

Universidade Federal de Campina Grande - UFCG Centro de Engenharia Elétrica e Informática – CEEI Circuitos Elétricos II

Projeto de simulação de uma linha de transmissão por associação de quadripolos

Aluno: Carlos Renan Correia Fidelis
Aluno: José Ívines Matos Silva
Aluno: Lucas Martins Bezerra
Aluno: Lucila Maria Orestino Pereira
Aluno: Lucivaldo Barbosa de Aguiar Júnior
Professor: Dr. Luiz Augusto Medeiros Martins Nóbrega

Matrícula: 121110703
Matrícula: 123211061
Matrícula: 120110422
Matrícula: 119111041
Matrícula: 119210605

Campina Grande, 2024.

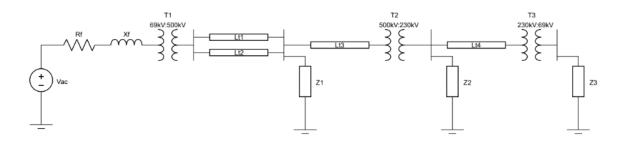
Sumário

1		Introdução	1
2		Código Python	2
	2.1	Variáveis características gerais	2
3		Simulação no PSpice	14
	3.1	Ajuste do Tap	16
	3.2	Associação de reatores paralelos às cargas	17
4		Conclusão	18
5		Referências	19
6		Anexos	20

1 Introdução

O nosso principal objetivo é desenvolver um software capaz de simular um sistema elétrico que representa uma linha de transmissão conforme Figura 4.

Figura 1: Sistema elétrico



Criaremos funções em Python para associar as matrizes dos quadripolos de cada um dos estágios da linha, sejam quadripolos de cargas "shunt", linha de transmissão em paralelo, transformadores, impedâncias em série e quadripolos no geral associados em cascata.

Iremos também ajustar as tensões nas cargas que são alteradas devido à presença de indutores e capacitores no sistema elétrico a fim de alcançarmos os valores desejados. Serão feitos ajustes de tap nos transformadores e associação de reatores ou banco de capacitores em paralelo com as cargas conforme a necessidade, seja subir ou diminuir as tensões nas cargas.

Além disso, o sistema elétrico foi simulado no orcad Capture cis Lite e PSpice para conferir os resultados. No código escrito em Python foram geradas as matrizes de transmissão em cada um dos pontos em que houve necessidade de ajuste de tensão.

Os sistemas de equações serão solucionados considerando que a tensão na fonte de entrada é igual a $69kV_{RMS}$

2 Código Python

2.1 Variáveis características gerais

O trecho de código 3 importa a biblioteca numpy, e define valores de impedância Thévenin, impedâncias dos modelos do transformador e impedância das cargas.

```
import numpy as np
2
w = 120*np.pi
_{5} Rf, Xf = 4, 0.38j #parmetros de impedncia em s rie com o
     transformador T1
7 Zth = Rf + Xf #impedncia s rie Thevenin
9 R1, X1, = 7.6e-3, 3.8e-3j #parametros gerais do transformador
_{\text{II}} R2, X2 = 33.9e-3, 0.85e-3j #parametros gerais do transformador
13 Z1 = R1 + X1 #impedancia 1 do transformador
15 Z2 = R2 + X2 #impedancia 2 do transformador
17 #impedancias "shunt" dos transformadores
18 \text{ ZT1} = (4320 * 5050j) / (4320 + 5050j)
20 \text{ ZT2} = (432000 * 505000 j) / (432000 + 505000 j)
ZZZT3 = (402000 * 607000j) / (402000 + 607000j)
24 #Cargas
25 \text{ Zc1} = 8400 + (1j* w * 46)
27 \text{ Zc2} = 1175.55 + (1j* w * 6.43)
29 \text{ Zc3} = 529 + (1j * w * 2.9)
```

Source Code 1: Declaração das variáveis caracteríticas

Em seguida foram definidas funções que modelam os principais quadripolos que serão utilizados na simulação. Foi decidido seguir a teoria de quadripolos definida por (GLOVER et al., 2015), ou seja, a corrente entra pelos terminais à esquerda e sai pelo terminal à direita. Foram definidas funções para os principais quadripolos de impedância, admitância, associação em cascata e as topologias pi e t mostrados por (GLOVER et al.,2015).

