本试卷适应范围 信科 20、计科 20、 数据20、人智 20

## 南京农业大学试题纸

2021-2022 学年 - 学期 课程类型: 必修 试卷类型: A

		2021-2022	7 <del>7"</del>	·	尺空: 少修	网也入土, 11	
课程号_	MATH3102	课程	呈名 <u>离散数</u>	学		学分4	-
_ _ 学号 <b>_</b>			名			班级	<u>-</u>
题号	_	<u> </u>	三	四	总分	签名	
得分							
					1	1	_
<b>—</b> ,	选择题(每	兵题 2 分,共	失计 20 分)				
1. 下列表	長达式中不成立	的是【 】					
	•		$(D \vee D)$	$(\mathbf{D})$ $A \cap (\mathbf{D})$	$C) = (A \cap B) - C$	$(A \circ C)$	
(A) (	$(A \cup B) \times (C \cup A)$	$D) = (A \times C) \cup (A \times C) \cup$	$(\mathbf{D} \times \mathbf{D})$	$(\mathbf{B}) A \cap (\mathbf{D} - 0)$	$C) = (A \cap D) - C$	(ACC)	
(C).	$A \oplus B = (A \bigcup B)$	$)-(A\cap B)$		<b>(D)</b> $A \oplus B = $	$\sim A \oplus \sim B$		
2. 在一/	入联结词的集合 <sup>1</sup>	中,如果一个联	结词可由集合「	中的其它联结证	词定义,则称此	联结词为冗余的联	结词,
						汲小全功能集。下列	
	<b>全中,是极小</b> 耳						
	{ ¬, ↑}			-	(D) {∨, ↔	<b>·</b> }	
	<b>内含三个命题变</b>						
	¬ <i>p∧q∧¬q</i> 公式( <i>p→</i> q)∧(q -		•	C) <i>p∧q</i>	(D) ¬ <i>į</i>	p∧q∧r	
	スス( <i>pース()</i> ハ( <i>q</i> - 矛盾式			蕴含式	(D) 等价:	式	
	<i>B,C</i> 为集合,下						
	< <i>x</i> , <i>y</i> >∉ <i>A</i> × <i>B</i> ⇔		(B)	<b>A</b> ∪( <b>B</b> ⊕ <b>C</b> )=( <b>A</b>	ı∪B)⊕(A∪C)		
(C)	如果 A×B= A×c	C,则 <b>B</b> =C	<b>(D)</b>	$P(A-B)\subseteq$	(P(A) - P(B))	∪{Ø}	
					r	+v $y-v$	
6. 设R <sup>3</sup>	表示实数集合,Æ	A=B=R×R,f 为 A	A 到 B 的一个映	·射,∀< <i>x,y</i> >∈A	$\mathbf{A}, f(\langle x, y \rangle) = \langle \frac{x}{y} \rangle$	$\frac{+y}{2}$ , $\frac{x-y}{2}$ > ,则【	1.
(A)	f为A到B的	单射,但非满射	(B)	f为A到B的	满射,但非单射	<b>†.</b>	
(C)	f为A到B的	既非单射,也非	满射. (D)	f为A到B的	双射.		
7. 设C,	R,Z,N 分别复数	集、实数集、整	数集及自然数集	<b>集,针对下列</b> 组	合定的集合 A,B	和关系 ƒ,则下列	关系中
是从	A 到 B 的函数的	为【 】					
(A)	$A=B=R,xfy\Leftrightarrow x$	$=y^2$	(E	B) A=Z,B=N,x	$xfy \Leftrightarrow x^4 = y^4$		
	$A=N,B=Z,xfy \Leftarrow$	•	` '		$bi,y=c+di,xfy \Leftrightarrow b$	b=d	
	$(P(a)\land P(b)\land P(c)$				$(c)$ ) $\land$ (Q( $a$ ) $\land$ Q( $b$ )		
	$(P(a)\vee P(b)\vee P(c))$			$P(a) \land P(b) \land P(a)$	$(c) \land Q(a) \land Q(b) \land$	Q(c)	
	={a,b,c},则 A 中  介			o A	(D)0 A		
(A) 3	. 1 .	(B) 6 个	(C)	8 个	(D)9 个		

