

Universidad Nacional de Rosario Facultad de Ciencias Exactas, Ingeniería y Agrimensura Escuela de Ingeniería Electrónica A-15 - Dispositivos y Circuitos Electrónicos II



A-15 Dispositivos y Circuitos Electrónicos II Ingeniería Electrónica

Amplificadores de Instrumentación

Autores:

Ing. Sergio Eberlein (Profesor Asociado) Ing. Osvaldo Vázquez (Profesor Adjunto)

Índice

Índice	2
1. Amplificador de Instrumentación Ideal	3
1.1 El Amplificador Diferencial	
1.2 Dónde falla esta configuración típica	
2. Amplificador de instrumentación – Configuración Básica	8
3. Amplificador de instrumentación con variación de ganancia lineal	. 12
4. Amplificadores de instrumentación integrados -INA114	13
5. Amplificadores de instrumentación de ganancia programable - PGA204	. 15
6. Amplificadores diferenciales integrados - INA117	. 17
7. Anexo 1:	20
8. Bibliografía:	22

1. Amplificador de Instrumentación Ideal

Los AMPLIFICADORES DE INSTRUMENTACION son amplificadores diferenciales con las siguientes características:

- a) Z_{id} y $Z_{ic}
 ightarrow \infty$ (para no afectar la fuente de señal a medir)
- b) $Z_0 \rightarrow 0$ (para que no afecte la entrada de la etapa siguiente)
- c) Av exacta y estable (1 1000) y controlable
- d) $F_R \rightarrow \infty$
- e) Bajo offset y deriva para trabajar con entradas de continua y pequeñas.

USO: Amplificador de señal de bajo valor, con alta componente en modo común. Por ejemplo, la salida de un transductor.

Veamos la configuración más simple:

1.1 El Amplificador Diferencial

Veamos un amplificador básico: El Amplificador Diferencial.

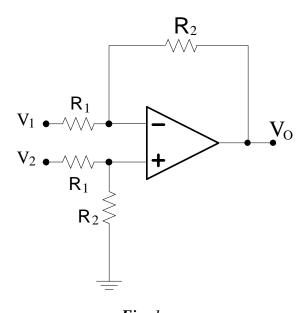


Fig. 1

1.2 Dónde falla esta configuración típica.

Analicemos las características básicas que debe cumplir:

a) Impedancia de Entrada:

Este es uno de los principales problemas de esta configuración. Las impedancias de entrada no son infinitas. Como consecuencia configuración carga a las etapas previas.

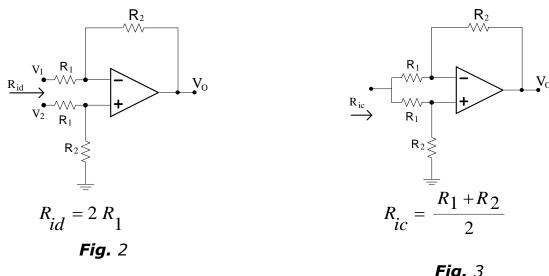


Fig. 3

b) Impedancia de Salida:

La impedancia de salida de esta configuración resulta adecuada. Esta es muy baja ya que es aproximadamente la impedancia de salida del AO.

c) La ganancia y su ajuste:

Planteemos un amplificador diferencial genérico:

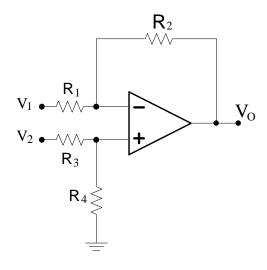


Fig. 4

Resolviendo el circuito resulta:

$$V_0 = -\frac{R_2}{R_1} V_1 + \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left[1 + \frac{R_2}{R_1} \right] V_2$$

Descomponiendo V_1 y V_2 en sus componentes a modo común y a modo diferencial. Es decir:

$$V_1 = V_c + \frac{V_d}{2} \qquad \qquad V_2 = V_c - \frac{V_d}{2}$$

Reemplazando V_1 y V_2 en la ecuación de la V_0 y trabajando resulta:

$$V_0 = -\frac{1}{2} \left[\frac{R_2}{R_1} + \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right) \right] V_d + \frac{R_1 R_4 - R_2 R_3}{R_1 \left(R_3 + R_4 \right)} V_c$$