Além disso, foi definido uma função de quadripolo para as linhas de transmissão, um transformador ideal e uma função que multiplica matrizes de forma recursiva, além da função de associação em paralelo que foi escrita baseada em notas de aula do professor Luiz.

```
----#
 def TransformadorIdeal(N1,N2):
     #esta funcao retorna a matriz de transmissao de um transformador ideal
     #considerando que I2 sai do pelo a diretia
     matriz_Transformador = np.array([[ N1/N2 ,
                                                  ],
                       [
                          0 , N2/N1 ]])
     return matriz_Transformador
10
 def ImpedanciaSerie(Z):
13
     matriz_Z = np.array([[1, Z]],
14
                        [ 0 , 1 ]])
16
     return matriz Z
 def AdmitanciaShunt(Y):
20
     matriz_Y = np.array([[1, 0],
                        [Y, 1]])
     return matriz Y
 def CircuitoT(Z1, Z2, Y):
25
     matriz_T = np.array([[1 + (Y * Z1), Z1 + Z2 + (Y * Z1 * Z2)],
                        Γ
                              Y
                                      1 + (Y * Z2)
                                                               ]])
28
     return matriz_T
30
 def CircuitoPI(Z, Y1, Y2):
33
     matriz_Pi = np.array([[1 + (Y2 * Z)]
34
                        [Y1 + Y2 + (Y1*Y2*Z), 1 + (Y1*Z)]]
35
     return matriz Pi
```

```
38
40 def LinhaDeTransmissao(Comprimento):
41
      #a entrada de comprimento deve ser feita em Km
42
43
      R = 0.182 * Comprimento
44
45
      L = 1j*w * 2.28e-3 * Comprimento
47
      C1 = 0.0140e-6 * Comprimento
48
      C = C1/2
50
51
      C_{fasorial} = 1 / (1j*120* np.pi * C)
      Z = R + L
54
      Y1 = 1 / C_fasorial
      Y2 = 1 / C fasorial
58
      return CircuitoPI(Z, Y1, Y2)
59
 def Cascata(*matrizes):
61
      resultado = matrizes[0]
62
      for matriz in matrizes[1:]:
          resultado = np.dot(resultado, matriz)
      return resultado
65
  def QuadripoloParalelo(matriz1, matriz2):
68
69
      Aa, Ba, Ca, Da = matriz1[0][0], matriz1[0][1], matriz1[1][0], matriz1
     [1][1]
71
      Ab, Bb, Cb, Db = matriz2[0][0], matriz2[0][1], matriz2[1][0], matriz2
72
     [1][1]
73
      den = Ba + Bb
74
      A = ((Aa * Bb) + (Ab * Ba)) / den
76
77
      B = (Ba * Bb) / den
      C = (Ca + Cb + ((Aa - Ab) * (Db - Da) / den))
80
      D = ( (Bb * Da ) + (Ba * Db )) / den
```

Source Code 2: Definição das funções que retornam as matrizes de quadripolo

Em seguida, as funções criadas foram utilizadas para modelar os quadripolos adequadamente.

```
| #-----#
3 #impedancia em serie com a fonte
5 serie = ImpedanciaSerie(Zth)
7 #transformadores
9 T1 = np.dot(CircuitoT(Z1, Z2, 1/ZT1), TransformadorIdeal(69, 500))
T2 = np.dot(CircuitoT(Z1, Z2, 1/ZT2), TransformadorIdeal(500, 230))
13 T3 = np.dot(CircuitoT(Z1, Z2, 1/ZT3), TransformadorIdeal(230, 69))
15 #Linhas de transmissao
17 LT1 = LinhaDeTransmissao(100)
19 LT2 = LinhaDeTransmissao(100)
21 LT3 = LinhaDeTransmissao(100)
LT4 = LinhaDeTransmissao(80)
24
25 #Cargas
27 CargaZ1 = AdmitanciaShunt(1/Zc1)
29 CargaZ2 = AdmitanciaShunt(1/Zc2)
31 CargaZ3 = AdmitanciaShunt (1/Zc3)
```

Source Code 3: Declaração das variáveis caracteríticas

No trecho de código 4 a função cascata é chamada na linha 3 com todas as matrizes de quadripolo da linha como argumento da função que retornará a matriz de transmissão do sistema elétrico como um todo, em seguida são utilizados elementos da matriz de transmissão para modelar o sistema de equações que descrevem o sistema elétrico que podemos resolver para encontra a tensão e a corrente na carga Z3.

