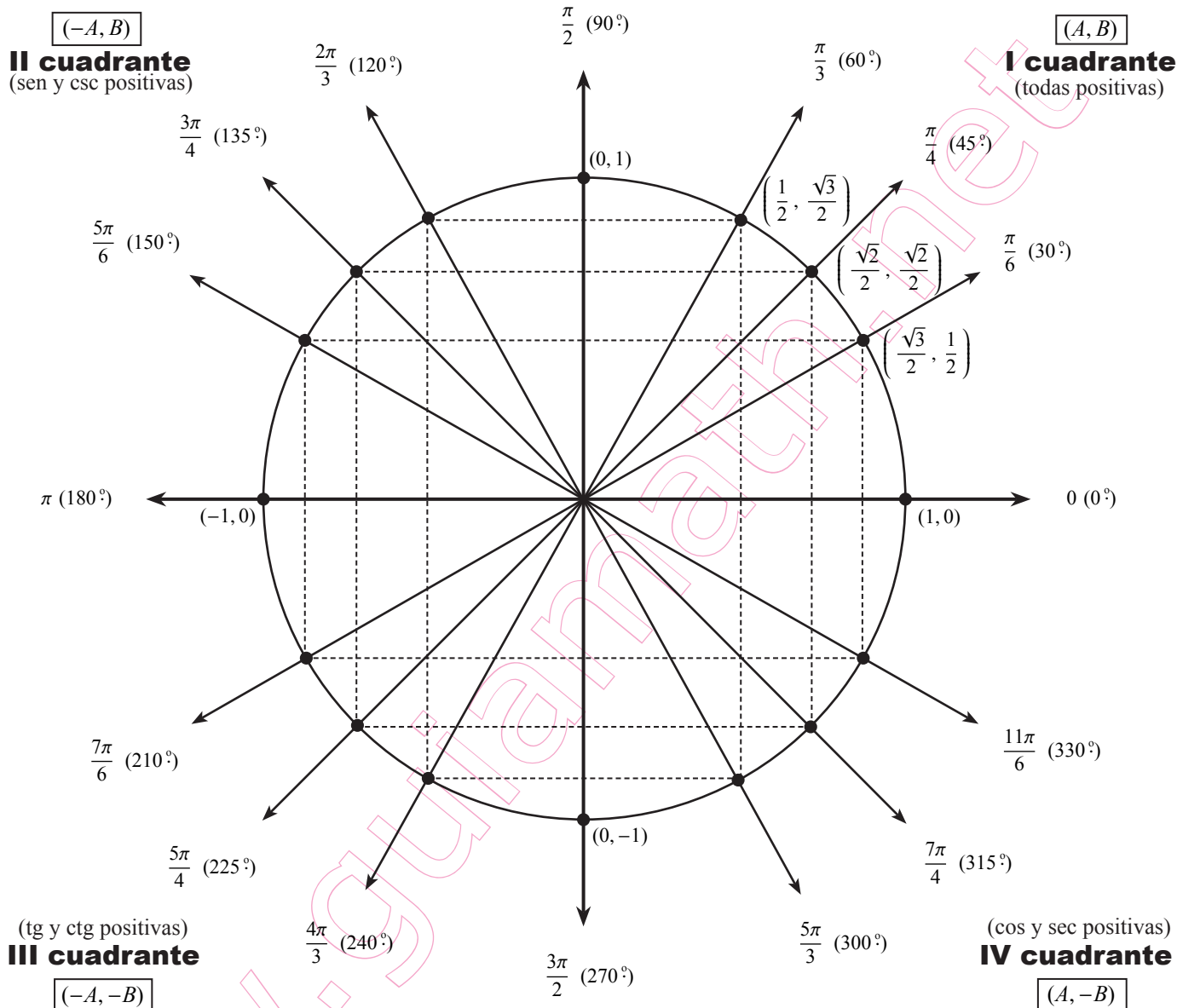


FORMULARIO - TRIGONOMETRIA



A) Básicas

- 1.- $\cos \alpha \cdot \sec \alpha = 1$
- 2.- $\sin \alpha \cdot \csc \alpha = 1$
- 3.- $\tan \alpha \cdot \cot \alpha = 1$
- 4.- $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$
- 5.- $\cot \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$

B) Pitagóricas

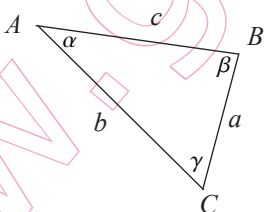
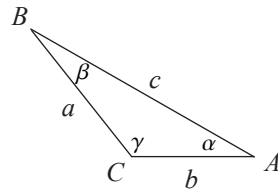
- 1.- $\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1$
- 2.- $1 + \tan^2 \alpha = \sec^2 \alpha$
- 3.- $1 + \cot^2 \alpha = \csc^2 \alpha$

C) Suma y Resta de ángulos

- 1.- $\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta$
- 2.- $\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta$
- 3.- $\tan(\alpha \pm \beta) = \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \cdot \tan \beta}$