Donde:

$$V_d = V_1 - V_2$$
 y $V_c = \frac{V_1 + V_2}{2}$

Entonces resulta:

$$A_{d} = -\frac{1}{2} \left[\frac{R_{2}}{R_{1}} + \frac{R_{4}}{R_{3} + R_{4}} \left(1 + \frac{R_{2}}{R_{1}} \right) \right]$$

$$A_c = \frac{R_1 R_4 - R_2 R_3}{R_1 (R_3 + R_4)}$$

Si,

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$$

entonces:

$$A_c = 0 \quad y \quad A_d = -\frac{R_2}{R_1}$$

Resultando así un amplificador diferencial.

Vemos entonces que para ajustar la ganancia debo variar dos resistencias simultáneamente y con mucha precisión.

Este es un serio inconveniente de esta configuración.

d) Factor de rechazo:

Recordemos que el Factor de Rechazo ${\cal F}_{\cal R}$ o CMRR se define como:

$$CMRR = \left| \frac{A_d}{A_c} \right|$$

En esta configuración el Factor de Rechazo se degrada por dos causas, por lo que resulta difícil conseguir factores de rechazo (CMRR) altos. Estas causas son:

- El factor de rechazo (CMRR) debido a la dispersión o desapareamiento de las resistencias. Observemos que aparece una $A_c \neq 0$
- El factor de rechazo (CMRR) propio de los AO.

El CMRR total del circuito resulta:

$$\frac{1}{CMRR_{TOTAL}} = \frac{1}{CMRR_{AO}} + \frac{1}{CMRR_{RESISTENCIAS}}$$

$$CMRR_{TOTAL} = CMRR_{AO} / CMRR_{RESISTENCIAS}$$

Donde:

 $\mathit{CMRR}_{\scriptscriptstyle{AO}}$: Es el factor de rechazo del circuito considerando el AO real ($\mathit{F}_{R} \neq \infty$) y las resistencias perfectamente apareadas. Cabe aclarar que el $\mathit{CMRR}_{\scriptscriptstyle{AO}}$ del circuito en este caso particular coincide con el factor de rechazo del AO utilizado, ver Anexo 1.

 $\it CMRR_{\it RESISTENCIAS}$: Es el factor de rechazo del circuito considerando el AO ideal ($\it F_{\it R}=\infty$) y las resistencias desapareadas. Utilizando las expresiones de la página anterior puedo obtener el valor de $\it CMRR_{\it RESISTENCIAS}$

$$CMRR_{RESISTENCIAS} = \left| \frac{A_d}{A_c} \right| = \frac{1}{2} \frac{R_1 R_4 + R_2 R_3 + 2R_2 R_4}{R_1 R_4 - R_2 R_3}$$

Vemos entonces que $\mathit{CMRR}_\mathit{TOTAL}$ es como un paralelo. El $\mathit{CMRR}_\mathit{TOTAL}$ será menor que el menor de los dos.

e) Offset y su deriva:

Estos parámetros dependen solo de la calidad AO utilizado.

Conclusión: El AD básico tiene bajas prestaciones pensado como amplificador de instrumentación.

Una solución seria el circuito que veremos a continuación.

2. Amplificador de instrumentación – Configuración Básica

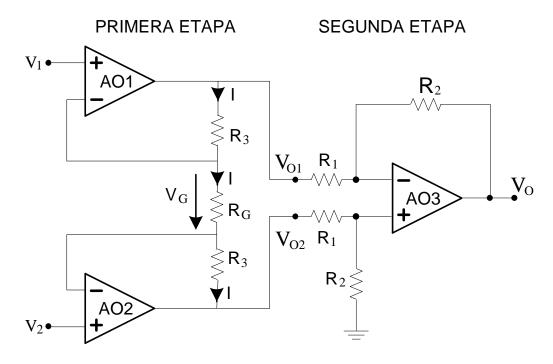


Fig. 5

Vemos que esta configuración resuelve satisfactoriamente el tema de la impedancia de entrada, ya que esta seria idealmente infinito.

Veamos que ocurre con el tema de la Ganancia y el Factor de Rechazo.