A lógica é repetida nas linhas 31 e 53 a fim de obter os valores de tensão e corrente para Z2 e Z1 respectivamente.

```
| #----#
3 ABCD = Cascata(serie, T1, QuadripoloParalelo(LT1, LT2,),
                      CargaZ1, LT3, T2, CargaZ2, LT4, T3, CargaZ3)
_{5} print('-=-'*10, 'Linha de transmiss o original', '-=-'*10, '\n')
7 print('Matriz da linha de transmisso: \n', ABCD,'\n')
 #----#
A = ABCD[0][0]
12
B = ABCD[0][1]
14
_{15} C = ABCD[1][0]
_{17} D = ABCD[1][1]
18
19 Eqs = np.array([[A + (B /Zc3), 0], [-(C+(D/Zc3)), 1]])
21 Igualdade = np.array([69e3*np.sqrt(2), 0])
23 solucao = np.linalg.solve(Eqs, Igualdade)
24
25 print(f'Para a carga Z3, V = {round(np.abs(solucao[0]),4)} {np.angle(
    solucao[0])} V\n')
27 print (f'Para a carga Z3, I = {np.abs(solucao[0]/Zc3)}
    solucao[0]/Zc3) A n')
 #----#
30
31 ABCD_Z2 = Cascata(serie, T1, QuadripoloParalelo(LT1, LT2,),
                      CargaZ1, LT3, T2, CargaZ2)
33
A2 = ABCD_Z2[0][0]
B2 = ABCD_Z2[0][1]
```

```
38 C2 = ABCD_Z2[1][0]
40 D2 = ABCD_Z2[1][1]
42 \text{ Eqs2} = \text{np.array}([[A2 + (B2 / Zc2), 0], [-(C2+(D2/Zc2)), 1]])
44 solucao2 = np.linalg.solve(Eqs2, Igualdade)
46 print(f'Para a carga Z2, V = {np.abs(solucao2[0])} {np.angle(solucao2
    [0])} V \n')
48 print(f'Para a carga Z2, I = {np.abs(solucao2[0]/Zc2)} {np.angle(
     solucao2[0]/Zc2)} A \n') #
51 #----#
53 ABCD_Z3 = Cascata(serie, T1, QuadripoloParalelo(LT1, LT2,),
                          CargaZ1)
55
56 \text{ A3} = \text{ABCD}_{Z3}[0][0]
B3 = ABCD_Z3[0][1]
60 C3 = ABCD_Z3[1][0]
D3 = ABCD_Z3[1][1]
64 \text{ Eqs3} = \text{np.array}([[A3 + (B3 / Zc1), 0], [-(C3+(D3/Zc1)), 1]])
66 solucao3 = np.linalg.solve(Eqs3, Igualdade)
68 print(f'Para a carga Z1, V = {np.abs(solucao3[0])} {np.angle(solucao3
    [0])} V \n')
70 \text{ print}(f'\text{Para a carga Z1, I = } \{\text{np.abs}(\text{solucao3}[0]/\text{Zc1})\}  {np.angle(
```

Source Code 4: Primeira simulação da linha

A saída mostrada no terminal pode ser encontrada no trecho de código a seguir:

