Códigos y criptografía: Curso 2022-2023 Práctica 1: Cifrado afín. Cifrado César (caso particular del afín)

• Mientras no se diga lo contrario, nuestro abecedario será

'abcdefghijklmnñopqrstuvwxyz'

• A cada letra le vamos a asociar un número:

a	b	c	d	 У	Z
0	1	2	3	 25	26

1. Función letter_number

```
1 function num=letter_number(text)
```

Se trata de una función que convierte las letras en números de modo que podamos operar con ellos.

Entrada: texto escrito como si fuera una cadena de caracteres (puede contemplar minúsculas, mayúsculas, tildes, signos de puntuación etc.).

NOTA: El texto lo introduciremos entre comillas simples para crear un elemento de tipo char (array o matriz de caracteres). Trataremos así cualquier entrada de tipo texto a lo largo de las prácticas.

Salida: vector numérico asociado al texto, una vez convertidas todas las letras en minúsculas y eliminados todos los símbolos que no estén en nuestro alfabeto.

```
1 >> num=letter_number('Hola, buenos días, ¿empezamos?')
2 num = 7 15 11 0 1 21 4 13 15 19 3 8 0 19 4 12 16 4 26 0 12 ...
15 19
```

2. Función affine

```
1 function code=affine(k,d,text)
```

Se trata de una función que cifra un mensaje por el método afín.

Entradas:

k: la clave multiplicativa. El programa debe comprobar que es un número de \mathbb{Z}_{27} y que mcd(k,27)=1.

d: el desplazamiento. También debe ser un número de \mathbb{Z}_{27} .

text: el texto claro que se quiere encriptar.

Salida: el criptograma.

Ejemplos:

```
1 >>code=affine(14,7,'este metodo tambien es facil')
2 code = jdqjnjqbvbqhnuljajdwhilz
```

```
1  >>code=affine(15,7,'este metodo tambien es facil')
2  Error using affine (line ...)
3  The multiplicative key should satisfy gcd(k,27)=1.
```

3. Función $dec_{-}affine$

```
1 function text=dec_affine(k,d,code)
```

Se trata de una función que descifra un mensaje que ha sido cifrado por el método afín conociendo las claves de cifrado.

Entradas:

k: la clave multiplicativa empleada en el método.

d: el desplazamiento empleado en el método.

code: el texto encriptado del que se pretende obtener el texto claro.

Salida: el mensaje claro.

- Las siguientes funciones van encaminadas a realizar un análisis de frecuencias de las letras de un criptograma.
- Servirán para poder realizar el criptoanálisis y encontrar el mensaje original, suponiendo que se conozca el criptograma pero no las claves empleadas.

4. Función crypt_ana_order

```
1 function [freq,freq_order]=crypt_ana_order(v)
```

Se trata de una función que obtiene las frecuencias de cada letra de un criptograma.

Entrada: el criptograma. Se introducirá como un array de caracteres, es decir, entre comillas simples.

Salidas:

freq: una matriz 27×2 , cuya primera columna consiste en las frecuencias con las que aparece cada elemento de nuestro alfabeto en el criptograma y en la segunda se tienen los números de las letras correspondientes a esas frecuencias, ordenados según el orden usual de los caracteres en el alfabeto.

