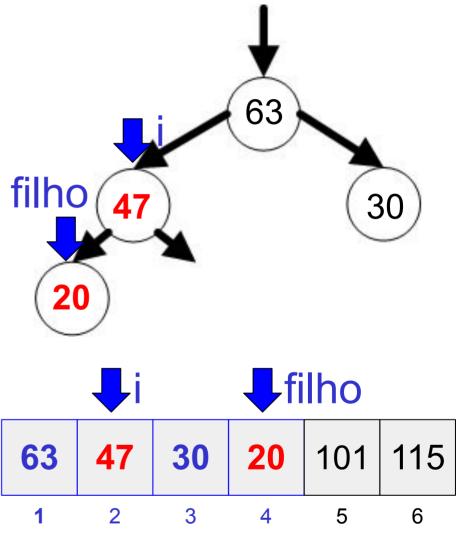
void reconstruir(int tam){
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
      } else {
            i = tam;
            }
      }
}</pre>
```



```
tam
int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
        else {
```

false: 47 < 20



i = tam;

```
int tam = n;

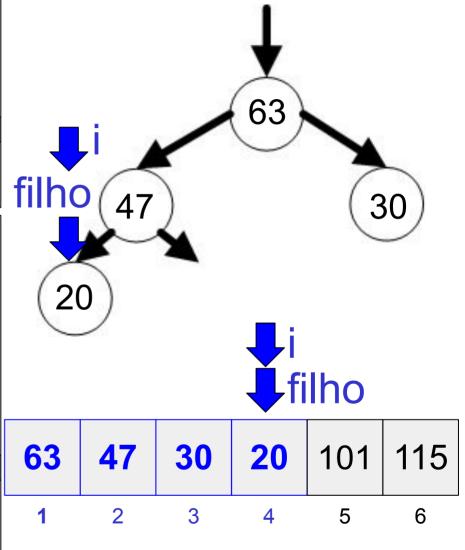
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
      } else {
            i = tam;
      }
   }
}</pre>
```

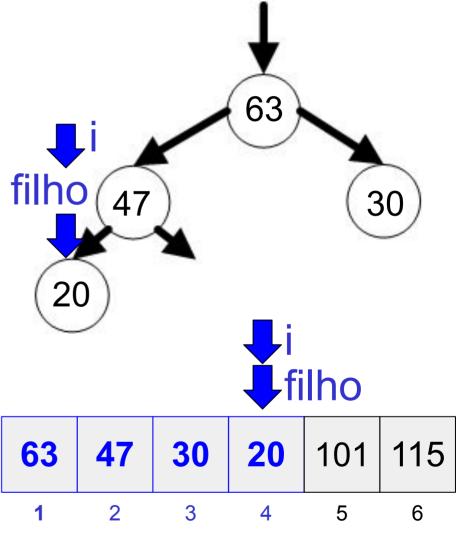


```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;

   while (i <= (tam/2)){

    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

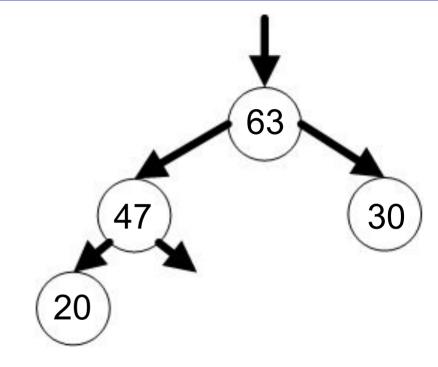
while (tam > 1){

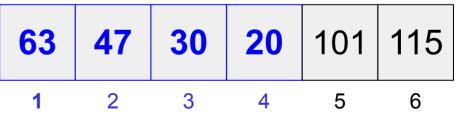
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