Source Code 5: Saída no terminal

A lógica de uso da função Cascata e solução do sistema foi reutilizada para o ajuste de tap do transformador, ou seja, apenas foram mudados os valores de N2 na função TransformadorIdeal que está sendo multiplicada com o circuito T que representa a entrada do transformador. A implementação é apresentada no trecho de código 6 a seguir

```
21 C_{tap} = ABCD_{tap}[1][0]
D_{tap} = ABCD_{tap}[1][1]
24
25 Eqs_tap = np.array([[A_tap + (B_tap /Zc3), 0], [-(C_tap+(D_tap/Zc3)), 1]])
27 solucao_tap = np.linalg.solve(Eqs_tap, Igualdade)
29 print(f'Para a carga Z3 com ajuste de tap, V = {np.abs(solucao_tap[0])}
        {np.angle(solucao_tap[0])} V \n')
print (f'Para a carga Z3 com ajuste de tap, I = {np.abs(solucao_tap[0]/Zc3)
         {np.angle(solucao tap[0]/Zc3)} A \n')
32
33 #---- Z2 tap -----
35 ABCD_tap_Z2 = Cascata(serie, T1_tap, QuadripoloParalelo(LT1, LT2,),
                          CargaZ1, LT3, T2_tap, CargaZ2)
A_{tap}Z2 = ABCD_{tap}Z2[0][0]
40 B_{tap}_{22} = ABCD_{tap}_{22}[0][1]
42 C_{tap}Z2 = ABCD_{tap}Z2[1][0]
D_{tap} = ABCD_{tap} = ABCD_{1} = ABCD_{1}
46 Eqs_tap_Z2 = np.array([[A_tap_Z2 + (B_tap_Z2 /Zc2), 0], [-(C_tap_Z2+(
    D_tap_Z2/Zc2)), 1]])
48 solucao_tap_Z2 = np.linalg.solve(Eqs_tap_Z2, Igualdade)
50 print(f'Para a carga Z2 com ajuste de tap, V = {np.abs(solucao_tap_Z2[0])}
         {np.angle(solucao_tap_Z2[0])} V \n')
s2 print(f'Para a carga Z2 com ajuste de tap, I = {np.abs(solucao_tap_Z2[0]/
     Zc2) {np.angle(solucao_tap_Z2[0]/Zc2)} A \n')
53
54 # ----- Z1 tap ------
56 ABCD_tap_Z1 = Cascata(serie, T1_tap, QuadripoloParalelo(LT1, LT2,),
                          CargaZ1)
57
59 A_tap_Z1 = ABCD_tap_Z1[0][0]
B_{tap}Z1 = ABCD_{tap}Z1[0][1]
```

```
C_tap_Z1 = ABCD_tap_Z1[1][0]

C_tap_Z1 = ABCD_tap_Z1[1][1]

Eqs_tap_Z1 = np.array([[A_tap_Z1 + (B_tap_Z1 /Zc1), 0], [-(C_tap_Z1+(D_tap_Z1/Zc1)), 1]])

Solucao_tap_Z1 = np.linalg.solve(Eqs_tap_Z1, Igualdade)

print(f'Para a carga Z1 com ajuste de tap, V = {np.abs(solucao_tap_Z1[0])} {np.angle(solucao_tap_Z1[0])} V \n')

print(f'Para a carga Z1 com ajuste de tap, I = {np.abs(solucao_tap_Z1[0])} {np.angle(solucao_tap_Z1[0])} A \n')
```

Source Code 6: Simulação com ajuste de tap

A saída mostrada no terminal pode ser encontrada no trecho de código a seguir:

```
2 ----- Linha de transmiss o com ajuste de tap
     -=--=--
4 Matriz da linha de transmisso:
5 [[1.37854497e+00 +0.26313076j 3.27810226e+00+12.2010381j]
6 [1.86871665e-03 +0.05601705j 2.53408209e-01 +0.1013753j ]]
_8 Para a carga Z3 com ajuste de tap, V = 69018.47103655945 \angle
     -0.1886038961016099 V
10 Para a carga Z3 com ajuste de tap, I = 56.82718428471337 \angle
     -1.3087416140342514 A
12 Para a carga Z2 com ajuste de tap, V = 230004.40544753004 \angle
     -0.16704496550770748 V
<sup>14</sup> Para a carga Z2 com ajuste de tap, I = 85.37469433023855 \angle
     -1.2863041570061662 A
16 Para a carga Z1 com ajuste de tap, V = 500050.99287435267 \angle
     -0.10530903842102245 V
18 Para a carga Z1 com ajuste de tap, I = 25.951185578298517 \angle
   -1.225027925957582 A
```

