

3) a)

$$N_1 = 0$$

$$N_2 = 0,11111111 \times 2^{1111} = (1 - 2^{-8}) \times 2^{15}$$

$$N_3 = 0,00000001 \times 2^{0000} = 2^{-8}$$

$$N_4 = 0,11111110 \times 2^{1111}$$

$$R_1 = \text{Resolución extremo inferior} = N_3 - N_1 = 2^{-8}$$

$$R_2 = \text{Resolución extremo superior} = N_2 - N_4 = (0,11111111 - 0,11111110) \times 2^{15} = 2^{-8} \cdot 2^{15} = 2^7$$



b)

$$N_1 = 0,1000000000000000 \times 2^{1000000000} = 0,5 \times 2^{-511}$$

$$N_2 = 0,1111111111111111 \times 2^{0111111111} = (1 - 2^{-15}) \times 2^{+511}$$

$$N_4 = 0,1111111111111110 \times 2^{0111111111}$$

$$N_3 = 0,1000000000000001 \times 2^{1000000000} = (2^{-1} + 2^{-15}) \times 2^{-511}$$

$$R_1 = \text{Resolución extremo inferior} = N_3 - N_1 = (0,1000000000000001 - 0,1000000000000000) \times 2^{1000000000} \\ = 0,0000000000000001 \times 2^{1000000000} = 2^{-15} \cdot 2^{-511}$$

$$R_2 = \text{Resolución extremo superior} = N_2 - N_4 = (0,1111111111111111 - 0,1111111111111110) \times 2^{0111111111} \\ = 0,0000000000000001 \times 2^{0111111111} = 2^{-15} \times 2^{+511}$$



c)

$$N_1 = 0,1000000000000000 \times 2^0 = 0,5$$

$$N_2 = 0,1111111111111111 \times 2^{1111111111} = (1 - 2^{-15}) \times 2^{1023}$$

$$N_3 = 0,1000000000000001 \times 2^0 = (0,5 + 2^{-15})$$

Organización de Computadoras –Fac. de Informática – Prof. Jorge M. Runco
Práctica 3 – Punto Flotante – Curso 2015

$$N_4 = 0,111111111111110 \times 2^{111111111}$$

$$R_1 = N_3 - N_1 = 0,5 + 2^{-15} - 0,5 = 2^{-15}$$

$$R_2 = N_2 - N_4 = (0,111111111111111 - 0,111111111111110) \times 2^{1023} = 2^{-15} \times 2^{1023}$$



d)

$$N_1 = 0,1000000000000000 \times 2^{1000000} = 0,5 \times 2^{-64}$$

$$N_2 = 0,1111111111111111 \times 2^{0111111} = (1 - 2^{-16}) \times 2^{+63}$$

$$N_3 = 0,1000000000000001 \times 2^{1000000} = (0,5 + 2^{-16}) \times 2^{-64}$$

$$N_4 = 0,1111111111111110 \times 2^{0111111}$$

$$R_1 = N_3 - N_1 = 2^{-16} \times 2^{-64}$$

$$R_2 = N_2 - N_4 = 2^{-16} \times 2^{+63}$$

4) - 5,0625

e) $- 5,0625 = 1 \ 101,000100000000 \times 2^0 = 1 \ 0,101000100000000 \times 2^3$

$$+ \begin{array}{r} 00011 \\ 10000 \\ \hline 10011 \end{array} \quad \begin{array}{l} \\ \\ \text{Exponente 3 en Exceso} \end{array} \quad = 1 \ 0,101000100000000 \times 2^{10011} \quad \leftarrow \text{Red arrow with three vertical bars}$$

1	10011	01000100000000	$\leftarrow \text{Red arrow with three vertical bars}$
---	-------	----------------	--


a, b, c y d = mantisa sin signo

0,015625


a) $0,015625 = 0,00000100 \times 2^0 = 0,00000100 \times 2^{0000} \quad \leftarrow \text{Red arrow with three vertical bars}$

Organización de Computadoras –Fac. de Informática – Prof. Jorge M. Runco
Práctica 3 – Punto Flotante – Curso 2015

