



Clase 1



Bibliografía y web de cátedra

- Organización y Arquitectura de Computadoras Diseño para optimizar prestaciones, Stallings W., Editorial Prentice Hall (5º edición).
- Organización de Computadoras, Tanenbaum A., Editorial Prentice Hall (4º edición).
- Estructura de Computadores y Periféricos, Martinez Durá R. et al., Editorial Alfaomega, 2001.
- Arquitectura de Computadores-Un enfoque cuantitativo Hennessy & Patterson, Editorial Mc Graw Hill (1º edición).
- http://weblidi.info.unlp.edu.ar/catedras/organiza/

Notas de Clase 1



Repaso Curso de Ingreso

- Representación de Datos.
- Números sin signo. BCD.
- Lógica digital. Álgebra de Boole.

Notas de Clase 1

3



Representación de datos

- Las computadoras almacenan datos e instrucciones en memoria
- Para ello utilizan el sistema binario
- Razones :
 - el dispositivo se encuentra en uno de dos estados posibles (0 ó 1)
 - identificar el estado es más fácil si sólo hay dos

Notas de Clase 1



Representación de datos

- Ejemplo :
 - lámpara encendida ó apagada
 - lámpara encendida con 10 intensidades distintas
 - Es más fácil conocer el "estado" de la lámpara en el primer caso (encendida ó apagada), que determinar alguna de las 10 intensidades distintas

Notas de Clase 1

5



Tipos de datos

Las computadoras manejan 4 tipos básicos de datos binarios

- Números enteros sin/con signo
- Números reales con signo
- Números decimales codificados en binario (BCD)
- Caracteres

Notas de Clase 1



Representación de números enteros

- ➤ Sin signo
- ➤ Módulo y signo
- Complemento a uno (Ca1)
 Complemento a la base reducida
- Complemento a dos (Ca2)
 Complemento a la base
- > Exceso

Notas de Clase 1

7



Números enteros sin signo

Si el número tiene n bits, puedo representar

2ⁿ = números distintos

El rango va desde

 \triangleright 0 a (2^n-1)

Notas de Clase 1



Números enteros sin signo

Ejemplo: n = 3 bits

 Decimal
 Representación sin signo

 0
 000

 1
 001

 2
 010

 ...
 ...

 7
 111

Notas de Clase 1

^



Números enteros sin signo

Ejemplo: n = 8 bits

0 00000000

......

128 10000000

..

254 11111110

255 11111111

Notas de Clase 1



Números enteros sin signo

 RECORDAR: la cantidad de representaciones distintas depende del número de bits

 $N^{\circ}s$ distintos = 2^{n}

Notas de Clase 1

11



Sistemas Posicionales

Teorema Fundamental de la Numeración

$$N^{\circ} = \sum_{i=-m}^{n} (digito)_{i} \times (base)^{i}$$

$$... + x_4 \times B^4 + x_3 \times B^3 + x_2 \times B^2 + x_1 \times B^1 + x_0 \times B^0 + x_{-1} \times B^{-1} + x_{-2} \times B^{-2} + ...$$

Nº es el valor decimal de una cantidad expresada en base B y con (n+1+m) dígitos en posiciones i.

Notas de Clase 1



Sistema Decimal

- Base 10.
- Dígitos {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}

$$3574 = 3000 + 500 + 70 + 4$$

$$= 3 \times 10^3 + 5 \times 10^2 + 7 \times 10^1 + 4 \times 10^0$$

■ 3 unidades de mil + 5 centenas + 7 decenas + 4 unidades

$$3.1416_{(10} = 3 \times 10^{0} + 1 \times 10^{-1} + 4 \times 10^{-2} + 1 \times 10^{-3} + 6 \times 10^{-4}$$

3 unidades + 1 décima + 4 centésimas + 1 milésima + 4 diezmilésimas

Notas de Clase 1

13



Sistema Binario

- Base 2.
- Dígitos {0,1}

$$1001,1_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1}$$

$$= 8 + 0 + 0 + 1 + 0,5$$

$$= 9,5_{10}$$

Notas de Clase 1



Números en punto fijo (1)

