

Atividade 3

Lucca Ferreira Paiva 240229

Questão-1)

```
>> Ex01

Letra A
num = 4054
N = 1138
p = 0.31304

Letra B
O tipo da matriz é: ans = Positive Definite
É simetrica

Letra C
c = 8572645.58671
Tempo = 0.0012531
Residuo1 = 1.5635e-16
Erro1 = 4.0011e-12
ans = 1

Letra D
Tempo1 = 0.00047398
Tempo2 = 0.098533
Residuo2 = 2.4892e-16
Erro2 = 2.7303e-12
ans = 1
```

- A) a porcentagem de elementos não nulos em A é de 0,313%
- B) A matriz A é definida positiva, além de ser simétrica. Este último pode ser verificado pela igualdade $\text{transp}(A) = A$;
- D) Pode-se ver que o tempo pelo algoritmo da fatoração de Cholesky é maior que o pelo comando “\”, se não tivermos a matriz G já pronta. Porém, no caso de já se ter a matriz G, o tempo é muito menor.

Além disso, em ambos os casos a inequação $\text{Erro} \leq \text{cond}(A) * \text{Resíduo}$ é válida. É importante também notar que o erro e o resíduo para ambos os casos são da mesma ordem, o que mostra que a diferença entre eles é muito pequena.

```

1 load("1138_bus.mat");
2 A = Problem.A;
3 #Letra A
4 printf("Letra A\n")
5 num = nnz(A)
6 N = length(A)
7 p = 100*num/(N*N)
8
9 #Letra B
10 printf("\nLetra B\n0 tipo da matriz é: ")
11 matrix_type(A)
12 if(A' == A)
13     printf("É simetrica\n")
14 else
15     printf("Nao é simetrica\n")
16 endif
17
18 #Letra C
19 printf("\nLetra C\n")
20 xsol = 0.5 + sin( 2*pi*(0:N-1)/(N-1));
21 b = A*xsol;
22 c = cond(A)
23 tic; xn = A\b; Tempo = toc
24 Residuo1 = norm(b-A*xn)/norm(b)
25 Erro1 = norm(xsol-xn)/norm(xsol)
26
27 Erro1 < c*Residuo1
28
29 #Letra D
30 printf("\nLetra D\n")
31 G = chol(A);
32 Gt = G';
33 tic; xm = G\Gt\b; Tempo1 = toc
34 tic; G = chol(A); xm = G\G'\b; Tempo2 = toc
35 Residuo2 = norm(b-A*xm)/norm(b)
36 Erro2 = norm(xsol-xm)/norm(xsol)
37
38 Erro2 < c*Residuo2

```

Código utilizado na questão 1

Questao-2)

- A) Dependa da quantidade de elementos necessários para se considerar uma matriz esparsa, se for de menos de 1%, somente a matriz 2 nao entra. Mas agora, se considerarmos 2%, a matriz 2 ja entra.
- B) Para que um sistema possa ser resolvido por um desses métodos são necessárias duas condições, que a sua determinante seja diferente de zero, e que ele não possua nenhum elemento neutro na sua diagonal principal.

```

Caso:1
T = 1
N = 1000
p = 0.37500
nz = 1000
k = Compressed Column Sparse (rows = 1, cols = 1, nnz = 0 [0%])

d = 0
r = 1000
>> ex2

Caso:2
T = 1
N = 1080
p = 1.9799
nz = 1080
k = Compressed Column Sparse (rows = 1, cols = 1, nnz = 1 [100%])

(1, 1) -> Inf
d = Inf
r = 1080
>> ex2

Caso:3
T = 1
N = 5005
p = 0.079972
nz = 5005
k = Compressed Column Sparse (rows = 1, cols = 1, nnz = 0 [0%])

d = 0
r = 2898
>> ex2

Caso:4
T = 1
N = 1104
p = 0.31063
nz = 1104
k = Compressed Column Sparse (rows = 1, cols = 1, nnz = 1 [100%])

(1, 1) -> Inf
d = Inf
r = 1104
>> ex2

Caso:5
T = 1
N = 3312
p = 0.18956
nz = 3312
k = Compressed Column Sparse (rows = 1, cols = 1, nnz = 1 [100%])

(1, 1) -> Inf
d = Inf
r = 3312

```

Pode-se ver que tanto a matriz 1 quanto a 3 possuem a determinante igual a 0, e portanto não podem ser usadas no método. E a matriz 2 também não é válida por não ser esparsa.

