

Respostas - Avaliação Unidade 2

Questão 1:

1. (a) Verdadeira. A regra do limite da soma permite a separação dos limites.
2. (b) Falsa. Não é possível dividir diretamente se o limite do denominador é zero.
3. (c) Falsa. Limite da razão exige que o denominador não seja zero.
4. (d) Verdadeira. Limite com denominador zero implica inexistência.
5. (e) Verdadeira. Indeterminação do tipo $0/0$.
6. (f) Falsa. Limite da soma pode existir mesmo que limites individuais não existam.

Questão 2:

Esboço de uma função $f(x)$ com as condições dadas:

- $f(2) = 1$, $f(-1) = 0$

- $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1$

- $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \infty$, $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$

(Esboço do gráfico será incluído manualmente).

Questão 3:

Dado $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = -7$ e $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = 0$:

1. (a) $(f(x))^2 = 49$

2. (b) $f(x) + g(x) = -7$

3. (c) $f(x) \cdot g(x) = 0$

4. (d) $(f(x) - 7) / g(x)$ gera indeterminação $0/0$.

Questão 4:

1. (a) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{(x^2 - 9)}{(x^2 + 2x - 3)} = \frac{3}{2}$
2. (b) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{(\sqrt{x+6} - x)}{(x^3 - 3x^2)}$ (Requer racionalização).
3. (c) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(1 - 2x^2 - x^4)}{(5 + x - 3x^4)} = 1$
4. (d) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1/(x-1) + 1/(x^2 - 3x + 2))}{(Indeterminação 1/0)}$

Questão 5:

Para $f(x) = \{ \sqrt{-x}, \text{ se } x < 0; 3 - x, \text{ se } 0 \leq x < 3; (x - 3)^2, \text{ se } x > 3 \}$:

1. (a) $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 3$, $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = 0$, $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ não existe.
2. (b) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 0$, $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = 0$, $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 0$.