

Prova scritta di Analisi Matematica 2

Prof. Simonetta Abenda - C.d.S. Fisica

09/02/2023 - SZ56489

Cognome: Nome:

1	2	3	4
---	---	---	---

1 - 4	5	A
-------	---	---

Per gli esercizi 1-4 segnare la lettera della risposta scelta nella corrispondente casella numerata. Per l'esercizio 5: scrivere le formule utilizzate, i passaggi principali - compreso l'eventuale cambiamento di variabile utilizzato nel calcolo dell'integrale - e il risultato.

ESERCIZIO 1 La funzione $f(x, y, z) = 5x^2y^2 + 3x^2z^2 - 2yz^2$

- A) possiede infiniti punti critici di minimo locale ed un unico punti critico di tipo sella.
- B) non possiede punti critici di minimo locale.
- C) possiede infiniti punti critici di tipo sella ed infiniti punti critici di minimo locale.
- D) possiede esclusivamente punti critici di tipo sella.
- E) possiede infiniti punti critici di tipo sella e un unico punto critico di minimo locale.
- F) soddisfa ad altro.

ESERCIZIO 2 La derivata direzionale $\frac{\partial f}{\partial \hat{v}}(P)$, con $f(x, y, z) = \frac{x^y}{3} - \frac{3}{4}z^x$, $P = (2, 2, 2)$ e \hat{v} il versore normale in P a $\Gamma = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : \frac{x^3z}{4} + \frac{3}{4}xy^2 = 10\}$, tale che $\langle \hat{v}, \hat{i} \rangle < 0$, vale

- A) $\frac{6}{13} + \frac{19}{13} \log(2)$. B) $6 + 19 \log(2)$. C) $-\frac{6}{13} - \frac{19}{13} \log(2)$. D) $-\frac{6}{13} + \frac{19}{13} \log(2)$.
- E) $-6 + 19 \log(2)$. F) $-\frac{6}{11} - \frac{19}{11} \log(2)$. G) altro. H) $-\frac{6}{11} + \frac{19}{11} \log(2)$. I) $\frac{6}{13} - \frac{19}{13} \log(2)$.
- L) $6 - 19 \log(2)$. M) $\frac{6}{11} + \frac{19}{11} \log(2)$. N) $-\frac{6}{11} - \frac{19}{11} \log(2)$. O) $-6 - 19 \log(2)$.

ESERCIZIO 3 Il volume del compatto $A = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 4y^2 + 3z^2 \leq x \leq 8y + 6z\}$, vale

- A) $\frac{49}{12}\pi\sqrt{3}$. B) altro. C) $\frac{14}{9}\pi\sqrt{21}$. D) $\frac{28\sqrt{7}}{3}\pi$. E) $\frac{7}{\pi}$. F) $\frac{7\sqrt{3}}{6}\pi$. G) $\frac{49}{2}\pi$.

ESERCIZIO 4 Per la funzione $f(x, y, z) = 6y - 5xz$, ristretta all'insieme $A = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 2x^2 + 3y^2 + 5z^2 = 20\}$ si ha

- A) $\min_A f = -\sqrt{38}/5$. B) altro. C) $\max_A f = 0$. D) $\max_A f = 7\sqrt{10}/5$.
- E) $\min_A f = -31\sqrt{10}/5$. F) $\min_A f = 8\sqrt{10}/3$. G) $\min_A f = -4\sqrt{15}$.

ESERCIZIO 5 Siano $\vec{f}(x, y, z) = (2yz)\hat{i} - 3x^2\hat{j} + 5y\hat{k}$, $\Sigma = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 3x^2 + 4z^2 = 6y^2 - 2, 1 \leq y \leq 2\}$ superficie orientata con orientamento $\hat{\nu}$ tale che $\prec \hat{\nu}, \hat{j} \succ < 0$; sia $(\partial\Sigma, \hat{\tau})$ il bordo di Σ con l'orientamento indotto $\hat{\tau}$.

A) (0.5 pt) $\partial\Sigma =$

B) (1.3 pt) Disegnare Σ e $\partial\Sigma$ con i rispettivi orientamenti e determinare $\hat{\tau}(0, 1, -1)$.

C) (0.5 pt) $\text{rot}\vec{f} =$

D) (0.5 pt) Parametrizzazione con dominio:

E) (1.2 pt) Orientamento associato alla parametrizzazione e compatibilità con l'orientamento assegnato:

F) (2 pt) $\iint_{\Sigma} \prec \text{rot}\vec{f}, \hat{\nu} \succ d\sigma =$