Planteemos la función transferencia de la etapa de entrada:

$$V_{G} = V_{1} - V_{2}$$

$$I = \frac{V_{1} - V_{2}}{R_{G}}$$

$$\Rightarrow \frac{V_{01} - V_{02}}{V_{1} - V_{02}} = \frac{(2R_{3} + R_{G})}{R_{G}}$$

Veamos que ocurre para una señal a modo común en la entrada:

Aparece en la salida de la primera etapa ya que Avc = 1 para la primera etapa (observar que son circuitos seguidores).

Transferencia de la segunda etapa:

$$V_0 = -\left(V_{01} - V_{02}\right) \frac{R_2}{R_1}$$

La transferencia total resulta del producto de las ganancias:

$$V_0 = -(V_1 - V_2) \left(\frac{2R_3}{R_G} + 1\right) \frac{R_2}{R_1}$$

$$\Rightarrow \frac{V_0}{V_2 - V_1} = \left(\frac{2R_3}{R_G} + 1\right) \frac{R_2}{R_1}$$

Este circuito cumple con los requisitos en cuanto a la facilidad del ajuste de la ganancia. Ya que con un solo componente R_G puedo ajustar la ganancia, evitando el ajuste de dos resistencias simultáneamente como en el circuito anterior.

Pero aparece otra consideración: aquí el ajuste es no lineal, ya que R_G esta en el denominador. Veremos en el punto 4 una variante a este circuito para solucionar este problema.

Que ocurre con el factor de rechazo en esta configuración: Para ello planteemos un circuito genérico como el siguiente:

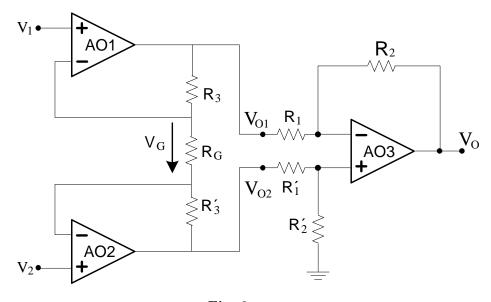


Fig. 6

$$Si \quad \frac{R_1}{R_2} = \frac{R_1'}{R_2'} \quad \Rightarrow \quad CMRR_{RESISTENCIAS} \rightarrow \infty$$

Pero realmente:
$$\frac{R_1}{R_2} \neq \frac{R_1'}{R_2'}$$

Igual que en la configuración anterior existe un factor de rechazo debido al desapareamiento de las resistencias:

Es fácil demostrar que:

$$CMRR_{RESISTENCIAS} = \left| \frac{A_d}{A_c} \right| = \left(1 + \frac{R_3}{R_G} + \frac{R_3'}{R_G} \right) \frac{1}{2} \frac{R_1 R_2' + R_1' R_2 + 2R_2' R_2}{R_1 R_2' - R_1' R_2}$$

Vemos como el factor de rechazo de la segunda etapa se ve amplificado por la ganancia de la primera etapa.

Nota: Si este amplificador se arma en forma discreta la R_2 está constituida por una resistencia fija y un preset de la siguiente manera: (0.9R, fija + 0.2R, un preset variable).

Aunque en la práctica lo usual es utilizar toda la configuración integrada. Utilizando integrados del tipo del INA114 de Burr-Brown como veremos en el punto 6.

Además, los amplificadores operacionales tienen un factor de rechazo distinto de infinito.

Se demuestra que:

$$\frac{1}{CMRR_{Total}} = -\frac{1}{CMRR_{AO1}} + \frac{1}{CMRR_{AO2}} + \frac{1}{\left(1 + \frac{R_3}{R_G} + \frac{R_3^{'}}{R_G}\right)}CMRR_{AO3} + \frac{1}{CMRR_{Resistencias}}$$

Donde utilizando AO iguales para el 1 y el 2 se pueden anular los dos primeros términos de la ecuación.

Y puede verse que el factor de rechazo del AO3 aparece multiplicado por el factor $\left(1+\frac{R_3}{R_G}+\frac{{R_3}'}{R_G}\right)$ (ganancia de la primera etapa), con lo cual resulta amplificado.