系主任 杨涛

出卷人 吴清太

<b>10.</b> 利用谓词公式的约束变元换名规则或自由变元代替规则,公式: $\forall x(p(x,y) \rightarrow \exists z Q(x,z)) \land \forall y R(x,y)$ 等						
值于 【 】						
(A) $\forall u(p(u,y) \to \exists z Q(u,z)) \land \forall s R(x,s)$ (B) $\forall z (p(z,y) \to \exists s Q(x,s)) \land \forall y R(t,y)$						
(C) $\forall x (p(x,s) \to \exists y Q(t,y)) \land \forall u R(x,u)$ (D) $\forall x (p(y,y) \to \exists y Q(x,y)) \land \forall s R(y,s)$						
二、 填空题(每空格 2 分, 共计 30 分)						
1. 给定命题公式(p→q)→r,该公式在联结词的完备集{¬, ∧}中的形式为						
<ol> <li>命题公式 p∧(q∨¬r)的成真赋值为</li></ol>						
链,其元素的个数 $ B $ 称为链的长度;若 $\forall x \forall y (x \in B \land y \in B \land x \neq y \rightarrow x \ni y $ 不可比 $)$ ,						
则称 B 是 A 中的反链,其元素的个数 B 称为反链的长度.设 <a,<>为偏序集,其</a,<>						
哈斯图如右图所示,则 A 中长度最长的链的长度为,可给出其最长的						
可给出其最长的一条反链为A 的子集 B={a,b,d,f}的极小元						
为,极大元为,上界为,上确界为。  4. 设 <i>M</i> ( <i>x</i> ): <i>x</i> 是人, <i>D</i> ( <i>x</i> ): <i>x</i> 要进食,则命题"所有的人都要进食的"可符号化为 a ◆ b						
$\mu$ 大大, $\mu$ 大, $\mu$ $\mu$ 大, $\mu$ $\mu$ 大, $\mu$						
5. 设关系 R={<1,2>,<2,3>,<3,4>},S={<1,3>,<2,1>,<3,4>,<4,2>},那么(R∪S)↑{1,3}=,						
$(R \cup S)[\{2,4\}] = \underline{\hspace{1cm}}.$						
三、解答题(本大题共3小题,共23分)						
1. 求命题公式(p↔q)→r 的主析取范式和主合取范式。(本小题 7 分)						
2. 求公式∃xF(x,y)∧(∃yG(x,y)→∀zH(x,y,z))的前束范式. (本题 6 分 )。						
2. 1314 742 11 (h,j.), ((2) 3 (h,j.), 7 12 11 (h,j.), 2))						

3. 设 A={a,b,c,d}, R={〈a,b〉,〈c,b〉,〈b,a〉,〈d,d〉},(1)求 R (3)求关系 R 的自反闭包 r(R),对称闭包 s(R)和传递闭包 t(R).	
四、证明题(本大题共 4 小题, 共 27 分)	
$1$ . 在自然推理系统 $N_{\mathcal{L}}$ 中构造下面推理的证明: (本题 $7$ 分)	
人都喜欢吃蔬菜. 但说所有人都喜欢吃鱼是不对的. 所以存在着只	喜欢吃蔬菜而不喜欢吃鱼的人.

A	$(< a_1, b_1>, < a_2, b_2> \epsilon$	合 A 上的等价关系,S ∈A×B, <a1,b1>T<a2,b2> &lt; 4×B 上的等价关系.(2</a2,b2></a1,b1>	$\Leftrightarrow a_1Ra_2 \wedge b_1Sb_2$	・价 <i>关系</i> ,定义 <i>A×B</i> 上二元	E关系 T:
3.	设 R,S 为两个	关系,A,B 为集合,A≠Ø,J	则 (R°S)↑A = (R↑A)°S.	(本题7分)	
4.		$\mathbf{E}$ 义一个函数 $G: B \to \mathbb{R}$ ,则 $G$ 是单射.(本题		$= \{x \mid x \in A \land f(x) = b\},$	证明:如果 $f$ 是 $A$
	21 2 41111111	, ,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	,,		
系主/	任 杨涛_		出卷人	<b>吴清太</b>	