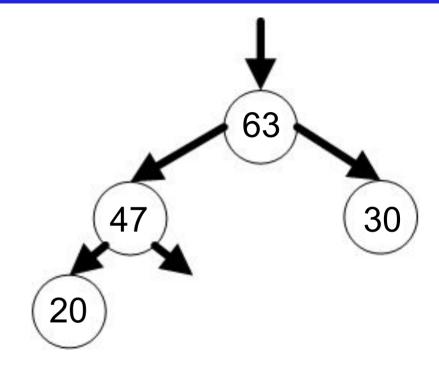


```
int tam = n;
while (tam > 1){

swap(1, tam--);
reconstruir(tam);
}

true: 4 > 1
}
```

```
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

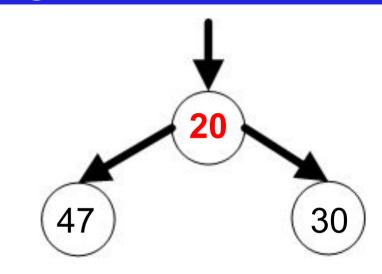
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
          swap(i, filho);
          i = filho;
      } else {
          i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

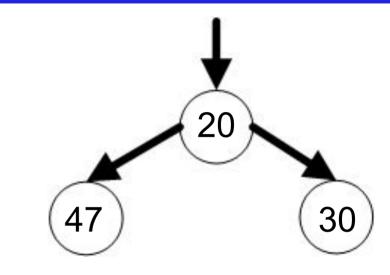
while (tam > 1){

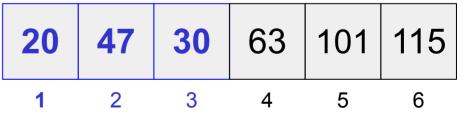
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

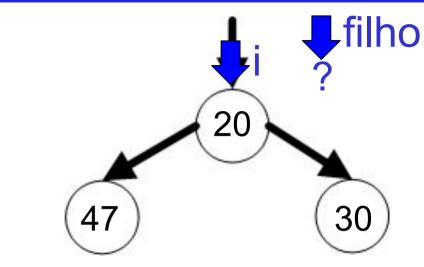
while (tam > 1){

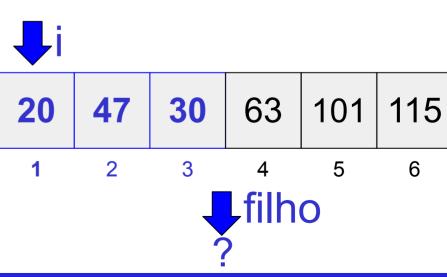
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

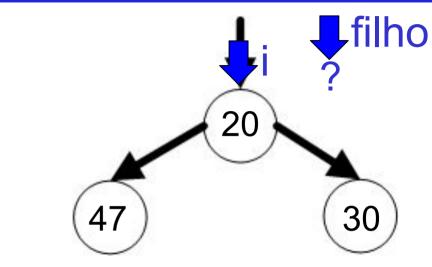
reconstruir(tam);

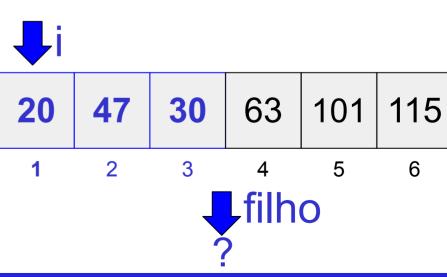
}
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;

    while (i <= (tam/2)){

        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

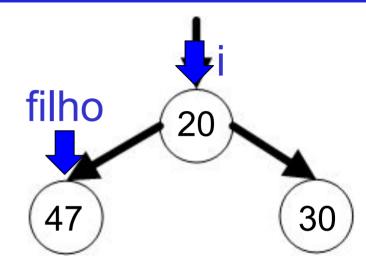
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```

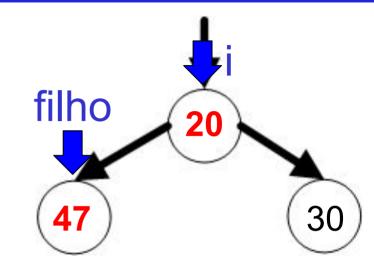




```
int tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);
reconstruir(tam);
}

void reconstruir(int tam){
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}
true: 20 < 47</pre>
```

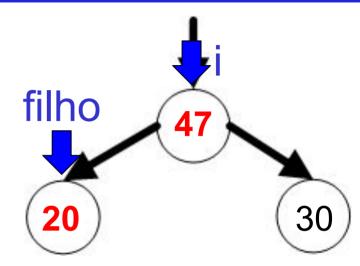


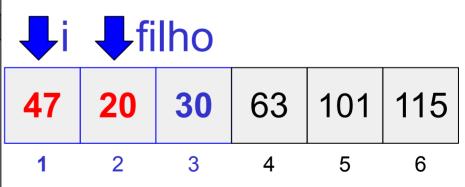


```
int tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);
reconstruir(tam);
}

void reconstruir(int tam){
int i = 1, filho;
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