- Se considera que todos los números a representar tienen exactamente la misma cantidad de dígitos y la coma fraccionaria está siempre ubicada en el mismo lugar.
- En sistema decimal: 0,23 ó 5,12 ó 9,11
 - En los ejemplos cada número tiene tres dígitos, y la coma está a la derecha del mas significativo

Notas de Clase 1

15



Números en punto fijo (2)

- > En sistema binario:
 - 11,10 $(3,5)_{10}$ ó 01,10 $(1,5)_{10}$ ó 00,11 $(0,75)_{10}$
 - Hay 4 dígitos y la coma está entre el 2^{do} y 3^{er} dígito.
- La diferencia principal entre la representación en el papel y su almacenamiento en computadora, es que no se guarda coma alguna, se supone que está en un lugar determinado.

Notas de Clase 1



Punto Fijo: Rango y Resolución

Rango: desde el número mayor al menor que puedo representar

Resolución: diferencia entre dos números consecutivos

 Para el ejemplo anterior en sistema decimal Rango es de 0,00 a 9,99 ó [0,00...9,99] Resolución es 0,01

$$2,32 - 2,31 = 0,01$$
 ó $9,99 - 9,98 = 0,01$

Notas de Clase 1

17

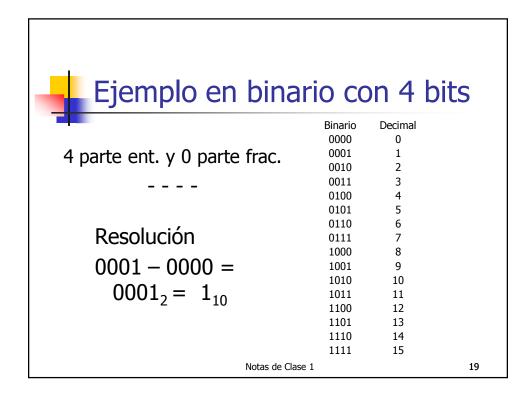


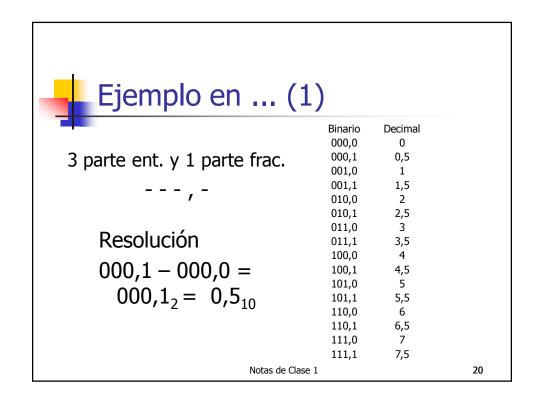
Rango y Resolución(2)

- Notar que hay un compromiso entre rango y resolución.
- ❖ Si mantenemos tres dígitos y desplazamos la coma dos lugares a la derecha, el rango pasa a ser [0,..,999] y la resolución valdrá 1.

En cualquiera de los casos hay 10³ números distintos

Notas de Clase 1





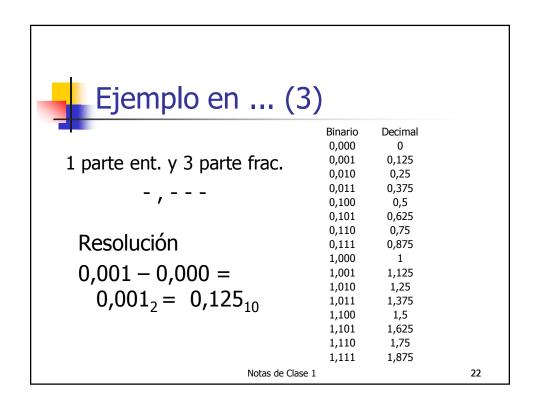
Ejemplo en ... (2)

2 parte ent. y 2 parte frac.

