

# Problema del puente de Ambite

LUCÍA ROLDÁN RODRÍGUEZ

March 2023

## 1 Invariante del Monitor

1.  $cn \geq 0, cs \geq 0, ped \geq 0, cn\_waiting \geq 0, cs\_waiting \geq 0, ped\_waiting \geq 0, 0 \leq turno \leq 2$
2.  $cn > 0 \Rightarrow cs = 0$  and  $ped = 0$
3.  $cs > 0 \Rightarrow cn = 0$  and  $ped = 0$
4.  $ped > 0 \Rightarrow cn = 0$  and  $cs = 0$
5.  $turno = 0$  and  $cn = 0$  and  $cs = 0$  and  $ped = 0 \Rightarrow cn\_waiting > 0$  or  $(cs\_waiting = 0$  and  $ped\_waiting = 0)$
6.  $turno = 1$  and  $cn = 0$  and  $cs = 0$  and  $ped = 0 \Rightarrow cs\_waiting > 0$  or  $(cn\_waiting = 0$  and  $ped\_waiting = 0)$
7.  $turno = 2$  and  $cn = 0$  and  $cs = 0$  and  $ped = 0 \Rightarrow ped\_waiting > 0$  or  $(cn\_waiting = 0$  and  $cs\_waiting = 0)$

## 2 Demostración del Invariante

Veamos que las condiciones anteriores son invariantes del monitor.

Al inicializar el mointor  $cn = 0, cs = 0, ped = 0, cn\_waiting = 0, cd\_waiting = 0, ped\_waiting = 0$  y  $turno = 0 \Rightarrow$  se cumplen las 7 condiciones del invariante. Las variables se encuentran en los rangos marcados por 1, por otro lado, 2, 3 y 4 se cumplen trivialmente puesto que no se cumplen los

condicionales y 5,6 y 7 se cumple puesto que  $cn\_waiting = 0$ ,  $cd\_waiting = 0$ ,  $ped\_waiting = 0$ .

Ahora debemos comprobar, suponiendo cierto que cuando una función del monitor se empieza a ejecutar se cumple el invariante, que se sigue cumpliendo cuando la función acaba o cuando se encuentra bloqueada puesto que abandonará el monitor dando paso a que otro proceso ejecute otra función del mismo. Además se debe verificar que se cumple el invariante antes de llamar a algún notify. Recorramos todas las funciones comprobándolo:

- $wants\_enter\_car(0)$  cumple al salir INV y  $cn > 0$ . Como la condición para salir del wait  $cs == 0$  and  $ped == 0$ , la única condición del invariante que se podría violar que es la 2, nos aseguramos que se cumpla.  
Por otra parte veamos cuándo se puede bloquear la función en el wait y que se cumple el invariante en el caso de bloquearse. Al entrar en el wait  $cn\_waiting > 0$  por lo que las únicas condiciones que podría no estar cumpliendo el invariante son la 5,6 y 7.
  - Si se bloquea porque  $cs > 0$  o  $ped > 0$  no estaría incumpliendo ninguna de ellas.
  - Si  $cs = 0$  y  $ped = 0$  :
    - \* si  $turno = 1$  y  $cs\_waiting > 0$  se cumplen las condiciones
    - \* si  $turno = 1$  y  $cs\_waiting = 0$  no se bloquea el wait puesto que al entrar en la función el invariante asegura  $ped\_waiting = 0$  y esa variable no ha sido modificada.
    - \* si  $turno = 2$  y  $ped\_waiting > 0$  se cumplen las condiciones
    - \* si  $turno = 2$  y  $ped\_waiting = 0$  no se bloquea el wait puesto que al entrar en la función el invariante asegura  $cs\_waiting = 0$  y esa variable no ha sido modificada.
    - \* si  $turno = 0$  no se bloquea el wait.
- $leaves\_car(0)$  siempre se ejecuta justo a continuación de  $wants\_enter\_car(0)$  por tanto al empezarse a ejecutar cumple INV y  $cn > 0$ . Con ello nos aseguramos que al reducir en uno  $cn$ , este siga estando dentro del rango de la primera condición del invariante. Por otra parte podría darse  $cn = 0$ ,  $cs = 0$  y  $ped = 0$  al salir de esta función por tanto veamos que ocurre con las condiciones 5,6,y 7 del invariante. La función comprueba