Resultando entonces:

$$CMRR_{TOTAL} > CMRR_{SEGUNDA\ ETAPA}$$

Esto se puede ver también conceptualmente de la siguiente forma:

$$CMRR = \left| \frac{A_{Vd}}{A_{Vc}} \right|$$

• Analicemos A_{VC} del conjunto:

Para las señales a modo común la primera etapa se comporta como seguidora, luego resulta:

$$V_{01_C} = V_{1_C}$$

 $V_{02_C} = V_{2_C}$

Es decir, la primera etapa tiene una $A_{VcPRIMERA\ ETAPA}=1$ luego resulta

$$A_{Vc\ TOTAL} = A_{Vc\ SEGUNDA\ ETAPA}$$

• Analicemos A_{Vd} del conjunto:

Aquí si, la primera etapa tiene ganancia a modo diferencial, resultando entonces:

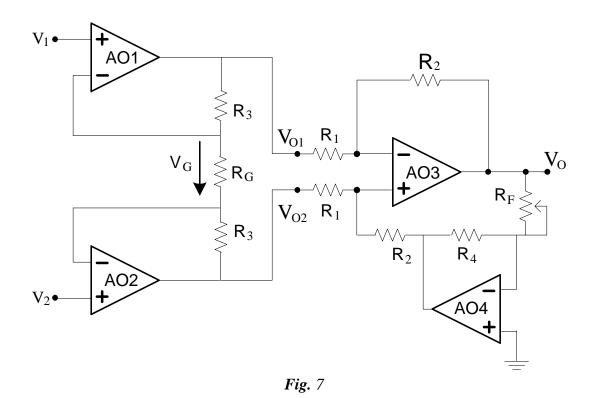
$$A_{Vd\ TOTAL} = A_{Vd\ PRIMERA\ ETAPA}\ A_{Vd\ SEGUNDA\ ETAPA}$$

Entonces vemos que $A_{Vc\ TOTAL}$ se mantiene igual a una etapa diferencial simple (como la segunda etapa) y la $A_{Vd\ TOTAL}$ aumento, en un factor igual a la ganancia de la primera etapa, luego resulta:

$$CMRR_{TOTAL} > CMRR_{SEGUNDA\ ETAPA}$$

3. Amplificador de instrumentación con variación de ganancia lineal

Una posible solución a la variación no lineal del circuito anterior con RG es el siguiente circuito:



Se demuestra que:

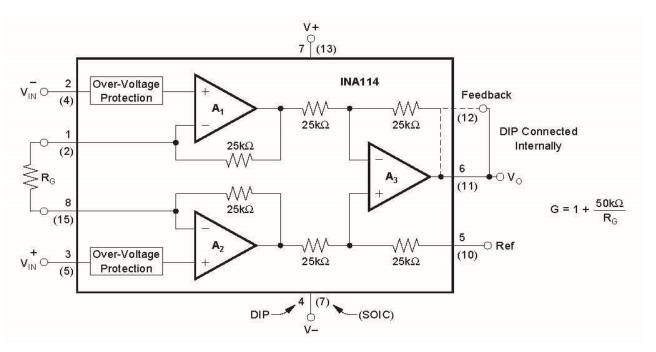
$$V_0 = \frac{R_2 R_F}{R_1 R_A} (V_{02} - V_{01})$$

4. Amplificadores de instrumentación integrados - INA114

Las características de los amplificadores de instrumentación pueden optimizarse si se diseñan como circuitos integrados, ya que el fabricante puede garantizar la precisión de los elementos críticos y lograr el apareamiento de componentes con gran exactitud.

Como ejemplo de estos circuitos integrados veremos el INA114 de Burr-Brown.

Circuito esquemático:



Resumen de Características:

- LOW OFFSET VOLTAGE: 50µV max
- LOW DRIFT: 0.25µV/°C max
- LOW INPUT BIAS CURRENT: 2nA max
- HIGH COMMON-MODE REJECTION: 115dB min
- INPUT OVER-VOLTAGE PROTECTION: ±40V
- WIDE SUPPLY RANGE: ±2.25 to ±18V
- LOW QUIESCENT CURRENT: 3mA max
- 8-PIN PLASTIC AND SOL-16

Especificaciones:

At T_{A} = +25°C, V_{S} = $\pm 15 \text{V}$, R_{L} = 2k Ω , unless otherwise noted.

