Prova scritta di Analisi Matematica 2

Prof. Simonetta Abenda - C.d.S. Fisica

22/12/2022 - PG164345

Cognome: .... Nome: ....

1	2	3	4

$1-4$	5	A

Per gli esercizi 1-4 segnare la lettera della risposta scelta nella corrispondente casella numerata. Per l'esercizio 5: scrivere le formule utilizzate, i passaggi principali - compreso l'eventuale cambiamento di variabile utilizzato nel calcolo dell'integrale - e il risultato.

ESERCIZIO 1 Per la funzione $f(x,y,z) = 2xy^2 - z^2$, ristretta all'insieme $A = \{(x,y,z) \in \mathbf{R}^3 \ : \ 2x^2 + y^2 + 3z^2 = 6\}$ si ha

A) $\max_A f = 51/16$. B) $\min_A f = -9/4$. C) $\min_A f = -1/6$. D) altro. E) $\max_A f = 16/3$. F) $\min_A f = -107/54$. G) $\max_A f = 0$. H) $\max_A f = 8/3$. I) $\min_A f = -8$.*

ESERCIZIO 2 La funzione $f(x,y,z) = 4x^2y^2 + 5xy^2 + 3xz^2$

A) possiede infiniti punti critici di tipo sella ed esattamente due punti critici rispettivamente di massimo e minimo locale.
B) possiede esclusivamente punti critici di tipo sella.
C) soddisfa ad altro.
D) possiede punti critici di massimo locale, ma non di minimo locale.
E) possiede un numero infinito di punti critici sia di minimo locale, sia di massimo locale che di tipo sella.*
F) possiede punti critici di minimo locale, ma non di massimo locale.

ESERCIZIO 3 La derivata direzionale di $f(x,y,z) = \frac{11}{8} y^{yz} - \frac{63}{2} x^y - \frac{59}{2} z^x$ nella direzione $\hat{\nu}(P)$, versore normale a $\Gamma = \{(x,y,z) \in \mathbf{R}^3 \ : \ -x^2y + xyz + 2y^2z = 16\}$ nel punto $P = (2,2,2)$ tale che $\prec \hat{\nu}(P), \hat{i} \succ > 0$, vale

A) $3\sqrt{26} + 2\sqrt{26}\log(2)$. B) $2\sqrt{26} + 3\sqrt{26}\log(2)$.* C) $-3\sqrt{26} - 2\sqrt{26}\log(2)$. D) $-3\sqrt{26} + 2\sqrt{26}\log(2)$. E) altro. F) $3\sqrt{26} - 2\sqrt{26}\log(2)$. G) $2\sqrt{26} - 3\sqrt{26}\log(2)$. H) $-2\sqrt{26} + 3\sqrt{26}\log(2)$. I) $-2\sqrt{26} - 3\sqrt{26}\log(2)$.

ESERCIZIO 4 Il volume del compatto $A = \{(x,y,z) \in \mathbf{R}^3 \ : \ 6x^2 + 5y^2 \le 4z^2 + 4, \ \ z \le 1/2, \ 6x^2 + 5y^2 \ge 8z^2 \ \}$, vale

A) $\frac{15}{32}\pi\sqrt{6}$. B) $\frac{15\sqrt{6}}{16}\pi$. C) $\frac{3}{20}\pi\sqrt{30}$.* D) $\frac{8}{45}\pi\sqrt{30}$. E) $\frac{55}{144}\sqrt{6}\pi$. F) $\frac{11}{90}\pi\sqrt{30}$. G) altro.

ESERCIZIO 5 Siano $\vec{f}(x,y,z) = (2xy - z^2)\hat{\imath} + 3xz\hat{\jmath} + (x^2 + 2xy)\hat{\kappa}$, $\quad \Sigma = \{(x,y,z) \in \mathbf{R}^3 : 2x^2 + 3z^2 = 6,\ -1 \le y \le 4\}$ superficie orientata con orientamento $\hat{\nu}$ tale che $\prec \hat{\nu}, \hat{\imath} \succ < 0$ in $(\sqrt{3}, 0, 0)$; sia $(\partial\Sigma, \hat{\tau})$ il bordo di Σ con l'orientamento indotto $\hat{\tau}$.

A) (0.5 pt) $\partial\Sigma =$

B) (1.3 pt) Determinare $\hat{\tau}(0, 4, -\sqrt{2})$ e disegnare Σ e $\partial\Sigma$ con i rispettivi orientamenti.

C) (0.5 pt) $\mathrm{rot}\vec{f} =$

D) (0.5 pt) Parametrizzazione con dominio:

E) (1.2 pt) Orientamento associato alla parametrizzazione e compatibilità con l'orientamento assegnato:

F) (2 pt) $\iint_\Sigma \prec \mathrm{rot}\vec{f}, \hat{\nu} \succ d\sigma =$