Source Code 7: Saída no terminal

A lógica de uso da função Cascata foi um pouco alterada, isso tendo em vista que a topologia do circuito foi alteara associando um reator shunt em paralelo com cada uma das cargas para solucionar o problema de sobretensão apresentado no resultado do código 4. Assim, houve uma pequena alteração no argumento da função Cascata, mas a lógica de solução do sistema para encontrar as tensões e corrente se manteve. A implementação mencionada pode ser vista no trecho de Código 8

```
_{2} reator1 = AdmitanciaShunt( 1/(1j * w * 600e-3))
4 reator2 = AdmitanciaShunt (1/(0.001 + 1j * w * 3))
6 reator3 = AdmitanciaShunt(1/(0.001 + 1j * w * 1.25))
8 ABCD_reator = Cascata(serie, T1, QuadripoloParalelo(LT1, LT2,),
                           CargaZ1, reator1, LT3, T2, CargaZ2, reator2, LT4,
      T3, CargaZ3, reator3)
10
print('-=-'*10, 'Linha de transmisso com associa o de reatores em
     paralelo com a carga', '-=-'*10, '\n')
print ('Matriz da linha de transmisso: \n', ABCD_reator,'\n')
15 A_reator = ABCD_reator[0][0]
B_reator = ABCD_reator[0][1]
18
19 C_reator = ABCD_reator[1][0]
21 D_reator = ABCD_reator[1][1]
22
23 Eqs_reator = np.array([[A_reator + (B_reator /Zc3), 0], [-(C_reator+(
     D_reator/Zc3)), 1]])
25 Igualdade_reator = np.array([69e3*np.sqrt(2), 0])
27 solucao_reator = np.linalg.solve(Eqs_reator, Iqualdade_reator)
29 print(f'Para a carga Z3 com reator em paralelo, V = {round(np.abs(
     solucao_reator[0]),4)}
                            {np.angle(solucao_reator[0])} V \n')
grint(f'Para a carga Z3 com reator paralelo, I = {np.abs(solucao_reator
                {np.angle(solucao_reator[0]/Zc3)} A \n')
     [0]/Zc3)
33 ABCD_reator_Z2 = Cascata(serie, T1, QuadripoloParalelo(LT1, LT2,),
                           CargaZ1, reator1, LT3, T2, CargaZ2, reator2)
34
```

```
36 A_reator_Z2 = ABCD_reator_Z2[0][0]
38 B_reator_Z2 = ABCD_reator_Z2[0][1]
39
40 C_reator_Z2 = ABCD_reator_Z2[1][0]
42 D_reator_Z2 = ABCD_reator_Z2[1][1]
44 Eqs_reator_Z2 = np.array([[A_reator_Z2 + (B_reator_Z2 /Zc2), 0], [-(
     C_reator_Z2+(D_reator_Z2/Zc2)), 1]])
46 Igualdade_reator_Z2 = np.array([69e3*np.sqrt(2), 0])
48 solucao_reator_Z2 = np.linalg.solve(Eqs_reator_Z2, Igualdade_reator_Z2)
50 print(f'Para a carga Z2 com reator em paralelo, V = {round(np.abs(
     solucao_reator_Z2[0]),4)}
                                 {np.angle(solucao_reator_Z2[0])} V \n')
52 print(f'Para a carga Z2 com reator paralelo, I = {np.abs(solucao_reator_Z2
                    {np.angle(solucao_reator_Z2[0]/Zc2)} A \n')
     [0]/Zc2)
54 ABCD_reator_Z1 = Cascata(serie, T1, QuadripoloParalelo(LT1, LT2,),
                           CargaZ1, reator1)
56
57 A_reator_Z1 = ABCD_reator_Z1[0][0]
59 B_reator_Z1 = ABCD_reator_Z1[0][1]
60
61 C_reator_Z1 = ABCD_reator_Z1[1][0]
63 D_reator_Z1 = ABCD_reator_Z1[1][1]
65 Eqs_reator_Z1 = np.array([[A_reator_Z1 + (B_reator_Z1 /Zc2), 0], [-(
     C_reator_Z1+(D_reator_Z1/Zc1)), 1]])
67 Igualdade_reator_Z1 = np.array([69e3*np.sqrt(2), 0])
69 solucao_reator_Z1 = np.linalq.solve(Eqs_reator_Z1, Iqualdade_reator_Z1)
71 print(f'Para a carga Z1 com reator em paralelo, V = {round(np.abs(
     solucao reator Z1[0], 4)} {np.angle(solucao reator Z1[0])} V \n')
73 print(f'Para a carga Z1 com reator paralelo, I = {np.abs(solucao_reator_Z1
  [0]/Zc1) } {np.angle(solucao_reator_Z1[0]/Zc1)} A \n')
```