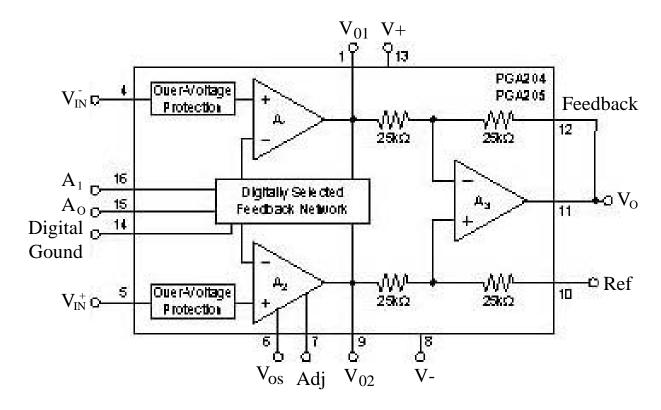
PARAMETER	CONDITIONS	MIN	TYP	MAX	UNITS
INPUT Offset Voltage, RTI Initial vs Temperature vs Power Supply Long-Term Stability Impedance, Differential Common-Mode Input Common-Mode Range Safe Input Voltage Common-Mode Rejection	$T_{A} = +25^{\circ}\text{C}$ $T_{A} = T_{\text{MIN}} \text{ to } T_{\text{MAX}}$ $V_{S} = \pm 2.25 \text{V to } \pm 18 \text{V}$ $V_{CM} = \pm 10 \text{V}, \Delta R_{S} = 1 \text{k}\Omega$	±11	±10 + 20/G ±0.1 + 0.5/G 0.5 + 2/G ±0.2 + 0.5/G 10 ¹⁰ 6 10 ¹⁰ 6 ±13.5	±50 + 100/G ±0.25 + 5/G 3 + 10/G	μV μV/°C μV/V μV/mo Ω pF Ω pF V V
	G = 1 G = 1 G = 10 G = 100 G = 1000	80 96 110 115	96 115 120 120		dB dB dB dB
BIAS CURRENT vs Temperature			±0.5 ±8	±2	nA pA/°C
OFFSET CURRENT vs Temperature			±0.5 ±8	±2	nA pA/°C
NOISE VOLTAGE, RTI f = 10Hz f = 100Hz f = 1kHz f _B = 0.1Hz to 10Hz Noise Current	$G = 1000, R_S = 0\Omega$		15 11 11 0.4		nV√ Hz nV√ Hz nV√Hz μVp-p
f=10Hz f=1kHz f _B = 0.1Hz to 10Hz			0.4 0.2 18		pA.√ Hz pA.√Hz pAp-p
GAIN Gain Equation Range of Gain Gain Error Gain vs Temperature 50kΩ Resistance(1) Nonlinearity	G = 1 G = 10 G = 100 G = 1000 G = 1 G = 1 G = 10 G = 100 G = 1000	1	$\begin{array}{c} 1 + (50 k \Omega / R_G) \\ \pm 0.01 \\ \pm 0.02 \\ \pm 0.05 \\ \pm 0.5 \\ \pm 2 \\ \pm 25 \\ \pm 0.0001 \\ \pm 0.0005 \\ \pm 0.0005 \\ \pm 0.0002 \\ \end{array}$	10000 ±0.05 ±0.4 ±0.5 ±1 ±100 ±0.001 ±0.002 ±0.002 ±0.002	V/V V/V % % % ppm/PC ppm/PC y of FSR % of FSR % of FSR % of FSR
OUTPUT Voltage Load Capacitance Stability Short Circuit Current	$I_{O} = 5\text{mA}, T_{\text{MIN}} \text{ to } T_{\text{MAX}}$ $V_{S} = \pm 11.4 \text{V}, R_{L} = 2\text{k}\Omega$ $V_{S} = \pm 2.25 \text{V}, R_{L} = 2\text{k}\Omega$	±13.5 ±10 ±1	±13.7 ±10.5 ±1.5 1000 +20/-15		V V V pF mA
FREQUENCY RESPONSE Bandwidth, -3dB Slew Rate Settling Time, 0.01% Overload Recovery	G = 1 G = 10 G = 100 G = 1000 $V_0 = \pm 10V, G = 10$ G = 1 G = 10 G = 100 G = 1000 G = 1000	0.3	1 100 10 1 0.6 18 20 120 1100 20		MHz kHz kHz kHz V/μs μs μs μs μs
POWER SUPPLY Voltage Range Current	V _{IN} = 0V	±2.25	±15 ±2.2	±18 ±3	V mA
TEMPERATURE RANGE Specification Operating θ_{JA}		-40 -40	80	85 125	°C °C °C °C

5. Amplificadores de instrumentación de ganancia programable - PGA204

Estos circuitos integrados son amplificadores de instrumentación en los cuales es posible variar la ganancia mediante una red de resistencias integradas en el circuito y cuya topología puede seleccionarse digitalmente accionando llaves analógicas también integradas.