--, --

Resolución

$$00,00$$
 $0,01$
 $0,25$
 $00,10$
 $0,5$
 $01,00$
 1
 $01,01$
 $1,25$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $1,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $0,5$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,10$
 $01,1$



Ejemplo en ... (4) Binario Decimal ,0000 0 parte ent. y 4 parte frac. ,0001 0,0625 ,0010 0,125 ,0011 0,1875 ,0100 0,25 ,0101 0,3125 ,0110 0,375 Resolución ,0111 0,4375 ,1000 0,5 ,0001 - ,0000 =,1001 0,5625 ,1010 0,625 $,0001_2 = 0,0625_{10}$,1011 0,6875 ,1100 0,75 ,1101 0,8125 ,1110 0,875 ,1111 0,9375 23 Notas de Clase 1



Representación y error

- Al convertir un número decimal a sistema binario tendremos 2 casos:
 - Sin restricción en la cantidad de bits a usar
 3,125₁₀ = 11,001₂
 - Con restricción, por ejemplo 3 bits para parte entera y 4 bits para parte fraccionaria
 - $3,125_{10} = 011,0010_2$

No cometemos error

Notas de Clase 1



Representación y error (2)

- Convertir 3,2₁₀ con distintas restricciones
 - 3 bits para parte fraccionaria: $011,001_2 = 3,125_{10}$

• Error = 3.2 - 3.125 = 0.075

- 4 bits para parte fraccionaria: $011,0011_2 = 3,1875_{10}$
 - Error = 3.2 3.1875 = 0.0125
- 5 bits para parte fraccionaria: $011,00111_2 = 3,21875_{10}$
 - Error = 3,2 3,21875 = 0,01875
- El error más pequeño es 0,0125 entonces 3,1875 es la representación más cercana a 3,2 y podría utilizar sólo 4 bits para la parte fraccionaria.

Notas de Clase 1

25



Operaciones aritméticas

- Suma en binario
 - Al ser un sistema posicional la suma es como en decimal con acarreos entre posiciones al superar el máximo valor representable con un dígito
 - Ej: 1+1= 10 (ó '1 y me llevo 1')
 - Valores mas grandes requieren mas bits
- Hasta ahora sólo representamos valores en binario sin signo (que llamamos BSS).
 - Las restas se podrán realizar si acomodamos los operandos de modo tal que resultado sea mayor que cero, sino deberemos 'pedir prestado'.

Notas de Clase 1



Bits de condición (banderas)

- ✓ Son bits que el procesador establece de modo automático acorde al resultado de cada operación realizada.
- ✓ Sus valores permitirán tomar decisiones como:
 - ✓ Realizar o no una transferencia de control.
 - ✓ Determinar relaciones entre números (mayor, menor, igual).

Notas de Clase 1

27



Banderas aritméticas

- ❖ Z (cero): vale 1 si el resultado de la operación son todos bits 0.
- C (carry): en la suma vale 1 si hay acarreo del bit más significativo; en la resta vale 1 si hay 'borrow' hacia el bit más significativo.
 - ❖Cuando la operación involucra números sin signo, C=1 indica una condición fuera de rango.

Notas de Clase 1



Sistema Hexadecimal

- Base 16.
- Dígitos {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9, A, B, C, D, E, F}10,11,12,13,14,15

$$2CA_{16} = 2 \times 16^{2} + C \times 16^{1} + A \times 16^{0} + 8 \times 16^{-1}$$

= 512 + 192 + 10 + 0,5
= 714,5₁₀

Notas de Clase 1

29



Sistema hexadecimal codificado en binario (BCH)

- Los dígitos hexadecimales se convierten uno a uno en binario
- Para representar un dígito hexadecimal se utilizará siempre 4 bits
- Se asocia cada dígito con su valor en binario puro

Notas de Clase 1

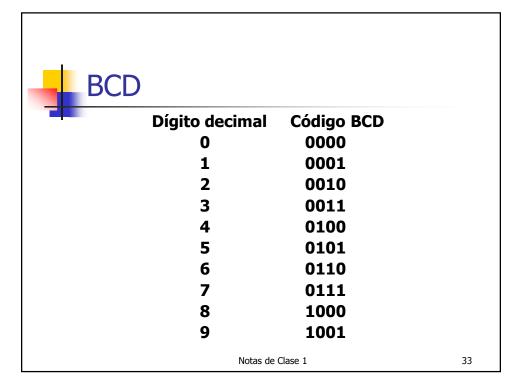
BCH	Dígito hexadecimal 0 1	Código BCH 0000 0001	
	2	0010	
	3	0011	
	4	0100	
	5	0101	
	6	0110	
	7	0111	
	8	1000	
	9	1001	
	A	1010	
	В	1011	
	С	1100	
	D	1101	
	E	1110	
	F	1111	
	Notas de Clase 1		31



Sistema decimal codificado en binario (BCD)

- Los dígitos decimales se convierten uno a uno en binario
- Para representar un dígito decimal se requerirán 4 bits
- Se asocia cada dígito con su valor en binario puro

Notas de Clase 1





- BCD tiene dos ámbitos de aplicación:
- E/S y periféricos, los números se codifican usando un byte por dígito. Se dice que el número está *desempaquetado*.
- En cálculo, se reservan 4 bits por dígito. Se dice que el número está *empaquetado*.