primeramente si  $cs\_waiting > 0$  de serlo asigna  $turno = 1$  con lo que cumpliría las condiciones. De darse el caso  $cs\_waiting = 0$  se comprueba si  $ped\_waiting > 0$  en cuyo caso se actualiza el  $turno = 2$  con lo que cumpliría las condiciones. Finalmente si  $cs\_waiting = 0$  y  $ped\_waiting = 0$  se actualiza  $turno = 0$  con lo que se cumplen las condiciones. Podemos asegurar de esta forma que se cumple el invariante al salir de  $leaves\_car(0)$  y por tanto también antes de ejecutar cualquier notify dentro de esta función pues es la última orden que se ejecuta.

- $wants\_enter\_car(1)$  cumple al salir INV y  $cs > 0$ . Como la condición para salir del wait  $cn == 0$  and  $ped == 0$ , la única condición del invariante que se podría violar, que es la 3, nos aseguramos que se cumpla.

Por otra parte veamos cuándo se puede bloquear la función en el wait y que se cumple el invariante en el caso de bloquearse. Al entrar en el wait  $cs\_waiting > 0$  por lo que las únicas condiciones que podría no estar cumpliendo el invariante son la 5,6 y 7.

- Si se bloquea porque  $cs > 0$  o  $ped > 0$  no estaría incumpliendo ninguna de ellas.
- Si  $cn = 0$  y  $ped = 0$ :
  - \* si  $turno = 0$  y  $cn\_waiting > 0$  se cumplen las condiciones.
  - \* si  $turno = 0$  y  $cn\_waiting = 0$  no se bloquea el wait puesto que al entrar en la función, el invariante asegura  $ped\_waiting = 0$  y esa variable no ha sido modificada.
  - \* si  $turno = 2$  y  $ped\_waiting > 0$  se cumplen las condiciones.
  - \* si  $turno = 2$  y  $ped\_waiting = 0$  no se bloquea el wait puesto que al entrar en la función el invariante asegura  $cn\_waiting = 0$  y esa variable no ha sido modificada.
  - \* si  $turno = 1$  no se bloquea el wait.
- $leaves\_car(1)$  siempre se ejecuta justo a continuación de  $wants\_enter\_car(1)$  por tanto al empezarse a ejecutar cumple INV y  $cs > 0$ . Con ello nos aseguramos que al reducir en uno  $cs$ , este siga estando dentro del rango de la primera condición del invariante. Por otra parte podría darse  $cn = 0$ ,  $cs = 0$  y  $ped = 0$  al salir de esta función por tanto veamos que ocurre con las condiciones 5,6,y 7 del invariante. La función comprueba primeramente si  $ped\_waiting > 0$  de serlo asigna  $turno = 2$  con

lo que cumpliría las condiciones. De darse el caso  $ped\_waiting = 0$  se comprueba si  $cn\_waiting > 0$  en cuyo caso se actualiza el turno = 0 con lo que cumpliría las condiciones. Finalmente si  $cn\_waiting = 0$  y  $ped\_waiting = 0$  se actualiza turno = 1 con lo que se cumplen las condiciones. Podemos asegurar de esta forma que se cumple el invariante al salir de `leaves_car(1)` y por tanto también antes de ejecutar cualquier notify dentro de esta función pues es la última orden que se ejecuta.

- `wants_enter_pedestrian()` cumple al salir INV y  $ped > 0$ . Como la condición para salir del wait  $cs == 0$  and  $cn == 0$ , la única condición del invariante que se podría violar, que es la 2, nos aseguramos que se cumpla.

Por otra parte veamos cuándo se puede bloquear la función en el wait y que se cumple el invariante en el caso de bloquearse. Al entrar en el wait  $ped\_waiting > 0$  por lo que las únicas condiciones que podría no estar cumpliendo el invariante son la 5,6 y 7.