Como ejemplo de estos circuitos integrados veremos el PGA204/205 de Burr-Brown.

Circuito esquemático:



Resumen de Características:

• DIGITALLY PROGRAMMABLE GAIN:

PGA204: G=1, 10, 100, 1000V/V

PGA205: G=1, 2, 4, 8V/V

LOW OFFSET VOLTAGE: 50µV max

LOW OFFSET VOLTAGE DRIFT: 0.25μV/°C

• LOW INPUT BIAS CURRENT: 2nA max

LOW QUIESCENT CURRENT: 5.2mA typ

• NO LOGIC SUPPLY REQUIRED

• 16-PIN PLASTIC DIP, SOL-16 PACKAGES

Especificaciones:

At T_A = +25°C, V_S = ± 15 V, and R_L = 2k\Omega unless otherwise noted.

		PGA204BP, BU			
PARAMETER	CONDITIONS	MIN	TYP	MAX	UNITS
INPUT Offset Voltage, RTI vs Temperature vs Power Supply Long-Term Stability Impedance, Differential Common-Mode Input Common-Mode Range Safe Input Voltage	T_A =+25°C T_A = T_{MIN} to T_{MAX} V_S =±4.5V to ±18V V_O =0V (see text)	±10.5	±10+20/G ±0.1+0.5/G 0.5+2/G ±0.2+0.5/G 10 ¹⁰ 6 11 ¹⁰ 6 ±12.7	±50+100/G ±0.25+5/G 3+10/G	μV μV/°C μV/ν μV/mo Ω pF Ω pF V
Common-Mode Rejection	$V_{\rm CM}$ = $\pm 10V$, $\Delta R_{\rm S}$ = 1 k Ω G= $1G$ = $10G$ = $100G$ = 1000	80 96 110 115	99 114 123 123	±+0	dB dB dB dB
BIAS CURRENT vs Temperature Offset Current vs Temperature			±0.5 ±8 ±0.5 ±8	±2 ±2	nA pA./°C nA pA./°C
NOISE, Voltage, RTI(1): f=10Hz f=100Hz f=1kHz $f_{\rm B}$ =0.1Hz to 10Hz Noise Current f=10Hz f=1kHz f=0.1Hz to 10Hz	$G≥100, R_S=0Ω$ $G≥100, R_S=0Ω$ $G≥100, R_S=0Ω$ $G≥100, R_S=0Ω$		16 13 13 0.4 0.4 0.2 18		nV
GAIN, Error Gain vs Temperature Nonlinearity	G=1 G=10 G=100 G=1000 G=1 to 1000 G=1 G=10 G=100 G=1000		±0.005 ±0.01 ±0.01 ±0.02 ±2.5 ±0.0004 ±0.0004 ±0.0004	±0.024 ±0.024 ±0.024 ±0.05 ±10 ±0.001 ±0.002 ±0.002	% % % ppm/°C % of FSR % of FSR % of FSR % of FSR
OUTPUT Voltage, Positive ⁽²⁾ Negative ⁽²⁾ Load Capacitance Stability Short Circuit Current	$I_{\rm O}$ =5mA, $T_{\rm MIN}$ to $T_{\rm MAX}$ $I_{\rm O}$ =-5mA, $T_{\rm MIN}$ to $T_{\rm MAX}$	(V+)-1.5 (V-)+1.5	(V+)-1.3 (V-)+1.3 1000 +23/-17		V V pF mA
FREQUENCY RESPONSE Bandwidth, -3dB Slew Rate Settling Time ⁽³⁾ , 0.1% 0.01% Overload Recovery	G=1 G=10 G=100 G=1000 V ₀ =±10V, G=10 G=1 G=10 G=100 G=1000 G=10 G=100 G=1000 50% Overdrive	0.3	1 80 10 1 0.7 22 23 100 1000 23 28 140 1300 70		MHz kHz kHz kHz v/µs µs µs µs µs µs µs
DIGITAL LOGIC Digital Ground Voltage, V _{DG} Digital Low Voltage Digital Input Current Digital High Voltage	30 A OVERUIVE	V- V- V _{DG} +2	1	(V+)-4 V _{DG} +0.8V V+	ν ∨ μΑ ∨
POWER SUPPLY, Voltage Current	V _{IN} =0V	±4.5	±15 +5.2/–4.2	±18 ±6.5	V mA
TEMPERATURE RANGE Specification Operating θ_{JA}		-40 -40	80	+85 +125	°C °C °C