Notas de Clase 1



Ejemplo: desempaquetado sin signo

```
834 = 11111000 11110011 11110100
= F8 F3 F4
```

 Por cada dígito se usan 8 bits, 4 para el binario puro y 4 se completan con "1"

Notas de Clase 1

35



BCD

- Desempaquetado con signo
- Con 4 bits hay 2⁴=16 combinaciones posibles de unos y ceros :
- ➤ Diez usamos para los dígitos 0 al 9
- Nos quedan seis sin usar
- C₁₆= 1100 representa al signo +
- \triangleright D_{16 =} 1101 representa al signo -

Notas de Clase 1



• Ejemplo: desempaquetado con signo

```
+ 834 = 11111000 11110011 11000100
= F8 F3 C4
```

 Los 4 bits que acompañan al último dígito son reemplazados por el signo.

Notas de Clase 1

37



BCD

Ejemplo:

Notas de Clase 1



Ejemplo: empaquetado con signo

```
■ + 834 = 10000011 01001100

= 83 4C

■ - 34 = 00000011 01001101
```

= 034D

Notas de Clase 1

30



Suma en BCD

- ➤ De las 16 representaciones posibles con 4 bits, usamos 10 para los dígitos 0 al 9
- ➤ Nos sobran 6 combinaciones de 4 bits
- ➤ Al sumar dos dígitos BCD, se nos presentan dos casos :
 - ♣la suma es ≤ 9
 - ❖la suma es > 9

Notas de Clase 1



Suma en BCD

• En el primer caso no hay problema

Notas de Clase 1

41



Suma en BCD

■ En el segundo caso ¿Qué sucede?

Notas de Clase 1



Suma en BCD

- Cuando la suma de los dos dígitos da >9 hay que generar el "acarreo" porque hay seis combinaciones no usadas
- Entonces: cuando la suma de los dígitos es9 hay que sumar 6 en ese dígito

Notas de Clase 1

43



Suma en BCD

Notas de Clase 1



Suma en BCD

Ejemplo

Notas de Clase 1

45



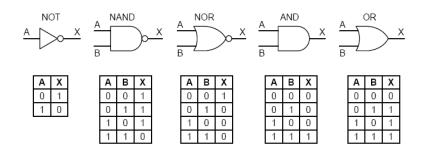
El nivel de lógica digital

- Un circuito digital es en el que están presentes dos valores lógicos
- Compuertas son dispositivos electrónicos que pueden realizar distintas funciones con estos dos valores lógicos
- Como vimos en el Ingreso las compuertas básicas son: AND, OR, NOT, NAND, NOR y XOR

Notas de Clase 1



Compuertas: símbolo y descripción funcional



Notas de Clase 1

47



Algebra Booleana

Para describir los circuitos que pueden construirse combinando compuertas, se requiere un nuevo tipo de álgebra, donde las variables y funciones sólo puedan adoptar valores 0 ó 1: álgebra booleana.

Notas de Clase 1



Algebra Booleana

Puesto que una función booleana de n variables tiene 2ⁿ combinaciones de los valores de entrada, la función puede describirse totalmente con una tabla de 2ⁿ renglones, donde c/u indica un valor de la función (0 ó 1) para cada combinación distinta de las entradas:

=> tabla de verdad

Notas de Clase 1

49



Recordemos algunas identidades del álgebra booleana

Identidad	1.A=A	0+A=A
Nula	0.A=0	1+A=1
Idempotencia	A.A=A	A+A=A
Inversa	$A.\overline{A}=0$	$A+\overline{A}=1$
Conmutativa	A.B=B.A	A+B=B+A
Asociativa	(AB).C=A(BC)	(A+B)+C=A+(B+C)
Distributiva	A+B.C=(A+B).(A+C)	A.(B+C)=AB+AC
Absorción	A.(A+B)=A	A+A.B=A
De Morgan	$\overline{A.B} = \overline{A} + \overline{B}$	A+B=A.B