Otras alternativas $0,00000010 \times 2^1 = 0,00000010 \times 2^{0001}$
 $0,00000001 \times 2^2 = 0,00000001 \times 2^{0010}$


0000	00000100	
------	----------	---

b) $0,015625 = 0,0000010000000000 \times 2^0 = 0,1000000000000000 \times 2^{-5} =$
 $= 0,1000000000000000 \times 2^{111111010}$

111111010	1000000000000000	
-----------	------------------	--


c) Exponente BSS, no se puede representar -5.

d) $0,015625 = 0,1000000000000000 \times 2^{111011}$


111011	0000000000000000	
--------	------------------	---

e) $0,015625 = 0,1000000000000000 \times 2^{-5} = 0,1000000000000000 \times 2^{011011}$


$$\begin{array}{r}
 + \quad \begin{array}{r} 111011 \\ 1000000 \\ \hline 0111011 \end{array} \quad \begin{array}{l} -5 \text{ en Exceso} \end{array}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 + \quad \begin{array}{r} -5 \\ 64 \\ \hline 59 \end{array}$$

0	0111011	0000000000000000	
---	---------	------------------	--

Organización de Computadoras –Fac. de Informática – Prof. Jorge M. Runco
Práctica 3 – Punto Flotante – Curso 2015

6) $00001111 \ 00000011 + 00001000 \ 00000010 = 15 \times 2^3 + 8 \times 2^2 = 120 + 32 = 152$ 

$$\begin{array}{r} + \quad 00001111 \times 2^3 \\ \quad 00000100 \times 2^3 \\ \hline \quad 00010011 \times 2^3 \end{array} = 19 \times 2^3 = 19 \times 8 = 152 \quad \leftarrow$$

$01111111 \ 00000000 + 11111100 \ 10000001 = 127 \times 2^0 + 252 \times 2^{-1} = 127 + 126 = 253$ 

$$\begin{array}{r} \quad 111111 \\ + \quad 01111111 \times 2^0 \\ \quad 01111110 \times 2^0 \\ \hline \quad 11111101 \times 2^0 \end{array} = 253 \times 2^0 = 253 \quad \leftarrow$$

$00000001 \ 00000111 + 00011100 \ 00000000 =$

7) **8,625**

a) Mantisa fraccionaria normalizada de 5 bits BSS, exponente Ca2 4 bits.

$$8,625 = 1000,101 \times 2^0 = 0,1000101 \times 2^4 \text{ Mantisa sólo con 5 bits, } \longrightarrow 0,10001 \times 2^4$$

$$= (2^{-1} + 2^{-5}) \times 2^4 = 8,5 \quad \longleftarrow$$

0100	10001
------	-------

El N° que le sigue = $(2^{-1} + 2^{-4}) \times 2^4 = 9$.

8,625 no tiene una representación exacta en este sistema. 8,5 está más cerca que 9.

b) Mantisa fraccionaria normalizada de 10 bits BCS, exponente 4 bits Ca2.

$$8,625 = 0 \ 1000,101 \times 2^0 = 0 \ 0,100010100 \times 2^4 = 0 \ 0,100010100 \times 2^{0100} =$$

$$= + (0,5 + 0,03125 + 0,0078125) \times 16 = 8,625 \quad \longleftarrow$$

0	0100	100010100
---	------	-----------

2,5

$$a) \ 2,5 = 10,1 \times 2^0 = 0,101 \times 2^2 = 0,10100 \times 2^{0010} = (2^{-1} + 2^{-3}) \times 4 = 2,5 \quad \longleftarrow$$

0010	10100
------	-------

$$b) \ 2,5 = 0 \ 0,101000000 \times 2^{0010} \quad \longleftarrow$$

0	0010	101000000
---	------	-----------

0,4

$$a) \begin{aligned} 0,4 \times 2 &= 0,8 \\ 0,8 \times 2 &= 1,6 \\ 0,6 \times 2 &= 1,2 \\ 0,2 \times 2 &= 0,4 \\ 0,4 \times 2 &= 0,8 \\ 0,8 \times 2 &= 1,6 \end{aligned}$$

$$0,4 \longrightarrow 0,01100 \times 2^0 \longrightarrow \text{corriendo la coma entra un dígito más}$$

$$0,11001 \times 2^{-1} = 0,11001 \times 2^{1111} = 0,390625$$

$$\text{El que sigue} = 0,11010 \times 2^{-1} = (0,5 + 0,25 + 0,0625) \times 0,5 = 0,40625 \quad \longleftarrow$$