- Si se bloquea porque  $cs > 0$  o  $cn > 0$  no estaría incumpliendo ninguna de ellas.
- Si  $cs = 0$  y  $cn = 0$ :
  - \* si turno = 1 y  $cs\_waiting > 0$  se cumplen las condiciones
  - \* si turno = 1 y  $cs\_waiting = 0$  no se bloquea el wait puesto que al entrar en la función el invariante asegura  $cn\_waiting = 0$  y esa variable no ha sido modificada.
  - \* si turno = 0 y  $cn\_waiting > 0$  se cumplen las condiciones
  - \* si turno = 0 y  $cn\_waiting = 0$  no se bloquea el wait puesto que al entrar en la función el invariante asegura  $cs\_waiting = 0$  y esa variable no ha sido modificada.
  - \* si turno = 2 no se bloquea el wait.
- `leaves_pedestrian()` siempre se ejecuta justo a continuación de `wants_enter_pedestrian()` por tanto al empezarse a ejecutar cumple INV y  $ped > 0$ . Con ello nos aseguramos que al reducir en uno  $ped$ , este siga estando dentro del rango de la primera condición del invariante. Por otra parte podría darse  $cn = 0$ ,  $cs = 0$  y  $ped = 0$  al salir de esta función por tanto veamos que ocurre con las condiciones 5,6,y 7 del invariante. La función comprueba primeramente si  $cn\_waiting > 0$  de serlo asigna turno = 0

con lo que cumpliría las condiciones. De darse el caso  $cn\_waiting = 0$  se comprueba si  $cs\_waiting > 0$  en cuyo caso se actualiza el turno = 1 con lo que cumpliría las condiciones. Finalmente si  $cn\_waiting = 0$  y  $cs\_waiting = 0$  se actualiza turno = 2 con lo que se cumplen las condiciones. Podemos asegurar de esta forma que se cumple el invariante al salir de `leaves_pedestrian` y por tanto también antes de ejecutar cualquier notify dentro de esta función pues es la última orden que se ejecuta.

- `carnorth_mayenter()`, `carsouth_mayenter()`, `pedestrian_mayenter()` son funciones que no modifican las variables, ni tienen funciones wait ni signify por tanto se cumplirá el invariante.

### 3 Seguridad del Puente

Para demostrar la seguridad del puente comprobaremos que no pueden pasar peatones a la vez que coches y que no pueden pasar simultáneamente coches de sentidos opuestos:

- Si un coche quiere entrar en dirección norte antes de aumentar en uno el número de coches en sentido norte y darle paso a cruzar, la función `wants_enter_car(0)` comprueba entre otras cosas que  $cs == 0$  y  $ped == 0 \Rightarrow$  Un coche en dirección norte sólo puede entrar si el puente está vacío o hay coches pasando en la misma dirección.
- Si un coche quiere entrar en dirección sur antes de aumentar en uno el número de coches en sentido sur y darle paso a cruzar, la función `wants_enter_car(1)` comprueba entre otras cosas que  $cn == 0$  y  $ped == 0 \Rightarrow$  Un coche en dirección sur sólo puede entrar si el puente está vacío o hay coches pasando en la misma dirección.
- Si un peatón quiere entrar en el puente, antes de aumentar en uno el número de peatones y darle paso a cruzar, la función `wants_enter_ped` comprueba entre otras cosas que  $cn == 0$  y  $cs == 0 \Rightarrow$  Un peatón sólo puede entrar si en el puente no hay coches, es decir, si el puente está vacío o hay otros peatones cruzando.

Concluyendo así que nunca hay coches y peatones a la vez en el puente, así como no hay simultáneamente coches de sentidos opuestos.

## 4 Ausencia de deadlocks

Veamos que no se pueden encontrar bloqueados a la vez los coches en sentido norte, los coches en sentido sur y los peatones

Supongamos que los peatones al ejecutar `wants_enter_pedestrian` se encuentran bloqueados en `nocars_waitfor(pedestrian_mayenter)`  $\Rightarrow ped\_waiting > 0$  and  $(cn > 0$  or  $cs > 0$  or  $(turno \neq 2$  and  $(cn\_waiting > 0$  or  $cs\_waiting > 0)$ .