6. Amplificadores diferenciales integrados - INA117

Quizás por la manera de desarrollar el tema presentando primero las limitaciones del amplificador diferencial como amplificador de instrumentación puede quedarnos la idea que el amplificador diferencial no sirve y que siempre hay que usar los circuitos mas elaborados.

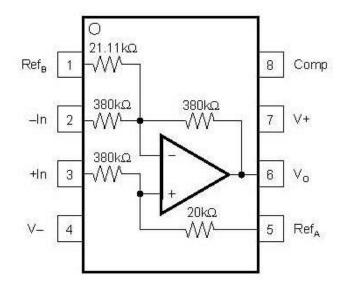
Es cierto que el amplificador diferencial tiene grandes limitaciones, pero para ciertas aplicaciones donde se requiera altas tensiones de entrada me puede resultar sumamente útil. El hecho de ingresar con la señal sobre redes de resistencias de entrada me permite lograr este objetivo.

Esto no lo puedo lograr con el circuito del amplificador de instrumentación típico como el INA114 ya que en este se ingresa con la señal a amplificadores operacionales en configuración seguidora donde las máximas tensiones de entrada para funcionamiento lineal son $\pm 11V$ (si las fuentes de alimentación son de $\pm 15V$).

Por otro lado, si utilizamos versiones integradas de amplificador diferencial me permite solucionar el problema del apareamiento de las resistencias muy bien.

Como ejemplo veremos el INA117.

Circuito esquemático:



Resumen de Características:

COMMON-MODE INPUT RANGE: $\pm 200V$ (Vs = $\pm 15V$)

PROTECTED INPUTS: ±500V Common-Mode ±500V Differential

UNITY GAIN: 0.02% Gain Error max

NONLINEARITY: 0.001% max

CMRR: 86dB min

Especificaciones:

At TA = +25°C, VS = ±15V, unless otherwise noted.

		INA117AM, SM			
PARAMETER	CONDITIONS	MIN	TYP	MAX	UNITS
GAIN Initial (1) Error vs Temperature Nonlinearity (2)			1 0.01 2 0.0002	0.05 10 0.001	V/V % ppm/°C
OUTPUT Rated Voltage Rated Current Impedance Current Limit Capacitive Load	I _O = +20mA, -5mA V _O = 10V To Common Stable Operation	10 +20, –5	0.01 +49, -13 1000		V mA Ω mA pF
INPUT Impedance Voltage Range Common-Mode Rejection (3) DC AC, 60Hz	Differential Common-Mode Differential Common-Mode, Continuous V _{CM} = 400Vp-p	±10 ±200 70 66	800 400 80 80		kΩ kΩ V V dB
vs Temperature, DC AM, BM, P, KU SM	$T_A = T_{MIN}$ to T_{MAX}	66 60	75 75		dB dB
OFFSET VOLTAGE Initial KU Grade (SO-8 Package) vs Temperature vs Supply vs Time	RTO (4) $T_A = T_{MIN} \text{ to } T_{MAX}$ $V_S = \pm 5V \text{ to } \pm 18V$	74	120 8.5 90 200	1000 40	μV μV/°C dB μV/mo
OUTPUT NOISE VOLTAGE f _B = 0.01Hz to 10Hz f _B = 10kHz	RTO (5)		25 550		μVp-p nV/√Hz
DYNAMIC RESPONSE Gain Bandwidth, -3dB Full Power Bandwidth Slew Rate Settling Time: 0.1% 0.01% 0.01%	V _O = 20Vp-p V _O = 10V Step V _O = 10V Step V _{CM} = 10V Step, V _{DIFF} = 0V	30 2	200 2.6 6.5 10 4.5		kHz kHz V/µs µs µs µs
POWER SUPPLY Rated Voltage Range Quiescent Current	Derated Performance V _□ = 0V	±5	±15	±18	V V mA
TEMPERATURE RANGE Specification: AM, BM, P, KU SM Operation Storage		-25 -55 -55 -65		+85 +125 +125 +150	ပွပ္စပ္စ