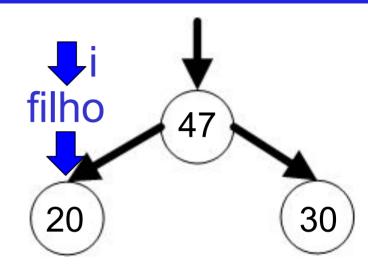
reconstruir(tam);

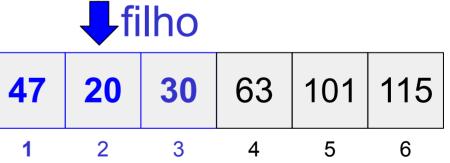
}

void reconstruir(int tam){

int i = 1 filho:
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
      } else {
            i = tam;
            }
      }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

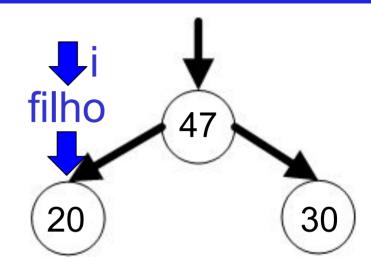
reconstruir(tam);

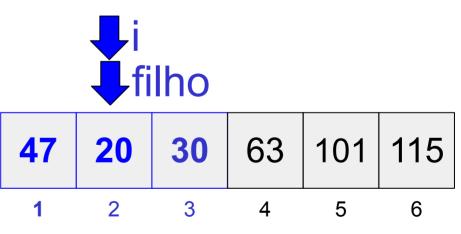
}
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;

    while (i <= (tam/2)){

        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

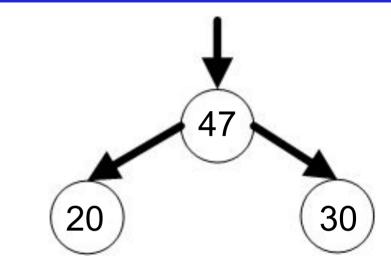
while (tam > 1){

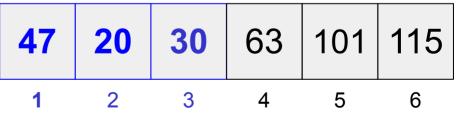
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



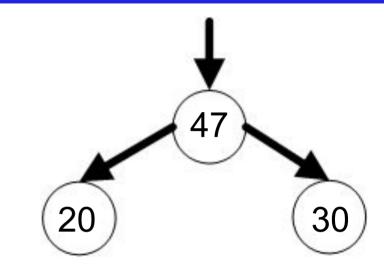


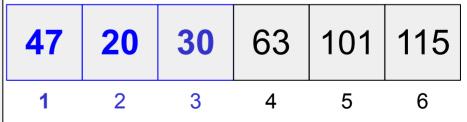
```
int tam = n;
while (tam > 1){

swap(1, tam--);
reconstruir(tam);
}

true: 3 > 1
}
```

```
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

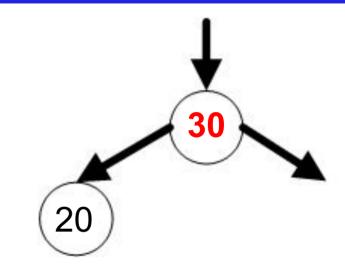
while (tam > 1){

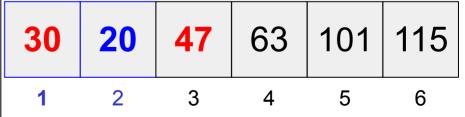
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





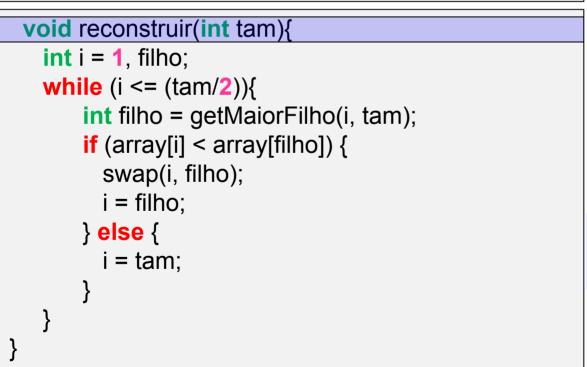
```
int tam = n;