 $freq_order$: la matriz 27×2 obtenida al ordenar de mayor a menor la primera columna de la matriz frecuencia.

```
v = \verb|'| \texttt{ltbtrbnhyklrhshtj} \| hklj \| fvtvsiy \| tvxbolyvhjvykhys \| fhklshztvovfhlzjyoioythkhshzwv \| fixed \|
                                  yxbllzavlzbtaleavvhyhclyzombtjovthtrvzwyvnyhshzxbllzavfñhjoltkv'
  3
                                 >> [freq,freq_order]=crypt_ana_order(v)
                                  freq =
  4
                                  0.028369
                                                                                                                                Ω
   5
                                  0.056738
                                                                                                                               1
   6
                                  0.014184
                                                                                                                                2
                                                                                                                                3
   8
                                  0.0070922
                                  0.028369
10
11
                                  0.12766
                                                                                                                               7
12
                                  0.014184
                                                                                                                               8
13
14
                                  0.042553
                                                                                                                               9
                                  0.042553
                                                                                                                          10
15
                                  0.11348
                                                                                                                          11
                                  0.0070922
                                                                                                                          12
17
                                  0.014184
                                                                                                                           13
18
                                  0.014184
                                                                                                                          14
19
                                  0.042553
                                  0
21
                                                                                                                          16
22
                                                                                                                           17
^{23}
                                  0.021277
                                                                                                                           18
                                  0.042553
                                                                                                                          19
^{24}
25
                                  0.085106
                                                                                                                           20
                                                                                                                            21
26
27
                                  0.11348
                                                                                                                            22
                                  0.014184
28
                                                                                                                           2.3
                                  0.021277
                                                                                                                           24
                                  0.085106
                                                                                                                           2.5
30
                                  0.06383
                                                                                                                            26
31
32
                                  freq_order =
33
                                  0.12766
                                                                                                                             7
34
                                  0.11348
                                                                                                                           11
                                  0.11348
                                                                                                                            22
35
36
                                  0.085106
                                                                                                                           2.0
37
                                  0.085106
                                                                                                                           2.5
38
                                  0.06383
                                                                                                                            26
                                  0.056738
39
                                                                                                                               1
40
                                  0.042553
                                                                                                                                9
```

```
41
        0.042553
                             10
        0.042553
                             15
42
        0.042553
                             19
43
        0.028369
44
                              0
45
        0.028369
                              5
46
        0.021277
                             18
        0.021277
                             24
47
        0.014184
                              2
        0.014184
                              8
49
50
        0.014184
                             13
        0.014184
                             14
51
        0.014184
                             23
        0.0070922
53
                              4
54
        0.0070922
                             12
55
                              3
56
57
        0
                             16
        0
                             17
58
59
        0
                             21
```

5. Función bars

```
1 function compare=bars(v)
```

Se trata de una función que compara las frecuencias del criptograma con las frecuencias de las letras en castellano, mostrando la comparación de dos formas: mediante una matriz de datos y mediante un diagrama de barras.

Entrada: el criptograma.

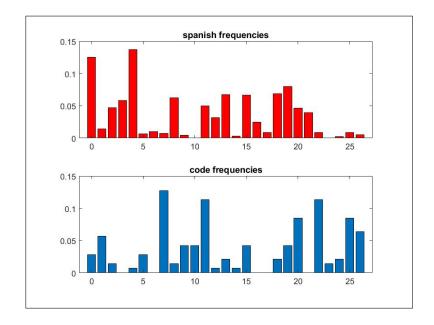
Salida: una matriz 27×4 donde las columnas 1 y 3 son las frecuencias ordenadas de mayor a menor en castellano y en nuestro criptograma:

```
'sp. freq.' 'letter num.' 'code freq.' 'letter num.'
```

