# Problem S5: Good Influencers

#### **Problem Description**

There are N ( $N \ge 2$ ) students in a computer science class, with distinct student IDs ranging from 1 to N. There are N-1 friendships amongst the students, with the ith being between students  $A_i$  and  $B_i$  ( $A_i \ne B_i$ ,  $1 \le A_i \le N$  and  $1 \le B_i \le N$ ). Each pair of students in the class are either friends or socially connected. A pair of students a and b are socially connected if there exists a set of students  $m_1, m_2, \ldots, m_k$  such that

- a and  $m_1$  are friends,
- $m_i$  and  $m_{i+1}$  are friends (for  $1 \le i \le k-1$ ), and
- $m_k$  and b are friends.

Initially, each student i either intends to write the CCC (if  $P_i$  is Y) or does not intend to write the CCC (if  $P_i$  is N). Initially, at least one student intends to write the CCC, and at least one student does not intend to write the CCC.

The CCC has allocated some funds to pay some students to be influencers for the CCC. The CCC will repeatedly choose one student i who intends to write the CCC, pay them  $C_i$  dollars, and ask them to deliver a seminar to all of their friends, and then all of their friends will intend to write the CCC.

Help the CCC determine the minimum cost required to have all of the students intend to write the CCC.

#### Input Specification

The first line contains the integer N.

The next N-1 lines each contain two space-separated integers,  $A_i$  and  $B_i$   $(1 \le i \le N-1)$ .

The next line contains N characters,  $P_1 \dots P_N$ , each of which is either Y or N.

The next line contains N space-separated integers,  $C_1 \dots C_N$ .

The following table shows how the available 15 marks are distributed.

Marks	Number of		Additional
Awarded	students	Payment	Constraints
5 marks	$2 \le N \le 2000$	$1 \le C_i \le 1\ 000$	$A_i = i$ and $B_i = i + 1$ for each $i$
7 marks	$2 \le N \le 2000$	$1 \le C_i \le 1\ 000$	None
3 marks	$2 \le N \le 200\ 000$	$1 \le C_i \le 1\ 000$	None

#### **Output Specification**

Output the minimum integer number of dollars required to have all of the students to intend to write the CCC.

La version française figure à la suite de la version anglaise.

```
Sample Input 1
4
1 2
2 3
3 4
YNYN
4 3 6 2
```

## Output for Sample Input 1

6

### Explanation of Output for Sample Input 1

The CCC should pay \$6 to student 3 to deliver a seminar to their friends (students 2 and 4), after which all 4 students will intend to write the CCC.

## Sample Input 2

```
15
1 5
5 2
2 15
15 4
2 10
8 3
3 1
1 6
11 6
12 6
11 9
11 14
12 7
13 7
NNYYYNYYNNNNNN
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
```

#### Output for Sample Input 2

6

#### Explanation of Output for Sample Input 2

One optimal strategy is for the CCC to ask students 5, 1, 6, 11, 7, and 2 to deliver seminars, in that order, paying them \$1 each.

La version française figure à la suite de la version anglaise.

# Problème S5: De bons influenceurs

## Énoncé du problème

Il y a N ( $N \ge 2$ ) élèves dans une classe d'informatique. Les élèves ont des identifiants distincts allant de 1 à N. Parmi les élèves, il y a N-1 liens d'amitié. Le  $i^{\rm e}$  lien d'amitié est entre les élèves  $A_i$  et  $B_i$  ( $A_i \ne B_i$ ,  $1 \le A_i \le N$  et  $1 \le B_i \le N$ ). Chaque couple d'élèves est soit ami soit socialement lié. Un couple d'élèves a et b est socialement lié s'il existe un ensemble d'élèves  $m_1, m_2, \ldots, m_k$  tel que

- a et  $m_1$  sont amis
- $m_i$  et  $m_{i+1}$  sont amis (pour  $1 \le i \le k-1$ ) et
- $m_k$  et b sont amis.

Initialement, chaque élève i a soit l'intention de rédiger le CCI (si  $P_i$  est Y) ou n'a pas l'intention de rédiger le CCI (si  $P_i$  est N). Initialement, au moins un élève a l'intention de rédiger le CCI et au moins un élève n'a pas l'intention de rédiger le CCI.

Le CCI a alloué des fonds pour payer certains élèves afin que ces derniers jouent le rôle d'influenceurs pour le CCI. Le CCI choisira à plusieurs reprises un élève i qui a l'intention de rédiger le CCI, le paiera  $C_i$  dollars, et lui demandera de donner un séminaire à tous ses amis, après quoi tous ses amis auront l'intention de rédiger le CCI.

Aidez le CCI à déterminer le coût minimum nécessaire pour que tous les élèves aient l'intention de rédiger le CCI.

## Précisions par rapport aux données d'entrée

La première ligne des données d'entrée contient l'entier N.

Les N-1 prochaines lignes contiennent chacune deux entiers, soit  $A_i$  and  $B_i$   $(1 \le i \le N-1)$ , les deux étant séparés par un espace.

La prochaine ligne contient N caractères,  $P_1 \dots P_N$ , chacun d'entre eux étant soit Y ou N.

La prochaine ligne contient N entiers, soit  $C_1 \dots C_N$ , chacun des entiers étant séparé des autres par un espace.

Le tableau suivant indique la manière dont les 15 points disponibles sont répartis.

Attribution	Nombre		Restrictions
des points	d'élèves	Paiement	${f addition nelles}$
5 points	$2 \le N \le 2000$	$1 \le C_i \le 1\ 000$	$A_i = i$ et $B_i = i + 1$ pour chaque $i$
7 points	$2 \le N \le 2000$	$1 \le C_i \le 1\ 000$	Aucune
3 points	$2 \le N \le 200\ 000$	$1 \le C_i \le 1\ 000$	Aucune

#### Précisions par rapport aux données de sortie

Les données de sortie devraient afficher le coût minimum nécessaire (ce dernier étant un entier) pour que tous les élèves aient l'intention de rédiger le CCI.

English version appears before the French version

# Données d'entrée d'un 1<sup>er</sup> exemple 4 1 2 2 3 3 4 YNYN 4 3 6 2

# Données de sortie du 1<sup>er</sup> exemple

# Justification des données de sortie du 1er exemple

Le CCI devrait donner 6 \$ à l'élève 3 pour qu'il présente un séminaire à ses amis (élèves 2 et 4), après quoi les 4 élèves auront l'intention de rédiger le CCI.

## Données d'entrée d'un 2e exemple

```
15
1 5
5 2
2 15
15 4
2 10
8 3
3 1
1 6
11 6
12 6
11 9
11 14
12 7
13 7
NNYYYNYYNNNNNN
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
```

# Données de sortie du 2<sup>e</sup> exemple

6

#### Justification des données de sortie du 2<sup>e</sup> exemple

Une stratégie optimale serait de demander aux élèves 5, 1, 6, 11, 7 et 2 de présenter des séminaires, dans cet ordre, et de payer ces élèves 1 \$ chacun.