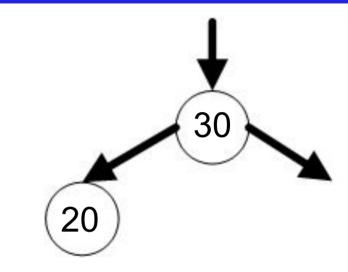
while (tam > 1){

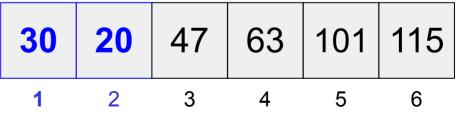
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```







```
int tam = n;

while (tam > 1){

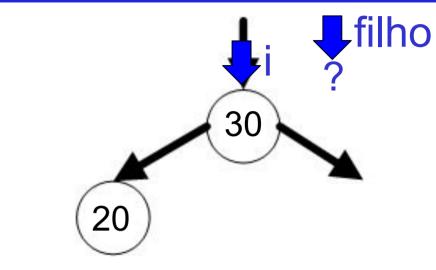
swap(1, tam--);

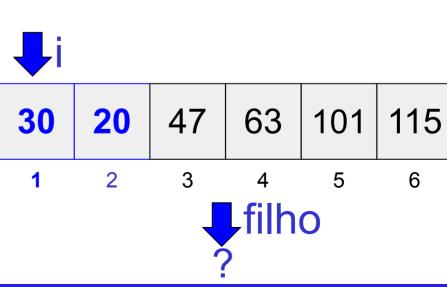
reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;

    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

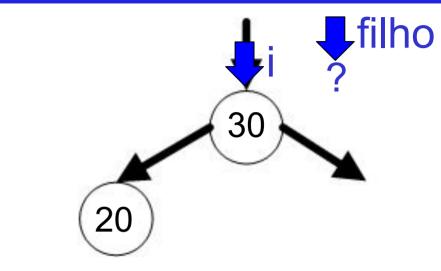
reconstruir(tam);

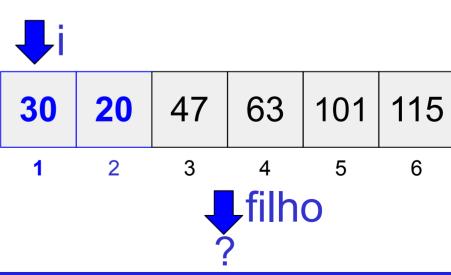
}
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;

    while (i <= (tam/2)){

        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

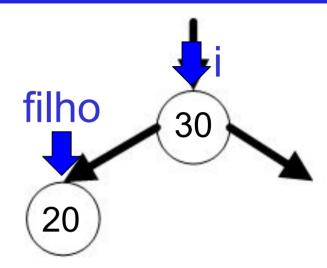
while (tam > 1){

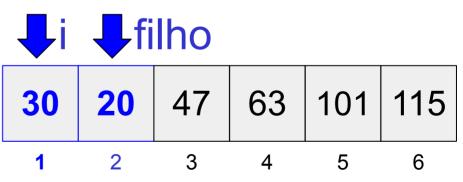
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```





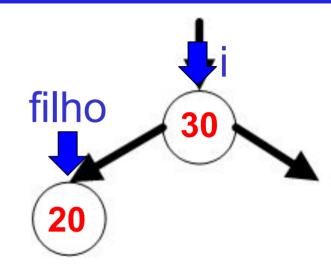
```
int tam = n;

