

Prova scritta di Analisi Matematica 2

Prof. Simonetta Abenda - C.d.S. Fisica

19/01/2023 - TS34567

Cognome: Nome:

1	2	3	4

1 - 4	5	A

Per gli esercizi 1-4 segnare la lettera della risposta scelta nella corrispondente casella numerata. Per l'esercizio 5: scrivere le formule utilizzate, i passaggi principali - compreso l'eventuale cambiamento di variabile utilizzato nel calcolo dell'integrale - e il risultato.

ESERCIZIO 1 La funzione $f(x, y, z) = 5y^2z + 2x^2 + 4y^2z^2$

- A) soddisfa ad altro.
- B) possiede due punti critici di minimo locale ed infiniti punti critici di tipo sella.
- C) non possiede punti critici di minimo locale.
- D) possiede esclusivamente punti critici di tipo sella.
- E) possiede infiniti punti critici di tipo sella ed infiniti punti critici di minimo locale.
- F) possiede due punti critici di tipo sella ed infiniti punti critici di minimo locale.

ESERCIZIO 2 La derivata direzionale di $f(x, y, z) = \frac{5}{3}x^{yz} - \frac{16}{9}z^x$ nella direzione $\hat{\nu}(P)$, versore normale a $\Gamma = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 5x^2y - 7xyz + \frac{16}{27}z^3 = 10\}$ nel punto $P = (3, 1/3, 3)$ tale che $\prec \hat{\nu}(P), \hat{i} \succ < 0$, vale

- A) $-\frac{512}{69}\sqrt{46} + \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3)$.
- B) $\frac{512}{69}\sqrt{46} + \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3)$.
- C) $\frac{427}{138}\sqrt{46} - \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3)$.
- D) altro.
- E) $-\frac{512}{69}\sqrt{46} - \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3)$.
- F) $\frac{427}{138}\sqrt{46} + \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3)$.
- G) $\frac{512}{69}\sqrt{46} - \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3)$.
- H) $-\frac{427}{138}\sqrt{46} + \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3)$.
- I) $-\frac{427}{138}\sqrt{46} - \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3)$.

ESERCIZIO 3 Il volume del compatto $A = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 3x^2 + 5y^2 + 2z^2 \leq 30, x \geq -\sqrt{8}, 5y^2 + 2z^2 \leq 6x^2\}$, vale

- A) $20\pi + \frac{44}{5}\pi\sqrt{5} - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}$.
- B) $40\pi - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}$.
- C) $60\pi - \frac{44}{5}\pi\sqrt{5} - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}$.
- D) altro.
- E) $\frac{40}{3}\pi\sqrt{30} - 40\pi + \frac{12}{5}\pi\sqrt{5}$.
- F) $20\pi + \frac{164}{45}\pi\sqrt{5} - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}$.
- G) $\frac{40}{3}\pi\sqrt{30} - 40\pi - \frac{12}{5}\pi\sqrt{5}$.

ESERCIZIO 4 Per la funzione $f(x, y, z) = 2x^2 - 3yz$, ristretta all'insieme $A = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 5x^2 + 2y^2 + 3z^2 = 30\}$ si ha

- A) $\min_A f = -12$.
- B) $\max_A f = \frac{15}{2}\sqrt{6}$.
- C) $\min_A f = -5\sqrt{15}$.
- D) altro.
- E) $\max_A f = 0$.
- F) $\min_A f = 45$.
- G) $\max_A f = 12$.
- H) $\min_A f = -45$.
- I) $\max_A f = 5\sqrt{15}$.

ESERCIZIO 5 Siano $\vec{f}(x, y, z) = (6x^2 - 3yz)\hat{i} + (2x - 4y)\hat{j} + 5x^2z\hat{k}$, $\Sigma = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 2x^2 + 3y^2 = 5z^2, 3 \leq z \leq 5\}$ con orientamento $\hat{\nu}$ tale che $\prec \hat{\nu}, \hat{k} \succ < 0$.

A) (0.5 pt) $\partial\Sigma =$

B) (1.3 pt) Determinare $\hat{\tau}(0, -\sqrt{15}, 3)$ e disegnare Σ e $\partial\Sigma$ con i rispettivi orientamenti.

C) (0.5 pt) $\operatorname{div} \vec{f} =$

D) (0.5 pt) Parametrizzazione con dominio:

E) (1.2 pt) Orientamento associato alla parametrizzazione e compatibilità con l'orientamento assegnato:

F) (2 pt) $\iint_{\Sigma} \prec \vec{f}, \hat{\nu} \succ d\sigma =$