7. Anexo 1:

Calculemos el factor rechazo en un circuito diferencial como el de la figura.

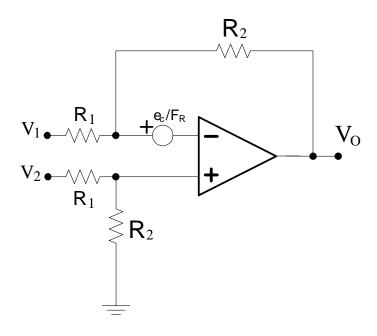


Fig. 8 Amplificador diferencial con la fuente de error debida al factor de rechazo

Podemos ver que ya modelamos el error por factor de rechazo con su fuente correspondiente.

Donde $e_c=rac{R_2}{R_1+R_2}\,V_2$, no confundir con la entrada a modo común $\left(rac{V_1+V_2}{2}
ight)$ del circuito diferencial (AO realimentado).

Para resolver el circuito puedo plantear:

$$e^{+} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_2$$

$$e^{-} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_1 + \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_0 - \frac{e_c}{F_R}$$

Igualando $e^+=e^-$ tenemos

$$\frac{R_2}{R_1 + R_2} V_2 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_1 + \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_0 - \frac{R_2}{R_1 + R_2} \frac{V_2}{F_R}$$

Luego simplificando $(R_1 + R_2)$ y despejando resulta:

$$V_0 = \left(R_2 V_2 - R_2 V_1 + R_2 \frac{V_2}{F_R}\right) \frac{1}{R_1} = -\frac{R_2}{R_1} (V_1 - V_2) + \frac{R_2}{R_1} \frac{1}{F_R} V_2$$

Descomponiendo las entradas V_1 y V_2 como es usual, considerando una fuente simétrica y otra anti simétrica:

$$V_1 = -\frac{ed}{2} + ec$$
$$V_2 = \frac{ed}{2} + ec$$

Reemplazando resulta:

$$V_0 = -\frac{R_2}{R_1} ed + \frac{R_2}{R_1} \frac{1}{F_R} \left(ec + \frac{ed}{2} \right)$$

Despreciando $\frac{\emph{ed}}{2}$ respecto de \emph{ec} ya que normalmente $\ \emph{ed} \ \Box \ \emph{ec}$ resulta:

$$V_0 = -\frac{R_2}{R_1} ed + \frac{R_2}{R_1} \frac{1}{F_R} ec$$

Donde:

$$A_{Vd} = -\frac{R_2}{R_1}$$

$$A_{vc} = \frac{R_2}{R_1} \frac{1}{F_R}$$

Planteando el factor de rechazo del circuito obtenemos:

$$CMRR_{AO} = \left| \frac{A_{Vd}}{A_{Vc}} \right| = \frac{\frac{R_2}{R_1}}{\frac{R_2}{R_1} \frac{1}{F_R}} = F_R$$

Donde resulta que el factor de rechazo del circuito diferencial es igual al factor de rechazo del amplificador operacional utilizado.

8. Bibliografía:

- Diseño con Amplificadores Operacionales y Circuitos Integrados
 Analógicos, Sergio Franco Mc Graw Hill 3ª Edición.
- Instrumentación Electrónica de Comunicaciones, Apunte de 5º Curso Ingeniería de Telecomunicación. Tema III: El amplificador de instrumentación. José María Drake Moyano, Dpto. de Electrónica y Computadores, Santander, 2005. Escuela Técnica Superior de Ingenieros Industriales y de Telecomunicación Universidad de Cantabria.
- Hojas de datos del INA114, PGA204/205, INA117 de Burr-Brown (Texas Instruments).