Adicionalmente deben mostrarse dos diagramas de barras: el primero indicando las frecuencias de las letras en castellano y el segundo las frecuencias de cada letra en el criptograma.

```
v='ltbtrbnhyklrhshtjñhkljbfvtvsiyltvxbolyvhjvykhyslfhklshztvcvfhlzjyoioythkhshzwv
    2
                                      yxbllzavlzbtaleavv hyhclyzombtjov thtrvzwyvnyh shzxbllzav f\~nhjoltk v' and the statement of the statement 
                                    >>'spanish'
                                                                                                                       'letter'
                                                                                                                                                                                                                          'code'
                                                                                                                                                                                                                                                                                        'letter'
   3
    4
                                    >>compare=bars(v)
                                      compare =
   5
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      7
                                                        0.1368
                                                                                                                                                     4
                                                                                                                                                                                                             0.12766
                                                        0.1253
                                                                                                                                                    0
                                                                                                                                                                                                             0.11348
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  11
   7
                                                          0.0868
                                                                                                                                                 15
                                                                                                                                                                                                              0.11348
    8
                                                                                                                                                                                                         0.085106
   9
                                                        0.0798
                                                                                                                                                 19
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  2.0
10
                                                         0.0687
                                                                                                                                                 18
                                                                                                                                                                                                      0.085106
11
                                                         0.0671
                                                                                                                                                 13
                                                                                                                                                                                                           0.06383
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  26
                                                          0.0625
                                                                                                                                                   8
                                                                                                                                                                                                         0.056738
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    1
12
13
                                                         0.0586
                                                                                                                                                     3
                                                                                                                                                                                                        0.042553
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     9
                                                         0.0497
                                                                                                                                                 11
                                                                                                                                                                                                        0.042553
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  10
14
                                                         0.0468
                                                                                                                                                 2
                                                                                                                                                                                                        0.042553
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  15
                                                         0.0463
                                                                                                                                                 20
                                                                                                                                                                                                          0.042553
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  19
16
                                                          0.0393
                                                                                                                                                 21
                                                                                                                                                                                                           0.028369
```

18	0.0315	12	0.028369	5	
19	0.0251	16	0.021277	18	
20	0.0142	1	0.021277	24	
21	0.0101	6	0.014184	2	
22	0.009	22	0.014184	8	
23	0.009	25	0.014184	13	
24	0.0088	17	0.014184	14	
25	0.007	7	0.014184	23	
26	0.0069	5	0.0070922	4	
27	0.0052	26	0.0070922	12	
28	0.0044	9	0	3	
29	0.0031	14	0	6	
30	0.0022	24	0	16	
31	0.0002	10	0	17	
32	0.0001	23	0	21	




```
function inver=inv_module(A, m)
```

Se trata de una función que calcula la inversa modular de una matriz con coeficientes enteros.

Entradas:

A: la matriz de la queremos calcular su inversa.

m: el módulo de trabajo.

Salida: la inversa modular de la matriz dada.

Ejemplos:

1 >> inver=inv_module([3 4.4;5 6],27)
2 Error using inv_module (line ...)
3 All the elements should be integer numbers.

```
1  >> inver=inv_module([3 0;5 6],27)
2  Error using inv_modulo (line ...)
3  The matrix is not inversible with the given module.
```

```
1 >> inver=inv_module([3 2;5 6],27)
2 inver =
3 21 20
4 23 24
```

7. Función $affine_cryptanalysis$

```
1 function affine_cryptanalysis(v)
```

Se trata de una función que realiza el criptoanálisis de un mensaje cifrado por el método afín, desconociendo las claves empleadas.

Entrada: el criptograma.

Salida: se espera una salida interactiva.

La función compara las máximas frecuencias, hace un intento de descrifrar el mensaje, nos lo muestra y nos pregunta si queremos probar con otras claves.

Si la respuesta es afirmativa pasa a comparar otras dos frecuencias y nos muestra otro posible texto claro etc. En el momento en que la respuesta sea negativa debe mostrar el texto claro y el valor correcto de las claves.

```
qgqwcscdelucgvnelyciwqzucl'
     2
     3
                                                        >>affine_cryptanalysis(v)
     4
      5
      6
                                                           k = 13
     7
     9
                                                           text =
10
                                                            "amleonecl we exel answrebp x aspme on arbw bpec wznencpratsalpb pez wrgles dwar x aspme on arbw by the contract of the cont
                                                           bpexecantewrjanmespbkten'
11
 12
13
                                                            if you want to prove with different keys write 1, otherwise write 0: 1
14
15
16
                                                           k = 14
17
                                                           d = 2
18
19
                                                           text =
20
21
                                                             {\tt 'estapractica} hater {\tt minadohemosaprendidoa} cifrar conel {\tt metodoa} finy tambien hemosaprendidoa cifrar cifra
22
                                                            oahacerlainversamodular'
24
                                                            if you want to prove with different keys write 1, otherwise write 0:
25
```