Analicemos los diferentes casos en los que se puede bloquear `nocars_waitfor(pedestrian_mayenter)`:

- $cn > 0$  or  $cs > 0$  alguno de los sentidos se encuentra activo.
- $cn = 0$  and  $cs = 0$  and  $(turno \neq 2$  and  $(cn\_waiting > 0$  or  $cs\_waiting > 0)$ ):
  - $ped \neq 0 \Rightarrow$  se consumirán en un tiempo finito sin poder entrar más peatones puesto que se encontrarían bloqueados por hipótesis hasta que se actualiza  $ped = 0$  derivándose en el siguiente caso:
  - $ped = 0$ 
    - \*  $turno = 1 \Rightarrow cs\_waiting > 0$  puesto que  $(cs = 0$  y  $cn = 0$  y  $ped = 0$  y  $ped\_waiting > 0)$  y por el invariante no puede bloquearse un proceso en este estado si  $cs\_waiting = 0$ . Concluyendo que si  $turno = 1$  y  $cs\_waiting > 0$  entonces la segunda rama de `wants_enter_car` no se encuentra bloqueada puesto que  $ped = 0$ ,  $cn = 0$ ,  $turno = 1$  y  $cs\_waiting > 0$  dando paso a los coches en dirección sur.
    - \*  $turno = 0 \Rightarrow cn\_waiting > 0$  puesto que  $(cs = 0$  y  $cn = 0$  y  $ped = 0$  y  $ped\_waiting > 0)$  y por el invariante no puede bloquearse un proceso en este estado si  $cn\_waiting = 0$ . Concluyendo que si  $turno = 0$  y  $cn\_waiting > 0$  entonces la primera rama de `wants_enter_car` no se encuentra bloqueada puesto que  $ped = 0$ ,  $cn = 0$ ,  $turno = 0$  y  $cn\_waiting > 0$  dando paso a los coches en dirección norte.

Supongamos que los coches en sentido norte al ejecutar `wants_enter_car(0)` se encuentran bloqueados en `nocs_noped_waitfor(carnorth_mayenter)`  $\Rightarrow cn\_waiting > 0$  and  $(ped > 0$  or  $cs > 0$  or  $(turno \neq 0$  and  $(cs\_waiting > 0$  or  $ped\_waiting > 0)$ . Analicemos los diferentes casos en los que se puede bloquear `nocs_noped_waitfor(carnorth_mayenter)`:

- $ped > 0$  or  $cs > 0$  alguno de las dos opciones se encuentra activa.
- $ped = 0$  and  $cs = 0$  and ( $turno \neq 0$  and ( $ped\_waiting > 0$  or  $cs\_waiting > 0$ ):
  - $cn \neq 0 \Rightarrow$  se consumirán en un tiempo finito sin poder entrar más coches en sentido norte puesto que se encontrarían bloqueados por hipótesis hasta que se actualiza  $cn = 0$  derivándose en el siguiente caso:
  - $cn = 0$ 
    - \*  $turno = 1 \Rightarrow cs\_waiting > 0$  puesto que ( $cs = 0$ ,  $cn = 0$ ,  $ped = 0$  y  $cn\_waiting > 0$ ) y por el invariante no puede bloquearse un proceso en este estado si  $cs\_waiting = 0$ . Concluyendo que si  $turno = 1$  y  $cs\_waiting > 0$  entonces la segunda rama de `wants_enter_car` no se encuentra bloqueada puesto que  $ped = 0$ ,  $cn = 0$ ,  $turno = 1$  y  $cs\_waiting > 0$  dando paso a los coches en dirección sur.
    - \*  $turno = 2 \Rightarrow ped\_waiting > 0$  puesto que ( $cs = 0$  y  $cn = 0$ ,  $ped = 0$  y  $cn\_waiting > 0$ ) y por el invariante no puede bloquearse un proceso en este estado si  $ped\_waiting = 0$ . Concluyendo que si  $turno = 2$  y  $ped\_waiting > 0$  entonces de `wants_enter_ped` no se encuentra bloqueada puesto que  $ped = 0$ ,  $cn = 0$ ,  $turno = 2$  y  $cn\_waiting > 0$  dando paso a peatones.