Esta representación es más cercana a 0,4.

b) $0,4 \xrightarrow{\text{orange arrow}} 0,011001100 \times 2^0 = 0,110011001 \times 2^{-1} = (2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-5} + 2^{-6} + 2^{-9}) \times 0,5 = 0,399414062$

$0,6 \times 2 = 1,2$

$0,2 \times 2 = 0,4$

$0,4 \times 2 = 0,8$

$0,8 \times 2 = 1,6$

El que sigue $= (2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-5} + 2^{-6} + 2^{-8}) \times 0,5 = 0,400390625 \xleftarrow{\text{red arrow}}$

Está más cerca de 0,4 (menor error)

9) **8,625**

a) $8,5 < 8,625 < (2^{-1} + 2^{-5}) \times 2^4 = 9$

$E_A = 8,625 - 8,5 = 0,125 \xleftarrow{\text{green arrow}} \text{Menor error}$

$E_A = 9 - 8,625 = 0,375$

$E_R = E_A / N^o \text{ a representar} = 0,125 / 8,625 \sim 0,0145 \xleftarrow{\text{green arrow}}$

b) $E_A = 0$ Representación exacta

2,5

a) $E_A = 0$

b) $E_A = 0$

0,4

a) $0,390625 < 0,4 < 0,40625$

$E_A = 0,4 - 0,390625 = 0,009375$

$E_A = 0,40625 - 0,4 = 0,00625 \xleftarrow{\text{green arrow}} \text{Menor error}$

$E_R = 0,00625 / 0,4 = 0,015625 \xleftarrow{\text{green arrow}}$

b)

$E_A = 0,4 - 0,399414062 = 0,000585938$

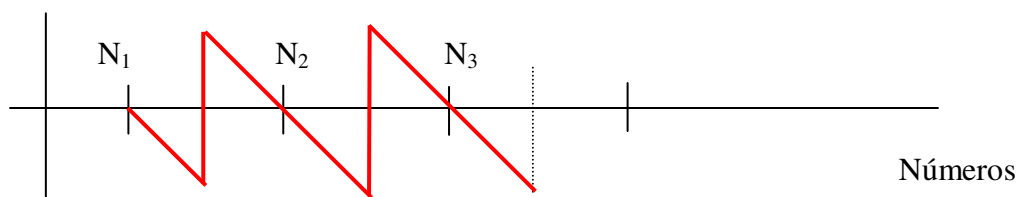
$E_A = 0,400390625 - 0,4 = 0,000390625 \xleftarrow{\text{green arrow}} \text{Menor error}$

$E_R = 0,000390625 / 0,4$

Organización de Computadoras –Fac. de Informática – Prof. Jorge M. Runco
Práctica 3 – Punto Flotante – Curso 2015

11)

Error



13)

1 11111110 101000000000000000000000 = $-1,625 \times 2^{+127}$
 0 00000000 000000000000000000000001 = $+(2^{-25}) \times 2^{-126}$
 0 00000000 100110000000000000000000 = $+(2^{-1} + 2^{-4} + 2^{-5}) \times 2^{-126}$
 1 00000000 000000000000000000000000 = -0
 0 11111111 000000000000000000000000 = $+\infty$
 0 11111111 000001000000000000000000 = NAN

14)

$$0,0625 = 0 \ 0,0001000000.....00 \times 2^0 = 0 \ 1,00000.....000 \times 2^4 = 0 \ 1,000000.....000 \times 2^{10000011}$$

0	10000011	00000000.....0000
---	----------	-------------------

$$\begin{aligned}
 -40000 &= 1 \ 1001110001000000 \times 2^0 = 1 \ 1,001110001000000000000000 \times 2^{15} = \\
 &= 1 \ 1,001110001000000000000000 \times 2^{10001110}
 \end{aligned}$$

0	10001110	00111000100000.....0000
---	----------	-------------------------