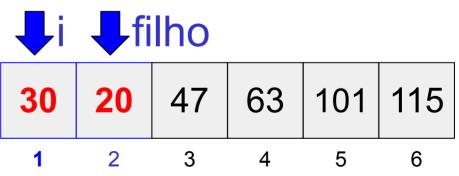
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```





```
int tam = n;

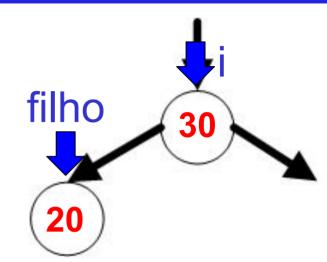
while (tam > 1){

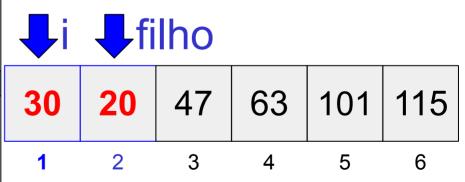
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}
false: 30 < 20</pre>
```





```
int tam = n;

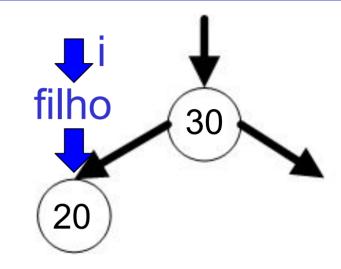
while (tam > 1){

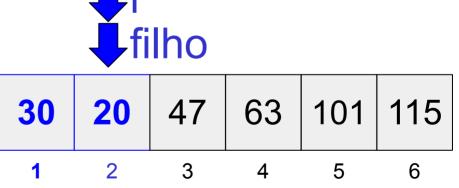
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
          swap(i, filho);
          i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

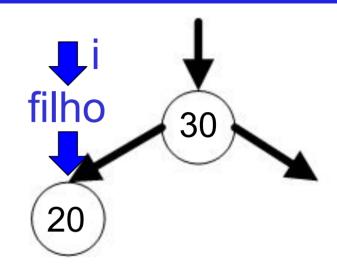
reconstruir(tam);

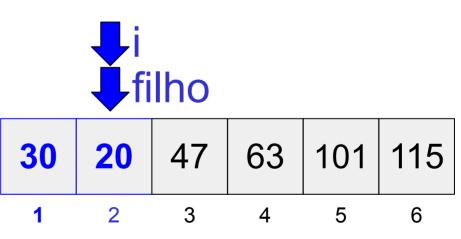
}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){

   int filho = getMaiorFilho(i, tam);
   if (array[i] < array[filho]) {
      swap(i, filho);
      i = filho;
   } else {
      i = tam;
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

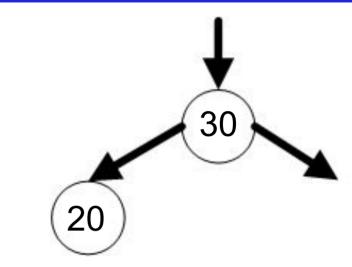
while (tam > 1){

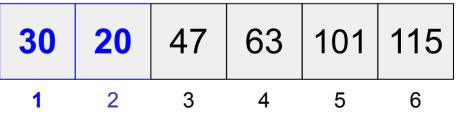
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



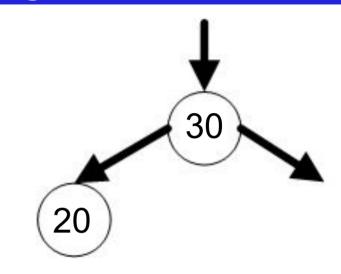


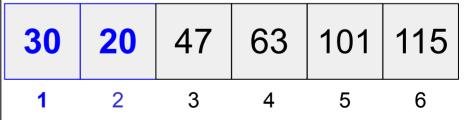
```
int tam = n;
while (tam > 1){

swap(1, tam--);
reconstruir(tam);
}

true: 2 > 1
}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

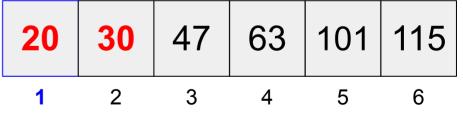
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
20
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

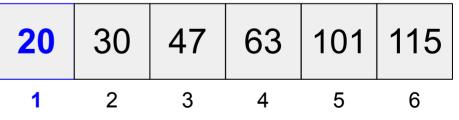
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
20
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

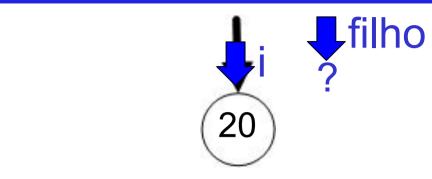
swap(1, tam--);

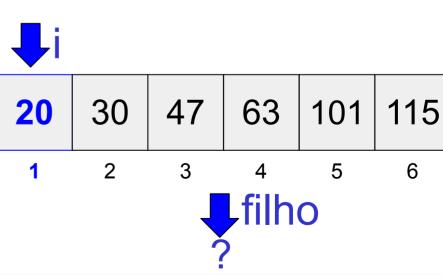
reconstruir(tam);

}
```

```
void reconstruir(int tam){
    int i = 1, filho;

    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

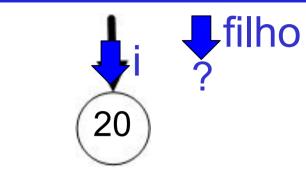
reconstruir(tam);