Supongamos que los coche en sentido sur al ejecutar `wants_enter_car(1)` se encuentran bloqueados en `nocs_noped_waitfor(carsouth_mayenter)  $\Rightarrow cs\_waiting > 0$  and ( $ped > 0$  or  $cn > 0$  or ( $turno \neq 1$  and ( $cn\_waiting > 0$  or  $ped\_waiting > 0$ )). Analicemos los diferentes casos en los que se puede bloquear nocs_noped_waitfor(carsouth_may_enter):`

- $ped > 0$  or  $cn > 0$  alguno de las dos opciones se encuentra activa.
- $ped = 0$  and  $cn = 0$  and ( $turno \neq 1$  and ( $ped\_waiting > 0$  or  $cs\_waiting > 0$ ):
  - $cs \neq 0 \Rightarrow$  se consumirán en un tiempo finito sin poder entrar más coches en sentido norte puesto que se encontrarían bloqueados por hipótesis hasta que se actualiza  $cs = 0$  derivándose en el siguiente caso:

- $cs = 0$ 
  - \*  $turno = 0 \Rightarrow cn\_waiting > 0$  puesto que ( $cs = 0$  y  $cn = 0$  y  $ped = 0$  y  $cs\_waiting > 0$ ) y por el invariante no puede bloquearse un proceso en este estado si  $cn\_waiting = 0$ . Concluyendo que si  $turno = 0$  y  $cn\_waiting > 0$  entonces la primera rama de `wants_enter_car` no se encuentra bloqueada puesto que  $ped = 0$ ,  $cs = 0$ ,  $turno = 0$  y  $cn\_waiting > 0$  dando paso a los coches en dirección norte.
  - \*  $turno = 2 \Rightarrow ped\_waiting > 0$  puesto que ( $cs = 0$  y  $cn = 0$  y  $ped = 0$  y  $cn\_waiting > 0$ ) y por el invariante no puede bloquearse un proceso en este estado si  $ped\_waiting = 0$ . Concluyendo que si  $turno = 2$  y  $ped\_waiting > 0$  entonces de `wants_enter_ped` no se encuentra bloqueada puesto que  $ped = 0$ ,  $cn = 0$ ,  $turno = 2$  y  $cn\_waiting > 0$  dando paso a peatones.

## 5 Ausencia de inanición

- Ausencia de inanición en los peatones: Veamos que el peaton no se queda indefinidamente bloqueado en `nocars.wait_for`. Supongamos que un peaton se encuentra bloqueado veamos que eventualmente se llama a un `nocars.notify_all()` que será capaz de dar paso a un peaton esperando y por hipótesis de justicia dará paso a todos los peatones en algún momento.
  - si  $ped > 0$  or  $cn > 0$  or  $cs > 0$  se terminarán de consumir los coches o peatones existentes fijando el turno correspondiente 0,1 o 2 y actualizando, tras el paso del último coche o peatón  $ped = 0$  and  $cn = 0$  and  $cs = 0$  lo que llevará al siguiente subapartado.
  - si  $ped = 0$  and  $cn = 0$  and  $cs = 0$ 
    - \* si  $turno = 2$ , hay dos opciones o el proceso no se encontraba bloqueado o tras actualizar el turno a 2 y consumirse todos los coches que había en la carretera se ha hecho un `nocar_notify_all()`, en cualquier caso dará paso a algún peatón esperando (puesto que  $cs = 0$ ,  $cn = 0$  y  $turno = 2$ ).
    - \* si el  $turno = 1 \Rightarrow cs\_waiting > 0$  (puesto que  $ped\_waiting > 0$ ), hay dos opciones o el proceso no se encontraba bloqueado



o tras actualizar el turno a 1 y consumirse todos los coches que había en la carretera se ha hecho un `nocn_noped_notify_all()`, en cualquier caso algunos de los coches que se encontraban esperando en sentido sur pasarán y tras ello actualizarán el turno a 2 y `cs = 0` haciendo un `nocar_notify_all()` dando paso a algún peatón esperando (puesto que `cs = 0`, `cn = 0` y turno = 2).

- \* si el `turno = 0`  $\Rightarrow$  `cn_waiting > 0` (puesto que `ped_waiting > 0`) algunos de los cuales pasarán y tras ello actualizarán `cn = 0` y el turno a 1, en caso de existir coches esperando en sentido sur y haciendo un `nocs_noped_notify_all()`, se llevará a cabo el proceso del apartado anterior. En caso de no haber coches esperando en sentido sur, se actualizará el turno a 2 y haciendo un `nocar_notify_all()` dará paso a algún peatón esperando (puesto que `cn = 0`, `cs = 0` y turno = 2) .

