Algebra para la Computación : MAT1185 Guía de Trabajo N°01

ACTIVIDADES

1) Resolver gráficamente los siguientes sistemas de inecuaciones lineales:

a)
$$3x + y < 3$$

 $4 - y < 2x$

b)
$$y+2 < 2x \\ y-x > 4$$

c)
$$y-x < 0$$

 $2x + 5y < 10$

$$\begin{array}{cccc} \text{d)} & 2y - x & \leq & 4 \\ & 3y + 2x & < & 6 \end{array}$$

e)
$$x+y \leq 2$$

 $2x+y \geq 4$

$$\begin{array}{cccc} \text{f)} & 3x - y & \geq & 6 \\ & x + 2y & \leq & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccc} \mathsf{g)} & x+2y & \leq & 8 \\ & 0 & \leq & x & \leq & 4 \\ & 0 & \leq & y & \leq & 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccc} \text{h)} & 2x + 3y & \geq & 6 \\ 0 & \leq & x & \leq & 5 \\ 0 & \leq & y & \leq & 4 \end{array}$$

i)
$$\begin{array}{cccc} 2x - y & \leq & 4 \\ 3x + 2y & \geq & -6 \\ x & \leq & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{cccc} \mathbf{j)} & 3x + y & \leq & 6 \\ & y - 2x & \geq & 1 \\ & x & \geq & -2 \\ & y & \leq & 4 \end{array}$$

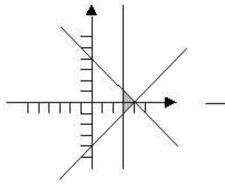
$$\begin{array}{ccccc} \textbf{k)} & 3x - 4y & \geq & 12 \\ & x - 2y & \leq & 2 \\ & x & \geq & 9 \\ & y & \leq & 5 \end{array}$$

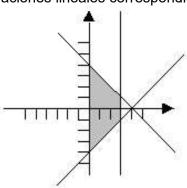
$$\begin{array}{cccc} \text{I)} & x+y & \geq & 2 \\ x+y & \leq & 10 \\ 2x+y & \leq & 3 \\ x & \geq & 0 \end{array}$$

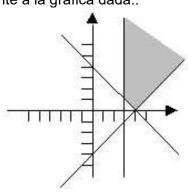
n)
$$\begin{array}{cccc} x + 2y & \geq & 1 \\ x + 2y & \leq & 10 \\ x + y & \geq & 2 \\ x + y & \leq & 8 \\ x & \geq & 0 \end{array}$$

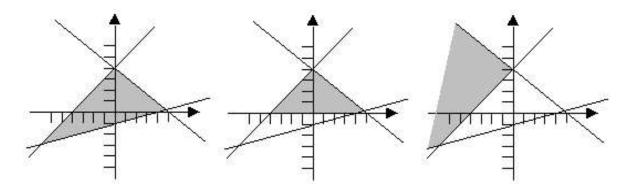
$$\begin{array}{ccccc} \tilde{\mathbf{n}}) & x+y & \geq & 2 \\ 2x+3y & \leq & 12 \\ 3x+y & \leq & 12 \\ x & \geq & 0 \\ y & \geq & 0 \end{array}$$

2) Determinar el sistema de inecuaciones lineales correspondiente a la gráfica dada..









 En cada uno de los casos siguientes, representar gráficamente la región factible, y determinar el máximo y el mínimo de la función, cuando sea posible.

a)
$$z = x - 5y$$
 ; $4y + 3x \le 24$

$$y + 3x \le 15 \qquad \qquad x \ge 0$$

$$c \ge 0 \qquad \qquad y \ge 0$$

b)
$$z = 2x + y$$
 ; $x + y \le 6$ $x + y \ge 1$ $x \ge 0$ $y \ge 0$

$$x + y \ge 1$$

$$x \ge 0$$

c)
$$z = y + 7x$$
 ; $3y - 2x \le 12$ $y - 2x \ge -4$ $x \ge 0$ $y \ge 0$

$$y - 2x > -4$$

$$x \ge 0$$

$$y \ge 0$$

d)
$$z = x + 3y$$
 ; $x + y \ge 3$ $x \le 5$ $y \le 7$ $x \ge 0$ $y \ge 0$

$$x \le 5$$
 $y \le 7$

$$x \ge 0$$

$$y \ge 0$$

e)
$$z = 2x - 5y$$
 ; $5y + 2x \le 30$ $y - 2x \ge -6$ $x \ge 0$ $y \ge 0$

$$y - 2x \ge -6$$

$$x \ge 0$$

$$y \ge 0$$

f)
$$z = 2x + 5y$$
 ; $x + y \ge 2$ $x \le 5$ $y \le 3$ x $x \ge 0$ $y \ge 0$

$$x \le 5$$
 $y \le 3$

$$x \qquad x \ge$$

$$y \ge 0$$

g)
$$z = 15x + 22y$$
; $y - 4 \ge -10$ $y + 3x \le 4$ $x \ge 0$ $y \ge 0$

$$y + 3x \le 4$$

$$x \ge 0$$

$$y \ge 0$$

h)
$$z = 3x + 4y$$
 ; $2x + 3y \ge 6$ $x + y \le 8$ $x \ge 0$ $y \ge 0$

$$x + y \le 8$$

$$x \ge 0$$

$$y \ge 0$$

i)
$$z = 4x + 5y$$
 ; $y - 3x \ge -8$ $y + 2x \le 7$ $x \ge 0$ $y \ge 0$

$$y + 2x \le 7$$

$$x \ge 0$$

$$y \ge 0$$

4) Considere la función objetivo, sujeta a las restricciones dadas:

$$z = 2y + 5x$$

$$y + 4x \ge 5 \quad y + x \ge 2$$

;
$$y + 4x \ge 5$$
 $y + x \ge 2$ $2y + 5x \le 10$ $x \ge 0$ $y \ge 0$

Demostrar que existen dos puntos extremos, donde *z* adquiere su máximo valor. Explicar su respuesta.

5) Considere la función objetivo, sujeta a las restricciones dadas:

$$z = 4y + 3x$$

$$3y + x \le 9 \quad y + 2x$$

;
$$3y + x \le 9$$
 $y + 2x \le 8$ $4y + 3x \ge 12$ $x \ge 0$ $y \ge 0$

Demostrar que existen dos puntos extremos, donde z adquiere su mínimo valor. Explicar su respuesta.