

# Prova scritta di Analisi Matematica 2

Prof. Simonetta Abenda - C.d.S. Fisica

19/01/2023 - TS34567

Cognome: ..... Nome: .....

1	2	3	4
---	---	---	---

1 - 4	5	A
-------	---	---

Per gli esercizi 1-4 segnare la lettera della risposta scelta nella corrispondente casella numerata. Per l'esercizio 5: scrivere le formule utilizzate, i passaggi principali - compreso l'eventuale cambiamento di variabile utilizzato nel calcolo dell'integrale - e il risultato.

**ESERCIZIO 1** La funzione  $f(x, y, z) = 5y^2z + 2x^2 + 4y^2z^2$

- A) soddisfa ad altro.
- B) possiede due punti critici di minimo locale ed infiniti punti critici di tipo sella.
- C) non possiede punti critici di minimo locale.
- D) possiede esclusivamente punti critici di tipo sella.
- E) possiede infiniti punti critici di tipo sella ed infiniti punti critici di minimo locale.
- F) possiede due punti critici di tipo sella ed infiniti punti critici di minimo locale.

**ESERCIZIO 2** La derivata direzionale di  $f(x, y, z) = \frac{5}{3}x^{yz} - \frac{16}{9}z^x$  nella direzione  $\hat{\nu}(P)$ , versore normale a  $\Gamma = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 5x^2y - 7xyz + \frac{16}{27}z^3 = 10\}$  nel punto  $P = (3, 1/3, 3)$  tale che  $\langle \hat{\nu}(P), \hat{i} \rangle < 0$ , vale

- A)  $-\frac{512}{69}\sqrt{46} + \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3)$ .
- B)  $\frac{512}{69}\sqrt{46} + \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3)$ .
- C)  $\frac{427}{138}\sqrt{46} - \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3)$ .
- D) altro.
- E)  $-\frac{512}{69}\sqrt{46} - \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3)$ .
- F)  $\frac{427}{138}\sqrt{46} + \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3)$ .
- G)  $\frac{512}{69}\sqrt{46} - \frac{35}{46}\sqrt{46}\log(3)$ .
- H)  $-\frac{427}{138}\sqrt{46} + \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3)$ .
- I)  $-\frac{427}{138}\sqrt{46} - \frac{133}{46}\sqrt{46}\log(3)$ .

**ESERCIZIO 3** Il volume del compatto  $A = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 3x^2 + 5y^2 + 2z^2 \leq 30, x \geq -\sqrt{8}, 5y^2 + 2z^2 \leq 6x^2\}$ , vale

- A)  $20\pi + \frac{44}{5}\pi\sqrt{5} - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}$ .
- B)  $40\pi - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}$ .
- C)  $60\pi - \frac{44}{5}\pi\sqrt{5} - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}$ .
- D) altro.
- E)  $\frac{40}{3}\pi\sqrt{30} - 40\pi + \frac{12}{5}\pi\sqrt{5}$ .
- F)  $20\pi + \frac{164}{45}\pi\sqrt{5} - \frac{40}{3}\pi\sqrt{3}$ .
- G)  $\frac{40}{3}\pi\sqrt{30} - 40\pi - \frac{12}{5}\pi\sqrt{5}$ .

**ESERCIZIO 4** Per la funzione  $f(x, y, z) = 2x^2 - 3yz$ , ristretta all'insieme  $A = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 5x^2 + 2y^2 + 3z^2 = 30\}$  si ha

- A)  $\min_A f = -12$ .
- B)  $\max_A f = \frac{15}{2}\sqrt{6}$ .
- C)  $\min_A f = -5\sqrt{15}$ .
- D) altro.
- E)  $\max_A f = 0$ .
- F)  $\min_A f = 45$ .
- G)  $\max_A f = 12$ .
- H)  $\min_A f = -45$ .
- I)  $\max_A f = 5\sqrt{15}$ .

**ESERCIZIO 5** Siano  $\vec{f}(x, y, z) = (6x^2 - 3yz)\hat{i} + (2x - 4y)\hat{j} + 5x^2z\hat{k}$ ,  $\Sigma = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 2x^2 + 3y^2 = 5z^2, 3 \leq z \leq 5\}$  con orientamento  $\hat{\nu}$  tale che  $\prec \hat{\nu}, \hat{k} \succ < 0$ .

A) (0.5 pt)  $\partial\Sigma =$

B) (1.3 pt) Determinare  $\hat{\tau}(0, -\sqrt{15}, 3)$  e disegnare  $\Sigma$  e  $\partial\Sigma$  con i rispettivi orientamenti.

C) (0.5 pt)  $\text{div} \vec{f} =$

D) (0.5 pt) Parametrizzazione con dominio:

E) (1.2 pt) Orientamento associato alla parametrizzazione e compatibilità con l'orientamento assegnato:

F) (2 pt)  $\iint_{\Sigma} \prec \vec{f}, \hat{\nu} \succ d\sigma =$