Cabe destacar que en este apartado siempre que se da paso a coches en alguno de los dos sentidos no se quedan indefinidamente dentro de la carretera coches de un mismo sentido:

- si `cs > 0` en cuanto pase el primero (que lo hará en un tiempo finito) el turno se actualizará a turno = 2 puesto que `ped_waiting > 0` , lo que evitará que más coches entren en sentido sur pues `nocn_noped` se encontrará bloqueado puesto que el turno no es 1 y `ped_waiting > 0`.
- si `cn > 0` en cuanto pase el primero (que lo hará en un tiempo finito) el turno se actualizará a turno = 1, si hay coches en sentido sur esperando, lo que evitará que más coches entren en sentido norte pues `nocs_noped` se encontrará bloqueado puesto que el turno no es 0 y `cs_waiting > 0`. En caso de no existir coches en sentido sur esperando el turno se actualizará a turno = 2 puesto que `ped_waiting > 0` , lo que evitará que más coches entren en sentido norte pues `nocs_noped` se encontrará bloqueado puesto que el turno no es 0 y `ped_waiting > 0`.
- Ausencia de inanición en coches con sentido norte : Veamos que un coche en sentido norte no se queda indefinidamente bloqueado en `nocs_noped.wait_for`. Supongamos que un coche en sentido norte se encuentra bloqueado

veamos que eventualmente se llama a un `nocs_noped.notify_all()` que será capaz de dar paso a un coche esperando en sentido norte y por hipótesis de justicia dará paso a todos en algún momento.

- si  $ped > 0$  or  $cn > 0$  or  $cs > 0$  se terminarán de consumir los coches o peatones existentes fijando el turno correspondiente 0,1 o 2 y actualizando, tras el paso del último coche o peatón  $ped = 0$  and  $cn = 0$  and  $cs = 0$  lo que llevará al siguiente subapartado.
- si  $ped = 0$  and  $cn = 0$  and  $cs = 0$ 
  - \* si  $turno = 0$ , hay dos opciones o el proceso no se encontraba bloqueado o tras actualizar el turno a 0 y consumirse todos los coches o peatones que había en el puente se ejecuta un `nocs_noped.notify_all()`, en cualquier caso dará paso a algún coche esperando en sentido norte (puesto que  $cs = 0$ ,  $ped = 0$  y  $turno = 0$ ).
  - \* si el  $turno = 2 \Rightarrow ped\_waiting > 0$  (puesto que  $cn\_waiting > 0$ ), hay dos opciones o el proceso no se encontraba bloqueado o tras actualizar el turno a 2 y consumirse todos los coches o peatones que había en el puente se ha hecho un `nocars_notify_all()`, en cualquier caso algunos de los peatones que se encontraban esperando pasarán y tras ello actualizarán el turno a 0 y  $ped = 0$ , se ejecuta un `nocs_noped.notify_all()` dando paso a algún coche esperando en sentido norte (puesto que  $cs = 0$ ,  $ped = 0$  y  $turno = 0$ ).
  - \* si el  $turno = 1 \Rightarrow cs\_waiting > 0$  (puesto que  $cn\_waiting > 0$ ) algunos de los cuales pasarán y tras ello actualizarán  $cs = 0$  y el turno a 2, en caso de existir peatones esperando y haciendo un `nocars_notify_all()` se llevará a cabo el proceso del apartado anterior. En caso de no haber peatones esperando se actualizará el turno a 0 y haciendo un `nocs_noped.notify_all()` dará paso a algún coche esperando en sentido norte (puesto que  $ped = 0$ ,  $cs = 0$  y  $turno = 0$ ).

Cabe destacar que en este apartado siempre que se da paso a coches en sentido sur o peatones no se quedan indefinidamente dentro :