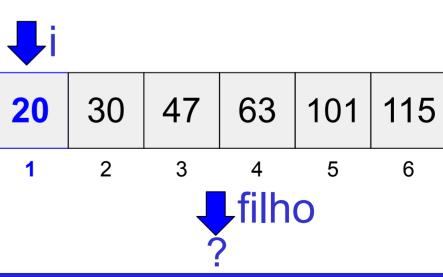
}
```

```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;

   while (i <= (tam/2)){

    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

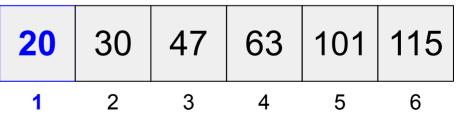
swap(1, tam--);

reconstruir(tam);

}
```

```
20
```

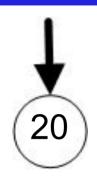
```
void reconstruir(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```

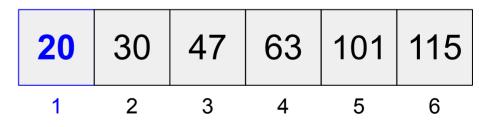


```
int tam = n;
while (tam > 1){

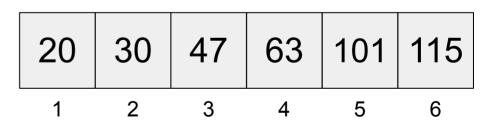
swap(1, tam--);
reconstruir(tam);
}

false: 1 > 1
```





```
int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstruir(tam);
  }
}
```



Exercício Resolvido (8)

 Implemente o método int getMaiorFilho(int i, int tam) apresentado anteriormente

Exercício Resolvido (8)

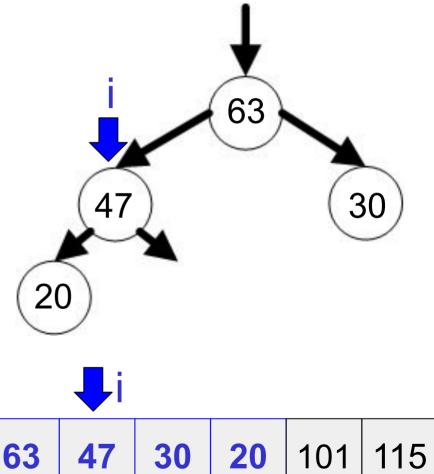
 Implemente o método int getMaiorFilho(int i, int tam) apresentado anteriormente

```
int getMaiorFilho(int i, int tam){
   int filho;
   if (2*i == tam || array[2*i] > array[2*i+ 1]) {
      filho = 2*i;
   } else {
      filho = 2*i + 1;
   }
   return filho;
   }
}
```

Exercício Resolvido (8)

 Implemente o método int getMaiorFilho(int i, int tam) apresentado anteriormente

```
int getMaiorFilho(int i, int tam){
    int filho;
    if (2*i == tam || array[2*i] > array[2*i+ 1]) {
        filho = 2*i;
    } else {
        filho = 2*i + 1;
    }
    return filho;
}
```



3

5

6

Agenda

Definição de Heap

Funcionamento básico

· Algoritmo em C like

· Análise dos número de comparações e movimentações



Análise do Número de Comparações

 As operações de inserção e remoção podem percorrer um ramo completo da árvore, com comparações e trocas em cada nó

· O pior caso para os números de comparações ou trocas depende da altura da árvore que será $\lceil lg(n) \rceil$ (árvore balanceada)

• Assim, no pior caso, os números de comparações ou trocas serão $\Theta(\lg(n))$

Análise do Número de Comparações

 Criamos o heap com n inserções e efetuamos (n-1) remoções para ordenar o array, assim, para todos os casos, temos:

$$n * \Theta(\lg(n)) + (n-1) * \Theta(\lg(n))$$

· Logo:

$$\Theta(n*lg(n))$$

Análise do Número de Movimentações

O número de movimentações é três vezes o de trocas mais as (n-1)
 movimentações correspondentes às remoções

• Como o número de trocas tem seu limite superior dado pelo de comparações, a complexidade, no pior caso, é $\Theta(n*lg(n))$

Exercício (4)

 Mostre todas as comparações e movimentações do algoritmo anterior para o array abaixo:

12	4	8	2	14	17	6	18	10	16	15	5	13	9	1	11	7	3
1000			A Tarab		200000	1 taxas	- Total	- ×		1000			,		STATE PARTY	,	- M