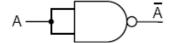
Notas de Clase 1



Leyes de De Morgan

➤ Ejemplo: construir un NOT con NAND

$$F = \overline{A.B} = \overline{A.A} = \overline{A}$$



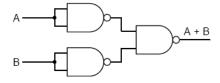
Notas de Clase 1

51



Leyes de De Morgan

■ Ejemplo: construir un OR con NAND



Notas de Clase 1



Implementación de funciones booleanas

- Escribir la tabla de verdad para la función
- Dibujar una AND para cada término que tiene un 1 en la columna de resultado (con sus entradas apropiadas)
- Invertir las entradas necesarias
- Unir todas las AND a una OR

Notas de Clase 1

53

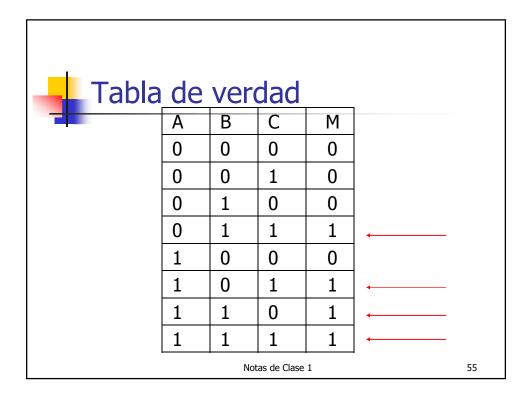


Implementación

Ejemplo: construir la tabla de verdad e implementar el circuito de una función booleana M, de tres entradas A, B y C, tal que M=1 cuando la cantidad de '1' en A, B y C es ≥ 2 y M=0 en otro caso.



Notas de Clase 1



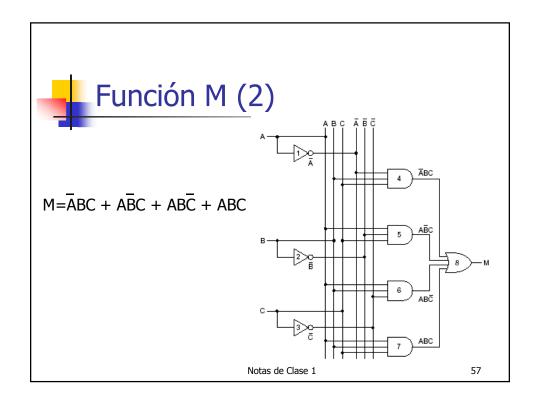


Función M

$M = \overline{A}BC + A\overline{B}C + AB\overline{C} + ABC$

- Hay tantos términos como 1s en la tabla
- Cada término vale 1 para una única combinación de A, B y C
- Las variables que valen 0 en la tabla aparecen aquí negadas

Notas de Clase 1





Otro ejemplo

Supongamos la siguiente Tabla de Verdad

Α	В	М
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Función $M = \overline{AB} + A\overline{B} \Rightarrow M = A XOR B$

Notas de Clase 1



Recordemos

- ✓ En un AND, basta que una de sus entradas sea 0 para que la función valga 0.
- ✓ En un OR, basta que una de sus entradas sea 1 para que la función valga 1.
- ✓ Hacer el XOR con 1 invierte el valor de la variable.
- ✓ Hacer el XOR con 0 deja el valor de la variable como estaba.

Notas de Clase 1

59



Circuitos combinatorios

Ejemplo

S representa la suma aritmética de 2 bits y C es el acarreo

Semi-sumador ó Half adder

Notas de Clase 1



mayor información ...

- Sistemas enteros y Punto fijo
 - Apunte 1 de Cátedra
- Operaciones lógicas
 - Apunte 3 de Cátedra
- Apéndice 8A: Sistemas de Numeración
 - Stallings, 5° Ed.
- Apéndice A: Lógica digital (A.1., A.2.)
 - Stallings, 5° Ed.
- Capítulo 3: Lógica digital y representación numérica
 - Apuntes COC Ingreso 2013

Notas de Clase 1