- si  $ped > 0$  en cuanto pase el primero (que lo hará en un tiempo

- finito) el turno se actualizará a  $\text{turno} = 0$  puesto que  $\text{cn\_waiting} > 0$ , lo que evitará que más peatones entren  $\text{nocars.wait}$  se encontrará bloqueado puesto que el turno no es 2 y  $\text{cn\_waiting} > 0$ .
- si  $\text{cs} > 0$  en cuanto pase el primero (que lo hará en un tiempo finito) el turno se actualizará a  $\text{turno} = 2$ , si hay peatones esperando, lo que evitará que más coches entren en sentido sur pues  $\text{nocn\_noped.wait}$  no permitirá el paso puesto que el turno no es 1 y  $\text{ped\_waiting} > 0$ . En caso de no existir peatones esperando el turno se actualizará a  $\text{turno} = 0$  puesto que  $\text{cn\_waiting} > 0$ , lo que evitará que más coches entren en sentido sur pues  $\text{nocn\_noped.wait}$  no dejará paso puesto que el turno no es 1 y  $\text{cn\_waiting} > 0$ .
  - Ausencia de inanición en coches con sentido sur: Veamos que un coche en sentido sur no se queda indefinidamente bloqueado en  $\text{nocn\_noped.wait\_for}$ . Supongamos que un coche en sentido sur se encuentra bloqueado veamos que eventualmente se llama a un  $\text{nocn\_noped.notify\_all}()$  que será capaz de dar paso a un coche esperando en sentido sur y por hipótesis de justicia dará paso a todos en algún momento.
    - si  $\text{ped} > 0$  or  $\text{cn} > 0$  or  $\text{cs} > 0$  se terminarán de consumir los coches o peatones existentes fijando el turno correspondiente 0,1 o 2 y actualizando, tras el paso del último coche o peatón  $\text{ped} = 0$  and  $\text{cn} = 0$  and  $\text{cs} = 0$  lo que llevará al siguiente subapartado.
    - si  $\text{ped} = 0$  and  $\text{cn} = 0$  and  $\text{cs} = 0$ 
      - \* si  $\text{turno} = 1$ , hay dos opciones o el proceso no se encontraba bloqueado o tras actualizar el turno a 1 y consumirse todos los coches o peatones que había en el puente se ejecuta un  $\text{nocn\_noped.notify\_all}()$ , en cualquier caso dará paso a algún coche esperando en sentido sur (puesto que  $\text{ped} = 0$ ,  $\text{cn} = 0$  y  $\text{turno} = 1$ ).
      - \* si el  $\text{turno} = 0 \Rightarrow \text{cn\_waiting} > 0$  (puesto que  $\text{cs\_waiting} > 0$ ), hay dos opciones o el proceso no se encontraba bloqueado o tras actualizar el turno a 0 y consumirse todos los coches o peatones que había en el puente se ha hecho un  $\text{nocs\_noped.notify\_all}()$ , en cualquier caso algunos de los coches que se encontraban esperando en sentido norte pasarán y tras ello actualizarán el

turno a 1 y  $cn=0$ , se ejecuta un `nocn_noped_notify_all()` dando paso a algún coche esperando en sentido sur(puesto que  $cn=0$ ,  $ped=0$  y  $turno=1$ ).

- \* si el  $turno=2 \Rightarrow ped\_waiting > 0$ (puesto que  $cs\_waiting > 0$ ) algunos de los cuales pasarán y tras ello actualizarán  $ped=0$  y el turno a 0, en caso de existir coches esperando en sentido norte y haciendo un `nocs_noped_notify_all()` se llevará a cabo el proceso del apartado anterior. En caso de no haber coches esperando en sentido norte se actualizará el turno a 1 y haciendo un `nocn_noped_notify_all()` dará paso a algún coche esperando en sentido sur(puesto que  $ped=0$ ,  $cn=0$  y  $turno=1$ ) .

Cabe destacar que en este apartado siempre que se da paso a coches en sentido norte o peatones no se quedan indefinidamente dentro :

- si  $cn > 0$  en cuanto pase el primero (que lo hará en un tiempo finito) el turno se actualizará a  $turno=1$  puesto que  $cs\_waiting > 0$  , lo que evitará que más coches en sentido norte entren ya que `nocs_noped.wait` no permitirá el paso puesto que el turno no es 0 y  $cs\_waiting > 0$ .
- si  $ped > 0$  en cuanto pase el primero (que lo hará en un tiempo finito) el turno se actualizará a  $turno=0$ , si hay coches esperando en sentido norte, lo que evitará que más peatones entren pues `nocars.wait` no permitirá el paso puesto que el turno no es 2 y  $cn\_waiting > 0$ . En caso de no existir coches en sentido norte esperando el turno se actualizará a  $turno=1$  puesto que  $cs\_waiting > 0$  , lo que evitará que más peatones entren ya que `nocars.wait` no les dejará paso puesto que el turno no es 2 y  $cs\_waiting > 0$ .