Source Code 8: Simulação com associação de reatores em paralelo

Cuja saída pode ser vista no trecho de código a seguir:

```
----- Linha de transmisso com associa o de
    reatores em paralelo com a carga ------
Matriz da linha de transmisso:
4 [[1.24250088e+00-0.66501041j 1.13885133e+01+9.74993948j]
5 [5.59294159e-03-0.15935321j 2.22688099e+00-0.22484187j]]
_{7} Para a carga Z3 com reator em paralelo, V = 68642.5842 \angle
    0.49073640629023046 V
_{9} Para a carga Z3 com reator paralelo, I = 56.51769335020412 \angle
    -0.6294013116424112 A
\scriptstyle\rm II Para a carga Z2 com reator em paralelo, V = 226136.4425 \angle
    0.5015946903895784 V
^{13} Para a carga Z2 com reator paralelo, I = 83.93895594910657 \angle
    -0.6176645011088804 A
15 Para a carga Z1 com reator em paralelo, V = 462187.9373 \angle
    0.5517939798586868 V
17 Para a carga Z1 com reator paralelo, I = 23.98620361679111 \angle
  -0.5679249076778728 A
```

Source Code 9: Saída no terminal

3 Simulação no PSpice

Devido ao tamanho da linha, o circuito que simula o sistema elétrico será mostrado em figuras diferentes.

Figura 2: Sistema elétrico parte 1

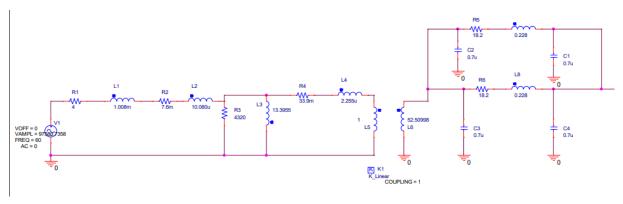


Figura 3: Sistema elétrico parte 2

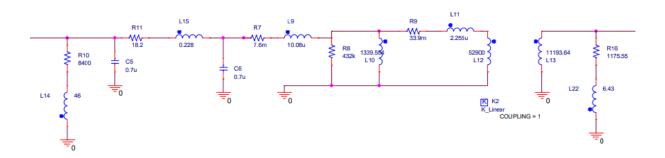
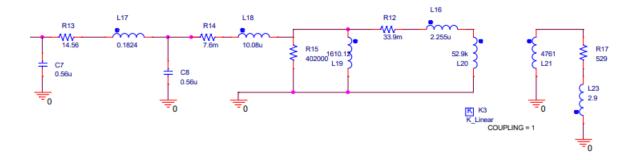


Figura 4: Sistema elétrico parte 3



Com o circuito dessa forma, ou seja, sem nenhum ajuste, podemos medir a tensão e a corrente na carga. Tais leituras podem ser vistas na Figura 5 considerando uma entrada de 69kV.

(A) transientel (active)

(A) Transientel (a

Figura 5: Saída

Fonte: PSpice

3.1 Ajuste do Tap

Em seguida foi feito o ajuste de tap alterando o valor de L da segunda bobina de cada um dos transformadores. Os valores alterados podem ser vistos nas Figuras 6, 7, 8.

Figura 6: Ajuste de tap 2

Figura 8: Ajuste de tap 3

A saída com os ajustes pode ser vista na Figura 9

0.5MV (21.22 m, 500.012K)

0.5MV (21.00m 69.03K)

-0.5MV (21.00m 69.03K)

Figura 9: Saída com ajuste de tap

3.2 Associação de reatores paralelos às cargas

Outra forma de ajustar o problema de sobretensão é associar em paralelo às cargas reatores que compensem adequadamente a sobretensão a fim de termos a tensão adequada na saída.

Figura 11: Reator associado
à carga Z1

Figura 12: Reator associado
à carga Z3

R18

0.001

R19

0.001

R19

0.001

A saída com os ajustes pode ser vista na Figura 13

(A) transientel (active)

(36.163,509.110K)

400KV

(36.163,239.424K)

Figura 13: Saída com associação dos reatores

4 Conclusão

Embora não tenhamos obtido valores exatamente iguais, nas saídas do código e da simulação pelo PSpice, foram obtidos resultados muito próximos conforme o que foi exposto nos capítulos anteriores.