D) Angulos dobles 1.- $\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$ 2.- $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$ $= 2 \cos^2 \alpha - 1$ $= 1 - 2 \sin^2 \alpha$ 3.- $\operatorname{tg} 2\alpha = \frac{2 \operatorname{tg} \alpha}{1 - \operatorname{tg}^2 \alpha}$ 4.- $\sin^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2}$ 5.- $\cos^2 \alpha = \frac{1 + \cos 2\alpha}{2}$	E) Angulos medios 1.- $\sin \alpha = 2 \sin(\alpha/2) \cos(\alpha/2)$ 2.- $\cos \alpha = \cos^2(\alpha/2) - \sin^2(\alpha/2)$ 3.- $\sin^2(\alpha/2) = \frac{1 - \cos \alpha}{2}$ 4.- $\cos^2(\alpha/2) = \frac{1 + \cos \alpha}{2}$ 5.- $\operatorname{tg}(\alpha/2) = \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha}$ $= \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$	F) de Producto a Suma 1.- $\sin A \cdot \cos B = \frac{1}{2} [\sin(A+B) + \sin(A-B)]$ 2.- $\cos A \cdot \cos B = \frac{1}{2} [\cos(A+B) + \cos(A-B)]$ 3.- $\sin A \cdot \sin B = -\frac{1}{2} [\cos(A+B) - \cos(A-B)]$
---	--	--

G) de Suma a Producto 1.- $\sin X + \sin Y = 2 \sin\left(\frac{X+Y}{2}\right) \cdot \cos\left(\frac{X-Y}{2}\right)$ 2.- $\sin X - \sin Y = 2 \sin\left(\frac{X-Y}{2}\right) \cdot \cos\left(\frac{X+Y}{2}\right)$ 3.- $\cos X + \cos Y = 2 \cos\left(\frac{X+Y}{2}\right) \cdot \cos\left(\frac{X-Y}{2}\right)$ 4.- $\cos X - \cos Y = -2 \sin\left(\frac{X+Y}{2}\right) \cdot \sin\left(\frac{X-Y}{2}\right)$	H) Periodicidad Si $k \in \mathbb{Z}$, 1.- $\sin(\alpha \pm 2k\pi) = \sin \alpha$ 2.- $\cos(\alpha \pm 2k\pi) = \cos \alpha$ 3.- $\operatorname{tg}(\alpha \pm k\pi) = \operatorname{tg} \alpha$ 4.- $\operatorname{ctg}(\alpha \pm k\pi) = \operatorname{ctg} \alpha$ 5.- $\sec(\alpha \pm 2k\pi) = \sec \alpha$ 6.- $\csc(\alpha \pm 2k\pi) = \csc \alpha$	I) Formulas de Reducción (Ley del Burro) Sea f cualesquiera de las funciones trigonométricas y cf su co-función. Si s denota el signo que tiene la función f en el cuadrante correspondiente, se cumple que: 1.- $f\left(\frac{\pi}{2\pi} \pm \theta\right) = s \cdot f(\theta) \quad \leftarrow 24 \text{ fórmulas.}$ 2.- $f\left(\frac{\pi/2}{3\pi/2} \pm \theta\right) = s \cdot cf(\theta) \quad \leftarrow 24 \text{ fórmulas.}$
---	---	---

J) Teorema del Seno En cualquier triángulo, si L_1 representa la medida del lado opuesto al ángulo \angle_1 y L_2 es la medida de cualquier otro lado opuesto de un cierto ángulo \angle_2 , siempre se cumple que: <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> $\frac{\sin(\angle_1)}{L_1} = \frac{\sin(\angle_2)}{L_2}$ </div> Esto quiere decir que en el siguiente triángulo, se cumplen las fórmulas: <div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="margin-right: 20px;"> 1.- $\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b}$ 2.- $\frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$ 3.- $\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \gamma}{c}$ </div>  </div>	K) Teorema del Coseno Si L_1, L_2 y L_3 representan las medidas de cada uno de los lados de un triángulo cualquiera, y si \angle_1 es la medida del ángulo opuesto al lado L_1 , siempre se cumple que: <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> $L_1^2 = L_2^2 + L_3^2 - 2 L_2 L_3 \cos(\angle_1)$ </div> Es decir, en el siguiente triángulo se cumplen las fórmulas: <div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="margin-right: 20px;"> 1.- $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$ 2.- $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos \beta$ 3.- $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma$ </div>  </div>
--	---

L) Relaciones en el Triángulo Rectángulo

En todo triángulo rectángulo, siempre se cumple que:

$$\begin{array}{ll}
 1.- \sin \alpha = \frac{\text{cateto opuesto}}{\text{hipotenusa}} = \frac{\text{CO}}{\text{HIP}} & 4.- \operatorname{ctg} \alpha = \frac{\text{cateto adyacente}}{\text{cateto opuesto}} = \frac{\text{CA}}{\text{CO}} \\
 2.- \cos \alpha = \frac{\text{cateto adyacente}}{\text{hipotenusa}} = \frac{\text{CA}}{\text{HIP}} & 5.- \sec \alpha = \frac{\text{hipotenusa}}{\text{cateto adyacente}} = \frac{\text{HIP}}{\text{CA}} \\
 3.- \operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{cateto opuesto}}{\text{cateto adyacente}} = \frac{\text{CO}}{\text{CA}} & 6.- \csc \alpha = \frac{\text{hipotenusa}}{\text{cateto opuesto}} = \frac{\text{HIP}}{\text{CO}}
 \end{array}$$

***recordar el: cocacoca-hiphip**

CO	CA	CO	CA	HIP	HIP
HIP	HIP	CA	CO	CA	CO
↑	↑	↑	↑	↑	↑
sen	cos	tg	ctg	sec	csc