C) fas

```
Caso:4
T = 1
N = 1104
p = 0.31063
nz = 1104
d = Inf
r = 1104
TempoJacobi = 0.012094
TempoGaussSeidel = 0.010600
TempoBarra = 0.0033960
c = 2178.6
Erro1 = 0.0063867
Erro2 = 0.0058608
Residuo1 = 0.67689
Residuo2 = 0.57662
Residuo3 = 6.0970e-14
ans = 1
ans = 1
```

No caso 4, pode-se ver que o tempo para a resolução com o comando “\” é bem menor que os outros dois, e dentre estes, o método de Gauss-Seidel foi mais rápido que o de Jacobi. Além disso, o erro desses dois métodos foi baixo, e o resíduo foi muito menor pelo método “\”. É possível também notar que $\text{Erro} \leq \text{cond}(A) \cdot \text{Resíduo}$ e válido para ambos os métodos.

```
Caso:5
T = 1
N = 3312
p = 0.18956
nz = 3312
d = Inf
r = 3312
TempoJacobi = 0.030731
TempoGaussSeidel = 0.025551
TempoBarra = 0.018180
c = 187940.83056
Erro1 = 1.6250
Erro2 = 1.3125
Residuo1 = 4.7460e+30
Residuo2 = 3.7587e+50
Residuo3 = 9.1206e-13
ans = 1
ans = 1
```

No caso 5, pode-se ver que o tempo para a resolução com o comando “\” é bem menor que os outros dois, e dentre estes, o método de Gauss-Seidel foi mais rápido que o de Jacobi. Além disso, o erro desses dois métodos foi baixo, e o resíduo foi muito menor pelo método “\”. É possível também notar que $\text{Erro} \leq \text{cond}(A) \cdot \text{Resíduo}$ é válido para ambos os métodos.

```

1 caso = "5";
2 printf(strcat("Caso: ", caso, "\n"))
3 load(strcat("sherman", caso, ".mat"));
4 A = Problem.A;
5 b = Problem.b;
6
7 #Verificando espcidade
8 T = issparse(A)
9 num = nnz(A);
10 N = length(A)
11 p = 100*num/(N*N)
12 nz = nnz(diag(A))
13 d = det(A)
14 #Verificando se pode ser resolvida
15 r = rank(A) # Se rank = N --> é nao singular(det != 0)
16
17
18 tic;[x1, Dr1] = MetodoJacobi(A, b); TempoJacobi = toc
19 tic;[x2, Dr2] = MetodoGaussSeidel(A, b); TempoGaussSeidel = toc
20 tic;x3 = A\b; TempoBarra = toc
21
22 #Comparacoes
23 c = cond(A)
24 Erro1 = Dr1(length(Dr1))
25 Erro2 = Dr2(length(Dr2))
26 Residuo1 = norm(b-A*x1)/norm(b)
27 Residuo2 = norm(b-A*x2)/norm(b)
28 Residuo3 = norm(b-A*x3)/norm(b)
29 Erro1 < c*Residuo1
30 Erro2 < c*Residuo2
31
32

```

Código para a questão 2, note que basta trocar o número do caso para mudar a matriz referente.

questao-3)

```
>> Ex03
```

```

indice = 1
m = 0.082343

```

O índice da página com maior relevância é 1. É o sistema foi resolvido pelo comando "\", isso porque como visto no primeiro exercício, o tempo de execução dele é menor que o do algoritmo de fatoração de Cholesky, e o erro é da mesma ordem.

```

1 function [P] = Prob(A)
2     n = length(A);
3     S = sum(A);
4     f = 1/n;
5     #P = (1/n)*ones(n , n);
6     for i = 1:n
7         for j = 1:n
8             if(S(j) >= 1)
9                 P(i, j) = A(i, j)/S(j);
10            else
11                P(i, j) = f;
12            endif
13        endfor
14    endfor
15 endfunction
16

```

```

1 load("Harvard500.mat");
2 A = Problem.A;
3 P = Prob(A);
4
5 alfa = 0.85;
6 n = length(P);
7 V = (1 - alfa)*ones(n)*(1/n);
8 B = (alfa*P - eye(n));
9 x = -B\V;
10 S = sum(x, 2);
11 m = max(S);
12 indice = find(m == max(S))
13 m = m/n
14

```

O primeiro é a função que computa a matriz P, e o segundo é o script para resolver o sistema, e os comandos para achar o máximo.