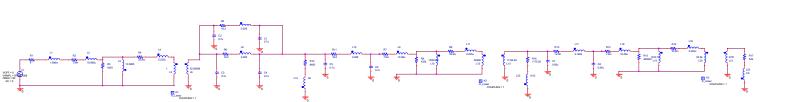
Fomos capazes de simular o comportamento de uma linha de transmissão através de um código desenvolvido em Python, que nos permitiu compreender melhor os efeitos eletromagnéticos presentes no processo de transmissão de energia elétrica.

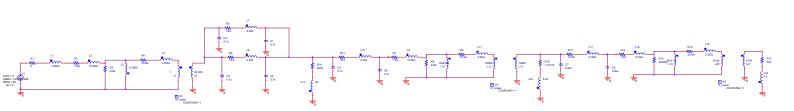
Não só isso, também fomos capazes de simular maneiras de resolver problemas relacionados aos efeitos eletromagnéticos em uma linha de transmissão por meio de duas técnicas, e ambas mostraram-se muito eficazes.

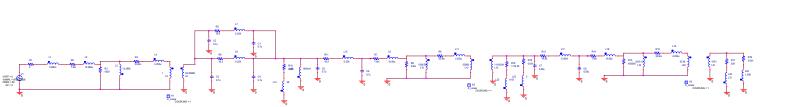
5 Referências

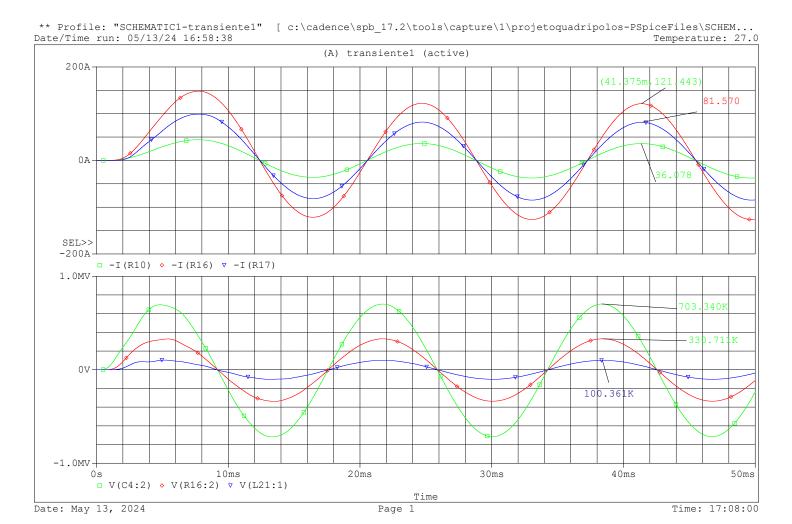
GLOVER, J. Duncan; OVERBYE, Thomas J; SARMA, S. Mulukutla. **Power System Analysis and Design**. 6th edition. Printed in the United States of America. CENGAGE Learning, 2015.

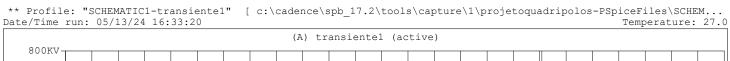
6 Anexos

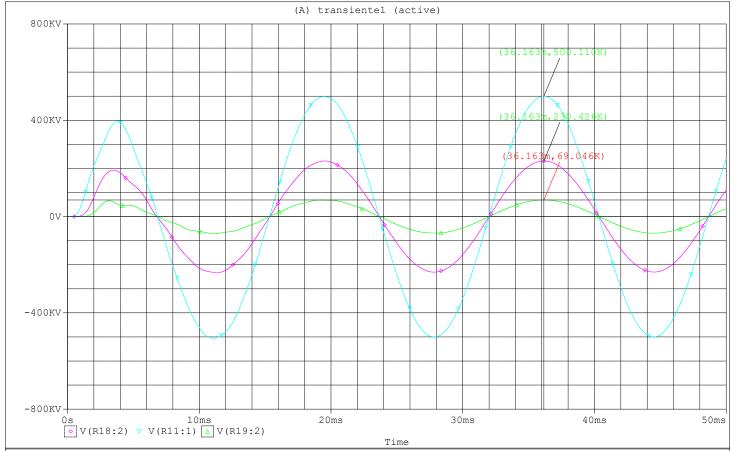












A1: (36.163m, 69.046K) A2: (0.000, 0.000) DIFF(A): (36.163m, 69.046K) Date: May 13, 2024 Page 1 Time: 16:45:41

