## FONDAMENTI DI INFORMATICA II (Parte B)

A.A. 2009-2010 (11 febbraio 2010) COMPITO B

Cognome e nome:

Matricola:

Premessa: Tempo a disposizione 90 minuti. Ognuna delle domande vale 10 punti, 5 per la teoria (parte a) della domanda) e 5 per l'esercizio (parte b) della domanda). Per avere la sufficienza è necessario ottenere almeno 18 punti totalizzando 9 punti sulle domande di tipo a) e 9 sulle domande di tipo b).

## Domanda 1

- 1a) Definire le grammatiche e i linguaggi context free. Mostrare che la classe dei linguaggi context free non è chiusa rispetto alla complementazione.
- 1b) Realizzare l'automa a stati finiti deterministico che riconosce il linguaggio b (a + b) a (a + b)\*

## Domanda 2

- 2a) Definire la macchina di Turing Universale, spiegarne le caratteristiche ed il comportamento. Fare un esempio di problema non calcolabile da una macchina di Turing.
- 2b) Illustrare la riduzione SAT  $\leq$  3-SAT. Data l'istanza di SAT  $w = (p \lor q) \land (\neg p \lor \neg q \lor \neg r)$  mostrare che l'istanza corrispondente di 3-SAT creata dalla riduzione è soddisfacibile se e solo se lo è w.

## Domanda 3

- 3a) Mostrare che, dato un insieme di formule proposizionali  $\Gamma$  ed una formula  $\alpha$ ,  $\Gamma$  implica logicamente  $\alpha$  se e solo se  $\Gamma \cup \{\neg \alpha\}$  è insoddisfacibile.
- 3b) Verificare se la formula ((a  $\rightarrow$  b)  $\land \neg$  (a  $\rightarrow \neg$ (b  $\rightarrow \neg$ a))) è soddisfacibile attraverso una riduzione a forma a clausole e poi l'applicazione dell'algoritmo DPLL.