

Prova scritta di Analisi Matematica 2

Prof. Simonetta Abenda - C.d.S. Fisica

19/01/2023 - TS34267

Cognome: Nome:

1	2	3	4
---	---	---	---

1 - 4	5	A
-------	---	---

Per gli esercizi 1-4 segnare la lettera della risposta scelta nella corrispondente casella numerata. Per l'esercizio 5: scrivere le formule utilizzate, i passaggi principali - compreso l'eventuale cambiamento di variabile utilizzato nel calcolo dell'integrale - e il risultato.

ESERCIZIO 1 La funzione $f(x, y, z) = 3y^2z + 7x^2 + 5y^2z^2$

- A) non possiede punti critici di minimo locale.
- B) possiede due punti critici di tipo sella ed infiniti punti critici di minimo locale.
- C) possiede infiniti punti critici di tipo sella ed infiniti punti critici di minimo locale.*
- D) possiede due punti critici di minimo locale ed infiniti punti critici di tipo sella.
- E) possiede esclusivamente punti critici di tipo sella.
- F) soddisfa ad altro.

ESERCIZIO 2 La derivata direzionale di $f(x, y, z) = \frac{2}{3}x^{yz} - \frac{19}{9}z^x$ nella direzione $\hat{\nu}(P)$, versore normale a $\Gamma = \{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3 : 2x^2y - xyz + \frac{19}{27}z^3 = 22\}$ nel punto $P = (3, 1/3, 3)$ tale che $\prec \hat{\nu}(P), \hat{i} \succ < 0$, vale

- A) altro. B) $\frac{512}{69}\sqrt{46} + \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3).$ * C) $\frac{427}{138}\sqrt{46} - \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3).$
- D) $\frac{427}{138}\sqrt{46} + \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3).$ E) $-\frac{512}{69}\sqrt{46} - \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3).$ F) $-\frac{512}{69}\sqrt{46} + \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3).$
- G) $\frac{512}{69}\sqrt{46} - \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3).$ H) $-\frac{427}{138}\sqrt{46} - \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3).$ I) $-\frac{427}{138}\sqrt{46} + \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3).$

ESERCIZIO 3 Il volume del compatto $A = \{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3 : 2x^2 + 3y^2 + 5z^2 \leq 30, x \geq -\sqrt{6}, 3y^2 + 5z^2 \leq 4x^2\}$, vale

- A) altro. B) $\frac{40}{3}\pi\sqrt{30} - 40\pi - \frac{18}{5}\pi\sqrt{10}.$ C) $40\pi - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}.$ D) $60\pi - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3} - \frac{28}{5}\pi\sqrt{5}.$
- E) $20\pi + \frac{26}{5}\pi\sqrt{10} - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}.$ * F) $20\pi + \frac{28}{5}\pi\sqrt{5} - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}.$ G) $60\pi - \frac{26}{5}\pi\sqrt{10} - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}.$

ESERCIZIO 4 Per la funzione $f(x, y, z) = 3x^2 - 5yz$, ristretta all'insieme $A = \{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3 : 2x^2 + 3y^2 + 5z^2 = 30\}$ si ha

- A) $\min_A f = -12.$ B) $\max_A f = \frac{15}{2}\sqrt{6}.$ C) $\min_A f = -45.$ D) altro. E) $\max_A f = 45.$ *
- F) $\min_A f = 0.$ G) $\max_A f = 12.$ H) $\min_A f = -\frac{15}{6}\sqrt{2}.$ I) $\max_A f = 5\sqrt{15}.$

ESERCIZIO 5 Siano $\vec{f}(x, y, z) = (4x^2 - 5yz)\hat{i} + (3x - 2y)\hat{j} + 3x^2z\hat{k}$, $\Sigma = \{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3 : 3x^2 + 5y^2 = 2z^2, 3 \leq z \leq 5\}$ con orientamento $\hat{\nu}$ tale che $\prec \hat{\nu}, \hat{k} \succ < 0$.

A) (0.5 pt) $\partial\Sigma =$

B) (1.3 pt) Determinare $\hat{\tau}(0, -\sqrt{10}, 5)$ e disegnare Σ e $\partial\Sigma$ con i rispettivi orientamenti.

C) (0.5 pt) $\operatorname{div} \vec{f} =$

D) (0.5 pt) Parametrizzazione con dominio:

E) (1.2 pt) Orientamento associato alla parametrizzazione e compatibilità con l'orientamento assegnato:

F) (2 pt) $\iint_{\Sigma} \prec \vec{f}, \hat{\nu} \succ d\sigma =$